

طراحی نظام مفاهیم و مهارت‌ها و نگرش‌های ریاضی به عنوان قالبی برای جستجوی محتوا بر پایه تکنولوژی نوین

آرش رستگار

خلاصه. سبک‌های مختلف مفهوم محور، مهارت‌محور و نگرش محور برای تنظیم و مرتب کردن محتوای آموزش را می‌توان با هم ترکیب کرد و آن را به شکل ایده‌ای نوین برای برچسب‌گذاری محتوای ریاضی تبدیل کرد تا از جریان‌های مفهومی، مهارتی و نگرشی در جهت جستجوی محتوا با کمک تکنولوژی نوین بهره گرفت.

مقدمه. برای تنظیم و مرتب کردن محتوا در یک نظام آموزشی از جریان‌های مفهومی، مهارتی و نگرشی استفاده می‌شود که نمونه‌ای از آن در جداول پیوست آمده است. هدف ما طراحی یک سیستم هوشمند است که محتوای آموزشی را به کمک یادگیری ماشین در برابر یادگیرنده کاربر قرار دهد و با این کار یک نظام آموزشی مختص به نیازهای یادگیری کاربر به دست بدهد. برای طراحی چنین سیستم هوشمندی نیازمند یک روش برچسب‌گذاری هدفمند و پیشرفته محتوا هستیم. در این مقاله بر آنیم که با کمک جداول مفهومی، مهارتی و نگرشی شیوه‌ای نوین برای برچسب‌گذاری محتوای ریاضی به دست دهیم تا محتوای ریاضی بتواند به زیان یادگیری ماشین مورد جستجو قرار بگیرد. این سیستم برچسب‌گذاری نیازمند دخالت اولیه برنامه‌ریزان آموزشی هوشمند است. اما از جایی به بعد چنان تعلیم داده می‌شود که بتواند برای محتوای جدید خودش برچسب‌گذاری نماید و این برچسب‌گذاری‌ها را برای جستجوی محتوای جدید به کار برد. این شیوه تحولی نو در کاربرد یادگیری ماشین در آموزش ریاضیات خواهد بود که امید است در آینده به کاربرد یادگیری ماشین در آموزش علوم و فنون به صورت کلی توسعه یابد.

۱- جریان‌های مفهومی در محتوا

نظریه جریان‌های مفهومی از تئوری نقشه مفاهیم شروع می‌شود. نقشه مفهومی نموداری از مفاهیم مربوط با یک موضوع است که در آن ارتباطات مفهومی با فلشن‌هایی نمایش داده شده است. در مقاله‌ای که در راهنمای برنامه ریاضیات مدرسه ایران آمده است نظریه اطلس مفاهیم معرفی شده است. در این نظریه نقشه بزرگ مفاهیم یک موضوع با چندین نقشه کوچک که مرتب شده‌اند جایگزین می‌شود. این اطلس ترتیب مطرح شدن موضوعات در کلاس درس را در خود پنهان کرده است. در این ترتیب پیش‌نیازهای مفهومی رعایت شده است. خلاصه اطلس مفاهیم جدولی است که به آن جریان مفهومی محتوا گفته می‌شود. اطلاعاتی که این جدول آن را شامل می‌شود سیر مفاهیم مطرح شده در کلاس درس است که در آن پیش‌نیازهای مفهومی رعایت شده‌اند، به‌طوری‌که اگر مفاهیم با این سیر به دانش‌آموزان معرفی شوند، دانش‌آموزان مشکلی برای یادگیری نداشته باشند. به علاوه در این جدول مشخص شده است که چه مفهومی در کدام پایه تحصیلی مطرح می‌شود. این یک شیوه آدرس‌گذاری برای محتوا به دست می‌دهد که به ما می‌گوید یک محتوا مربوط به کدام پایه تحصیلی و دقیقاً در چه مرحله‌ای از آموزش است. به علاوه ارتباطات مفهومی در اطلس مفاهیم که نقشه به نقصه کامل‌تر می‌شود به ما می‌گوید که چه محتوایی می‌تواند برای برقرار کردن ارتباطات مفهومی به کار بروند. بنابراین نکته‌ای که در برچسب‌گذاری باید رعایت شود هم برچسب‌گذاری بر اساس مفاهیم و هم برچسب‌گذاری بر اساس ارتباط مفاهیم است. درباره نکاتی که باید برای برچسب‌گذاری مفاهیم رعایت کنیم در بخش دیگری با جزئیات سخن خواهیم گفت. اما نکته مهم این است که برای توسعه این پروژه به ریاضیات عالی و سایر علوم و فنون جدول مفاهیم آن را نیز مطابق با

آنچه در پیوست آمده است آمده کنیم و پیش‌نیاز این کار تهیه نقشه مفاهیم و سپس اطلاعات مفاهیم برای شاخه‌های این علوم است.

۲- جریان‌های مهارتی در محتوا

نگاه دیگر به تنظیم و مرتب کردن محتوا کمک گرفتن از زبان مهارت‌هاست. مهارت‌های ریاضی نیز مانند مفاهیم ریاضی، دارای نظام پیش‌نیازهایی هستند که آن‌ها را پیش‌ Mehارت می‌نامیم.

همان‌طور که مفاهیم با ارتباطات مفهومی به هم مربوطند، هر مهارتی نیز مجموعه‌ای از پیش‌مهارت‌ها را در خود دارد که بعضی از این پیش‌مهارت‌ها نیز با هم رابطه پیش‌نیازی دارند. یکی از مهارت‌های لازم برای انجام دادن ریاضی مهارت محاسبه است. مهارت‌های محاسباتی همچون زنجیری از پیش‌نیازهای هستند که از ساده تا مشکل ردیف شده‌اند. یک محتوا ممکن است نیاز به پیش‌نیازهای مهارتی باشد و هم ممکن است برای تدریس یک مهارت جدید باشد. این نشان می‌دهد که در برچسب‌گذاری مفاهیم و مهارت‌ها هر دو باید در نظر گرفت که آیا تدریس مفهوم یا مهارت جدید موردنظر است یا خیر. به ابعادی که باید در برچسب‌گذاری مهارت‌ها رعایت شود در بخش دیگری خواهیم پرداخت. در این‌جا جدولی از جریان‌های مهارتی که شامل نظام پیش‌مهارتی آن‌هاست برای ریاضیات در سطح دبیرستان آمده شده است که در پیوست آمده است. برای توسعه این پژوهه به ریاضیات عالی و سایر علوم و فنون نیاز هست که جدول مهارت‌های آن‌ها آمده شود. این کار نیاز به همکاری گروهی از محققان در هر شاخه علمی دارد. به همین منظور در برنامه ما طراحی سیستمی برخط برای ارتباط بین متخصصان و کامل ساختن جمعی اطلاع مفاهیم و نقشه مفاهیم و همین‌طور جریان‌های مفهومی و مهارتی شاخه‌های ریاضیات عالی و شاخه‌های مختلف علوم و فنون است. این کار پیش‌نیاز بارگذاری و برچسب‌گذاری محتوای ریاضی عالی و شاخه‌های مختلف علوم و فنون و سپس کاربرد یادگیری ماشین در ارائه محتوا به کاربران می‌باشد.

۳- جریان‌های نگرشی در محتوا

لازم است که ابتدا توضیح بدیم منظور از یک نگرش در این‌جا چیست. در این‌جا نگرش یعنی پاسخی به سؤال «ریاضیات چیست». اما نکته این‌که درک داشت آموز از این‌که ریاضیات چیست و به چه درد می‌خورد و چرا مهم است، طبقه به طبقه بالا می‌رود و پایه به پایه کامل‌تر می‌شود. لزوماً هر محتوایی نگاه و نگرش جدیدی در مورد ریاضیات بوجود نمی‌آورد. اما می‌توان گفت هر محتوایی با یکسری نگرش‌ها نسبت به ریاضیات ارتباط دارد. در پیوست جدولی از نگرش‌ها و جریان‌های نگرشی در سطح ریاضیات مدرسه‌ای آمده شده است. تهیه چنین جدولی در سطح ریاضیات عالی و در سطح پیشرفته علوم و فنون کار هر کسی نیست و نیاز به همکاری فیلسوفان ریاضیات و فیلسوفان علم و فیلسوفان فن‌آوری دارد. کسانی که بتوانند به تهیه چنین جدولی کمک کنند عده محدودی هستند و برای همکاری این افراد نیاز به تکنولوژی اطلاعات و طراحی سیستمی مناسب است. اما در سطح ریاضیات مدرسه جدول‌هایی در پیوست آمده‌اند که از «پژوهه ریاضیات مدرسه» که در دفتر تالیف و برنامه‌ریزی کتب درسی در سال ۱۳۸۰ تهیه از «برنامه درسی ریاضیات مدرسه» که در دفتر تالیف و برنامه‌ریزی کتب درسی در سال ۱۳۸۰ شده است برگرفته شده که نتیجه کار چندین متخصص ریاضی و متخصص آموزش ریاضی و کارشناسان دفتر تالیف و معلمان کارکشته است. حال نوبت می‌رسد به این‌که بپردازیم به روش‌های برچسب‌گذاری اولیه و برچسب‌گذاری برخط محتوای ریاضی که توسط کاربران انجام می‌شود. چون برچسب‌گذاری توسط طراحان سایت انجام نمی‌شود لازم به طراحی قوانینی هست تا برچسب‌گذاری کاربران با هم هماهنگ شود و صحبت‌سنگی شود تا باعث خطای سیستم نشوند.

برچسب‌گذاری مفهومی - ۴

تمامی مفاهیم زیر سایه ۱۰ جریان مفهومی کلی قرار می‌گیرند. انتخاب این جریان‌های مفهومی یکتا نیست و ممکن است یک محتوا به چند جریان مفهومی مربوط شود. ذیل هر جریان مفهومی چند مفهوم کلی قرار گرفته است و زیر مفاهیم کلی، تک‌تک مفاهیم قرار می‌گیرند و ارتباطات بین مفاهیم کلی و ارتباطات بین مفاهیم جزئی نیز باید در برچسب‌گذاری معلوم شود. این‌که یک محتوا چه ارتباطاتی را برقرار می‌کند و این‌که یک محتوا برای معرفی یک مفهوم کلی یا یک مفهوم جزئی مناسب است باید در برچسب‌ها به محتوا و رعایت شود. به علاوه کاربران باید امکان این را داشته باشند که در نسبت دادن برچسب‌ها به محتوا و برقراری ارتباطات مفهومی جدید دخالت کنند. با این کار کاربران ورزیدگی این را پیدا می‌کنند که محتوای جدید را بر طبق شناختی که از برچسب‌گذاری محتواهای قدیمی دارند برچسب‌گذاری نمایند. مرحله بعد هوشمندسازی برچسب‌گذاری این است که با یادگیری ماشین بتوان برچسب‌هایی را به کاربر پیشنهاد کرد تا از میان آن‌ها انتخاب کند. این نکته کمک خواهد کرد که کاربران بنابر سطح تحصیلاتشان رده‌بندی شوند و برچسب‌گذاری‌های آن‌ها با کمک سطح تحصیلاتشان وزن‌دار شود و برچسب‌گذاری‌های معلمان بیشتر مورد اعتماد ماشین قرار گیرد. ایده‌آل نهایی این است که یادگیری ماشین به حدی هوشمند شود که خود بتواند بدون کمک کاربران محتوا را برچسب‌گذاری نماید که این سطح از هوش مصنوعی هنوز در دسترس ما قرار ندارد. لازم است که برچسب‌ها با توجه به معنی آن‌ها رده‌بندی شوند و فقط به عنوان یک سری کلمات که از بین آن‌ها جستجو می‌شود در نظر گرفته نشوند. بنابراین برچسب‌های مفهومی باید در طبقه متفاوتی از برچسب‌های مهارتی و برچسب‌های نگرشی قرار بگیرند. برچسب‌های مهارتی ساده‌تر از برچسب‌های مفهومی قابل رده‌بندی هستند که به آن خواهیم پرداخت.

۵- برچسب‌گذاری مهارتی

تمامی مهارت‌ها زیر سایه ۱۰ جریان مهارتی کلی قرار می‌گیرند. انتخاب این جریان‌های مهارتی یکتا نیست و ممکن است یک محتوا به چند جریان مهارتی مربوط شود. ذیل هر جریان مهارتی چند مهارت کلی قرار گرفته است و زیر مهارت‌های کلی، تک‌تک مهارت‌های جزئی قرار می‌گیرند.

بین مهارت‌ها به جز رابطه پیش‌مهارت بودن رابطه دیگری برقرار نیست و این برچسب‌گذاری مهارتی را ساده‌تر از برچسب‌گذاری مفهومی می‌کند. برچسب‌گذاری مهارت‌ها نیز مانند مفاهیم می‌تواند از جایی به بعد توسط کاربران انجام شود. در مرحله‌ای می‌توان با کمک یادگیری ماشین لیستی از مهارت‌ها را در برابر کاربر قرار داد تا برچسب‌های لازم را بتواند از آن لیست انتخاب کند. یک نکته مهم دیگر این است که برچسب‌گذاری مفهومی و مهارتی و نگرشی توسط کاربران بسیار در جهت آموزش ریاضیات به کاربران نقش ایفا می‌کند. با این کار، کاربر در برابر یک نظام آموزشی شیشه‌ای قرار می‌گیرد و نقش برنامه‌ریز درسی را به‌طور شفاف مشاهده می‌کند. می‌تواند یادگیری خود را به زبان مفاهیم و به زبان مهارت‌ها ترجمه کند. بلکه می‌تواند یادگیری خود را با کمک نظام مفهومی، مهارتی و نگرشی ارزشیابی می‌کند و این ارزشیابی از ارزشیابی توسط معلم در کلاس درس بسیار کارآمدتر است. یک کاربرد دیگر برچسب‌گذاری مفهومی و مهارتی این است که با کمک یادگیری ماشین می‌توان یک امتحان برای کلاس درس طراحی کرد. به خصوص اگر معلم داده‌های تمرینات دانش‌آموزان را داشته باشد و یادگیری ماشین این داده‌ها را به‌کار بیندد. طراحی سوالات امتحان بسیار دقیق‌تر و صحیح‌تر می‌تواند انجام شود. آشنا شدن با برچسب‌های نگرشی به کاربر کمک می‌کند نسبت به نگرشی که نسبت به ریاضیات دارد خودآگاه باشد که به آن خواهیم پرداخت.

۶- برچسب‌گذاری نگرشی

برچسب‌گذاری نگرشی هم بر اساس ۱۰ نگرش کلی به ریاضیات طراحی شده است که در جدول پیوست می‌شود. انتخاب جریان‌های نگرشی نیز مانند جریان‌های مفهومی و مهارتی یکتا نیست و نگرش‌های کلی و جزئی در جریان‌های نگرشی دهگانه مطرح می‌شوند. یک انعطاف مهم که از برچسب‌گذاری مفهومی، مهارتی و نگرشی بهدست می‌آید این است که کاربر یا معلم که سیستم را برای کاربران تنظیم می‌کند ممکن است بخواهد از زیرمجموعه‌ای از برچسب‌ها برای آموزش استفاده کند. مثلاً اگر بخواهد تنها از برچسب‌های نگرشی یا اگر بخواهد از هردوی برچسب‌های مفهومی و مهارتی استفاده می‌کند و این دست معلم را باز می‌گذارد تا در سیستم برخورد با محتوا توسط دانش‌آموزان انتخاب داشته باشد. یک کاربرد مهم این انعطاف این است که با محدود کردن برچسب‌ها به برچسب‌های نگرشی می‌توان محتوایی بهدست آورده که برای یک کلاس درس با دانش‌آموزانی در چندین سطح مختلف و در سنین مختلف مناسب باشد. طراحی چنین محتوایی توسط یک معلم کار ساده‌ای نیست. اما اینجا تکنولوژی می‌تواند به کار بیاید و معلم را با محتوایی که چنین انعطافی داشته باشد آشنا نماید. این طرح درس‌ها می‌تواند توسط معلم ذخیره شود و به یک منبع آموزشی پرکاربرد برای معلمان تبدیل شود. این طرح درس‌ها را نیز می‌توان با کمک برچسب‌های مفهومی، مهارتی و نگرشی برچسب‌گذاری کرد، تا دسترسی به آن‌ها توسط سایر معلمان آسان‌تر باشد. بنابراین برچسب‌هایی نیز لازم است که تعیین کند محتوا فیلم است یا طرح درس است یا مسئله است یا نرم افزار است یا اینیمیشن است و مانند آن.

۷- کاربرد این برچسب‌گذاری‌ها در یادگیری ماشین

یادگیری ماشین روشنی است که برای مدیریت سیستم بدون کمک نیروی انسانی طراحی شده است و شاخه‌ای از هوش مصنوعی. دکتر یحیی تابش که یکی از پیش‌کسوتان آموزش ریاضیات در ایران است و جایزه بین‌المللی اردوش را نیز دریافت کرده است مبتکر این روش بوده است که از یادگیری ماشین برای یادگیری هوشمند استفاده کنیم. بدین‌وسیله که کاربر با توجه به مسائلی که موفق به حل آن شده و مسائلی که موفق به حل آن نشده است توسط ماشین شناسایی شود و با کاربران مشابه مقایسه گردد و به این‌وسیله محتوای مناسب این کاربر را در اختیار او قرار دهد. با این کار می‌توان به جای این‌که یک نظام آموزشی برای تمام دانش‌آموزان کشور طراحی کرد یک نظام آموزشی مختص دانش‌آموز کاربر بهدست آورده که نیازهای آموزشی او و سبک شناختی او را نیز در نظر می‌گیرد و سرعت یادگیری او را نیز در نظر بگیرد و عادات یادگیری و شرایط خاص شناختی او را نیز در نظر قرار دهد. این اطلاعات را می‌توان در یادگیری همین کاربر در رشته‌های علوم و فن‌آوری نیز به کار برد. بنابراین یادگیری ماشین می‌تواند یک نظام آموزشی هماهنگ در همه رشته‌های آموزشی به کاربر تحويل بدهد. این انقلابی در آموزش خواهد بود که این آزادی را به کاربر می‌دهد که در مسیر آموزشی که توسط او طی می‌شود خلاقانه دخالت کند و یادگیری خود را، با کمک و همراهی یادگیری ماشین، مدیریت نماید. دانش‌آموز با این روش می‌تواند در هر موضوعی که علاقه به خصوصی داشته باشد هر چقدر که سیستم هوشمند، او را حمایت می‌کند پیشرفت کند.

فصل نهم

اهداف آموزش ریاضی در دوره متوسطه

اهداف تکریشی

<p>۱- ریاضیات در نظر فرهنگ جستجوگری علمی و ایجاد روحیه تحقیق است.</p> <p>- امروز ریاضیات تقویت روحیه تقدیر و بررسی و روایی اتفاقی دارد.</p> <p>- ریاضیات توانمندی فرد را در مهارت‌های برقاری ارتقا می‌دهد.</p> <p>- استراتژی های تفکر در زندگی روزمره، کاربرد دارند.</p> <p>- ریاضی از عوامل مؤثر در پژوهش و رشد نوسعه نشکر انتقادی است.</p> <p>- ریاضیات می‌تواند تفکر استنتاجی و منطقی را توسعه دهد.</p> <p>- ریاضیات را نولد تفکر را منظم می‌سازد.</p> <p>- ریاضیات می‌تواند تفکر خلاق را پژوهش دهد.</p> <p>- ریاضیات در مورد مجيئ الطراف خود كنجکاوی می‌کند و سوالات و مسائل جدیدی طرح می‌کند.</p> <p>- ریاضیات فوچنل را تقویت می‌نماید.</p> <p>- امروز ریاضی ذهن را برای تفکر مجرد آماده می‌سازد.</p> <p>- تفکر نماین با آموزش ریاضی توسعه می‌پالد.</p> <p>- یک محقق در راجعه به یک مسئله از اطلاعات سایرین و سایر اطلاعات در دسترس برای رسیدن به حقیقت استناده می‌کند.</p>	<p>۳- در حل مشکلات و مسائل زندگی روزمره می‌توان از ریاضیات استفاده کرد.</p> <p>- ریاضیات به قانون مدد شدن زندگی روزمره کمک می‌کند.</p> <p>- انسان‌ها در زندگی روزمره از الگوهای ریاضی مستشرکی بیش روی کنند.</p> <p>- بدران دانش ریاضی زندگی روزمره مختلف می‌شود.</p> <p>- طریق مسائل نو در دست بانی به تاثیح‌ها کمک می‌کند.</p> <p>- فضایت کردن در مسائل زندگی روزمره باشد مبتنی بر بررسی مشاهداتان را باهم مقایسه کنند.</p> <p>- یک پژوهشگر در مورد مجيئ الطراف خود كنجکاوی می‌کند و سوالات و مسائل جدید را طرح می‌کند.</p> <p>- تغییر انتشاریه زندگی موجب پیدا شدن مشکلات و مسائل جدید - مشیندن و تحمل آراء مخالف به پژوهشگر کمک می‌کند، علمی تو تحقیق کند.</p> <p>- یک محقق در راجعه به یک مسئله از اطلاعات سایرین و سایر اطلاعات در دسترس برای رسیدن به حقیقت استناده می‌کند.</p>
--	---

<p>۴- بین طبیعت و داشت ریاضی تعامل وجود دارد.</p> <p>- بسیاری از ایده‌های ریاضی از طبیعت گرفته شدند.</p> <p>- نیاز به اعداد از نیازهای طبیعی پسر است.</p> <p>- ریاضیات کمک می‌کند طبیعت اطراف خود را بشناسیم و برای شناخت بهتر طبیعت ناچار به فوتوسی ریاضیات هستیم.</p> <p>- با استفاده از ریاضیات می‌شون در جهت کنترل طبیعت قدم برداشت.</p> <p>- طبیعت هیشه ساده‌ترین راه را انتخاب می‌کند.</p>	<p>۵- در یادگیری و توسعه ریاضیات تجربه گرایی نقش مهمی اینها دارد.</p> <p>- فرضیه‌سازی عمدتاً باید بر تجربه استوار شده باشد.</p> <p>- ایده‌های ریاضی بر فرآیند کسب تجربه می‌گذرد.</p> <p>- ساختن ابزارهای تکنولوژی و توسعه ایندهای ریاضی برهم تأثیر مغایل دارند.</p> <p>- تجربه به درونی شدن آموخته‌ها کمک می‌کند.</p> <p>- تکنولوژی بدون انسان پیش‌رفت نمی‌کند.</p> <p>- استفاده از تکنولوژی در آموزش بر تفکر آموزشی و چیگونگی پاگردی آن مؤثر است.</p> <p>- رقی تحلیل دو پژوهشگر از یک پدیده مقاوم است، باید تجربه نشان بدهد که کدام نظر معتبر است.</p>
--	---

۸- از مدل سازی ریاضی برای حل مسائل زندگی روزمره

استفاده می کنند.

- مدل های که برای حل یک مسئلله ساخته می شود برای مسائل

مشابه قابل کاربرد است.

- مدل سازی ریاضی یک روش اساسی برای حل کردن مسائل

زندگی روزمره است.

- در مدل سازی مسکن است بعضاً از محدودیت ها باعث شود

بعضی ویژگی ها در حل مسئلله نادیده گرته شود.

- مدل های ریاضی ساخته شده می توانند باعث پیدا شدن ایده های

جدید یا توسعه و تعمیم ایده های قبل شوند.

- در مدل سازی یک پدیده طبیعی از ساده ترین مدل ها که بنویسد

پدیده ها را توصیف کند، مشاهده می کنند

- از مدل سازی ریاضی در مشناخت سیستم ها استفاده می کنند.

۷- در مشناخت، طراحی و ارزیابی سیستم ها می توان از ریاضیات

نمک گرفت.

- ریاضیات پدیده های طبیعی و اجتماعی را به عنوان یک سیستم بررسی

می کند.

- عموماً با تقسیم یک سیستم به چند سیستم کوچکتر و برسی ارتباط

آنها می توان آن سیستم را بررسی کرد.

- یک سیستم را می توان با یک سیستم ساده تر شیوه سازی کرد و آنرا بطور

تقریبی بررسی کرد.

- با اثرگذاری روی سیستم و برسی عکس العمل آن می توان سیستم را بهتر

شناخت.

- گاهی یک سیستم را می توان تحلیل کرد، به گونه ای که همان وظایف را

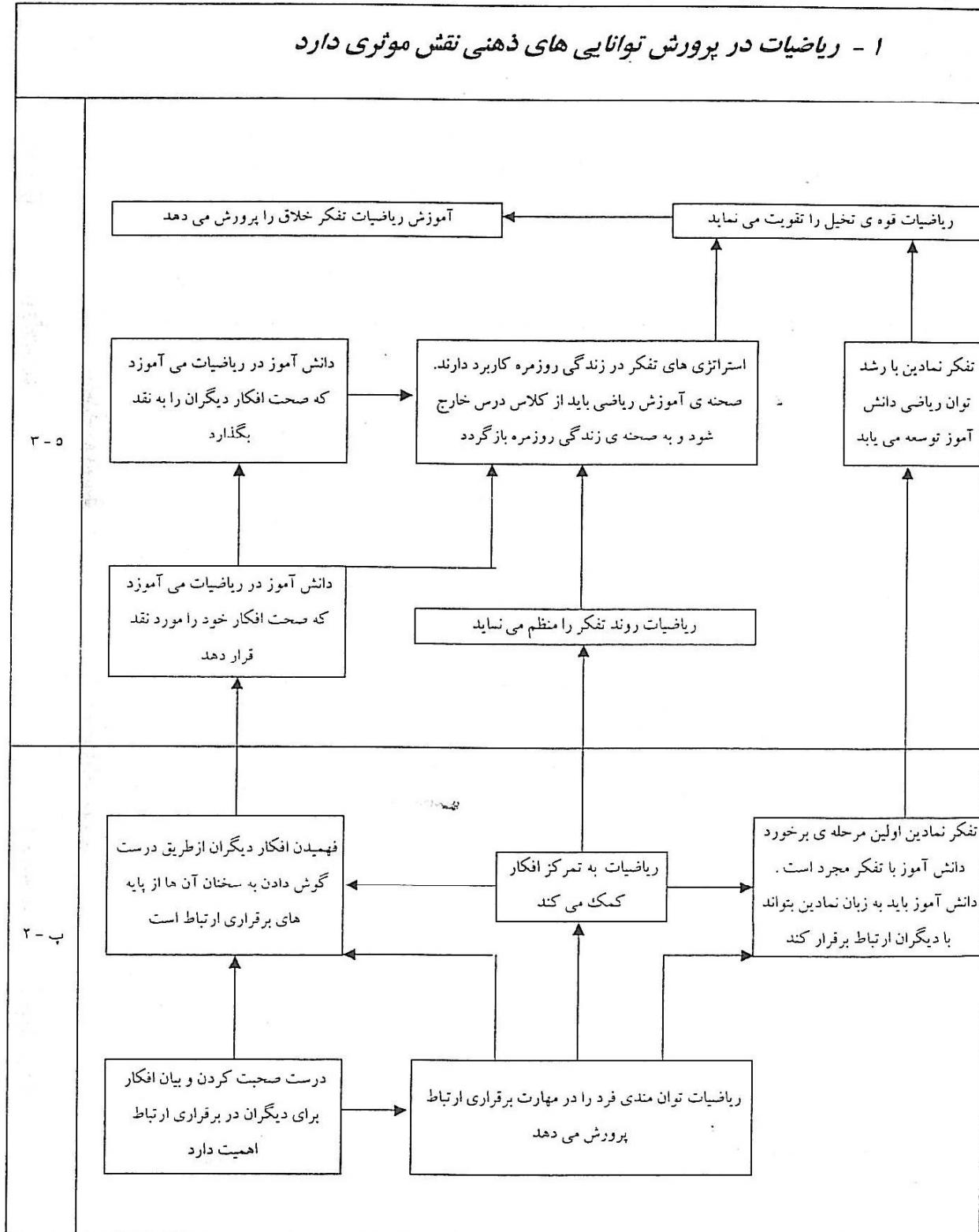
ساده تر نمایم دهد.

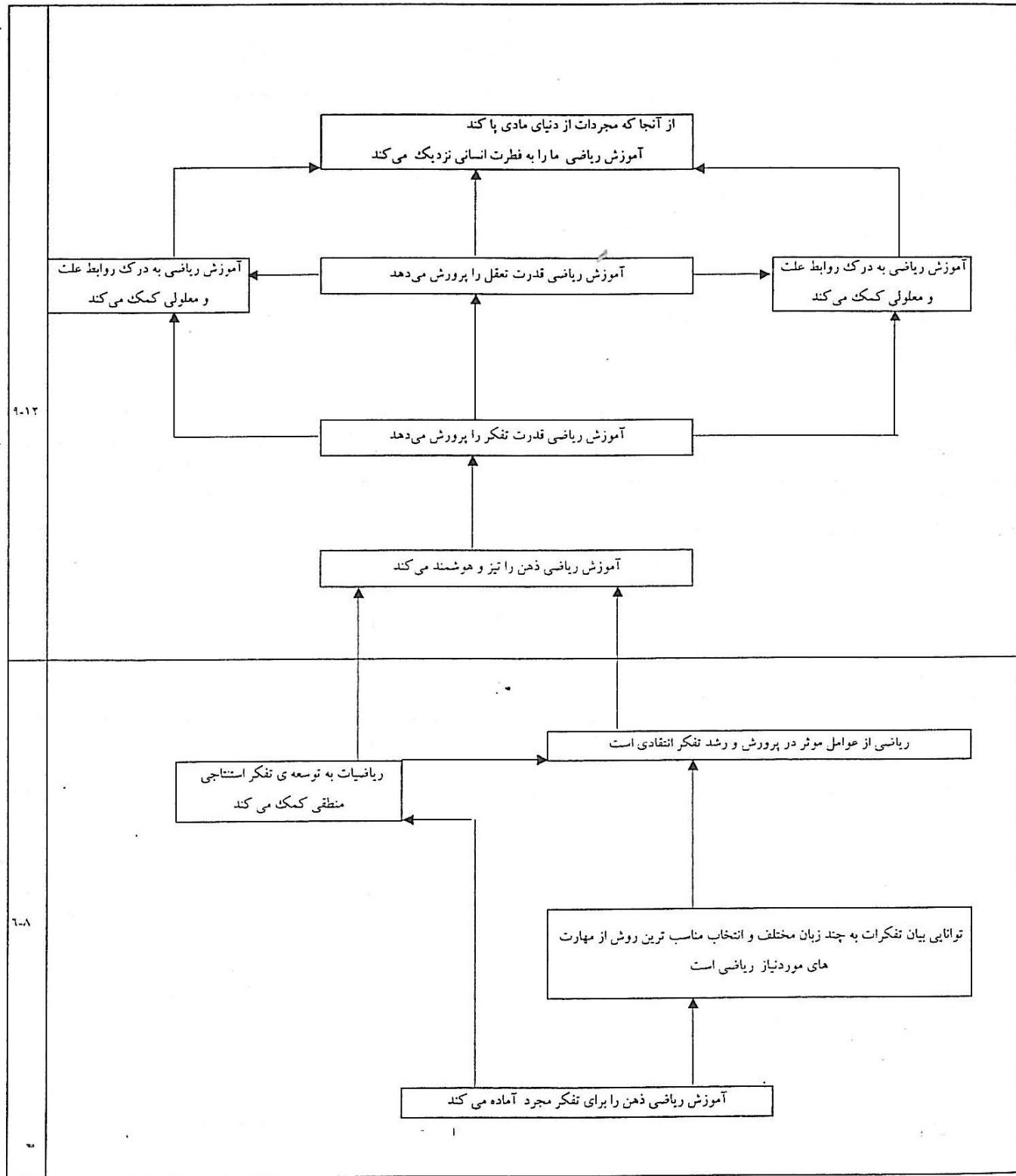
- از مدل سازی ریاضی در مشناخت سیستم ها استفاده می کنند.

<p>۹- هدکاری و مشارکت باعث کار آنچه پیش تو، تفکر کامل تر و یادگیری بهتر می شود.</p> <p>- در هنگام حل مسئله بحث جمعی به سهولت و صحت حل کمک می کند.</p> <p>- مطالبه نظرات مختلف توسط جسم در موضوعات درسی و پژوهشی باشند و در کی بسیار و یادگیری مؤثرter کمک می کند.</p> <p>- عضویت در یک گروه مطالعه در یادگیری کمک می کند.</p> <p>- کار گروهی می تواند باعث افزایش مجموع توانایی های فردی اعضا شود.</p> <p>- رعایت اخلاقی و آداب بحث گروهی در نتیجه گیری بهتر مؤثر است.</p>	<p>۱۰- راضیات، شبکهای به هم مرتبط از اینها، مفاهیم و مهارت‌ها است.</p> <p>- یک مسئله را می توان با ایده‌های مفهولات حل کرد.</p> <p>- مناسایی شبکه ارتباط مفاهیم و مهارت‌ها موجب عقیقت شدن بیانگری می شود.</p> <p>- شبکه ارتباطی به کمک درسیان به تفاوت که فبلانسی داشتم را توجه نداشتیم، کمک می کند.</p> <p>- شبکه راضیات مانند درستی ای است که هم از روش رشد می کند و به عمل می رود و هم از ساخته و برگ.</p>
--	---

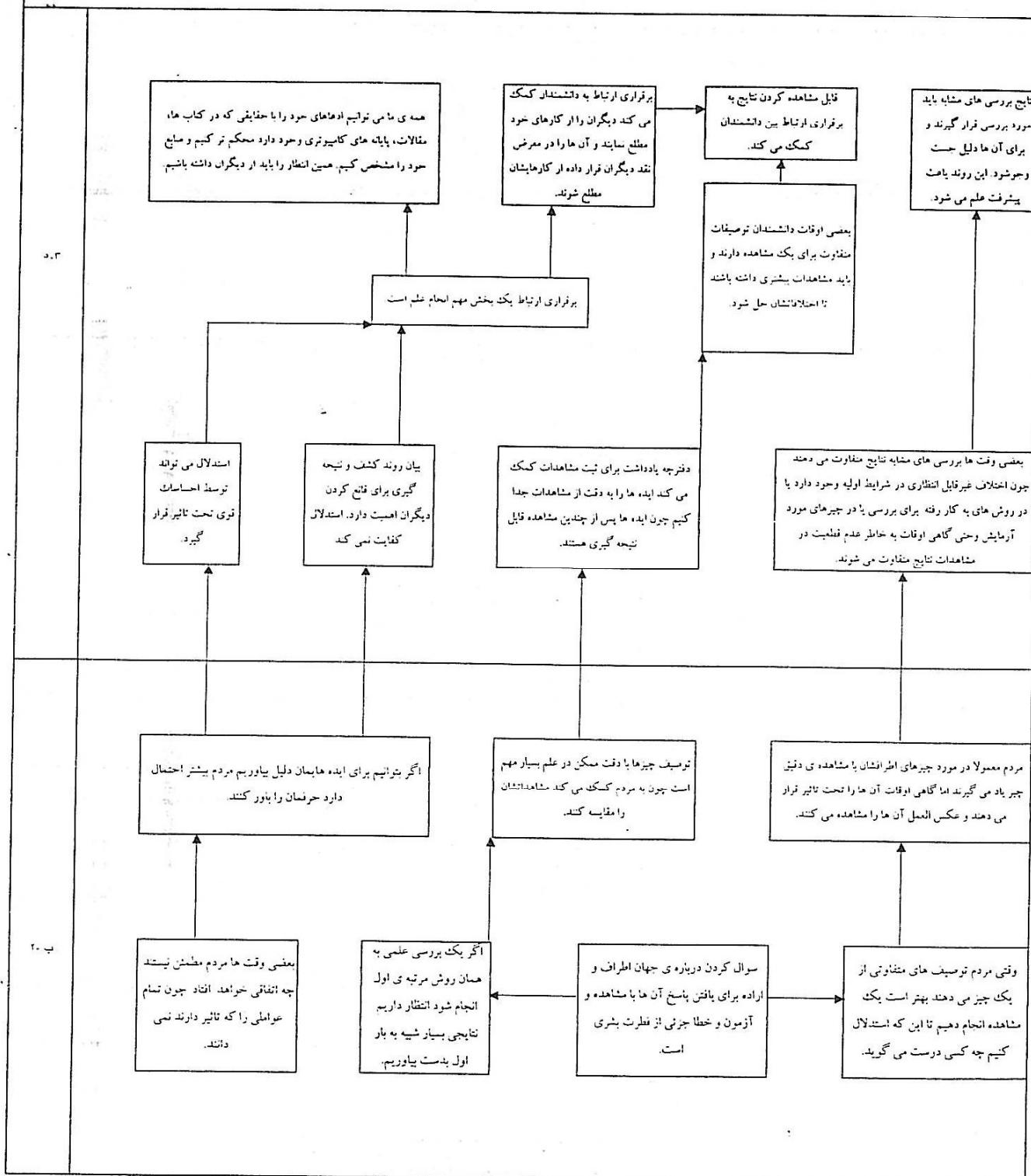
شبکه هدف‌های نگرشی

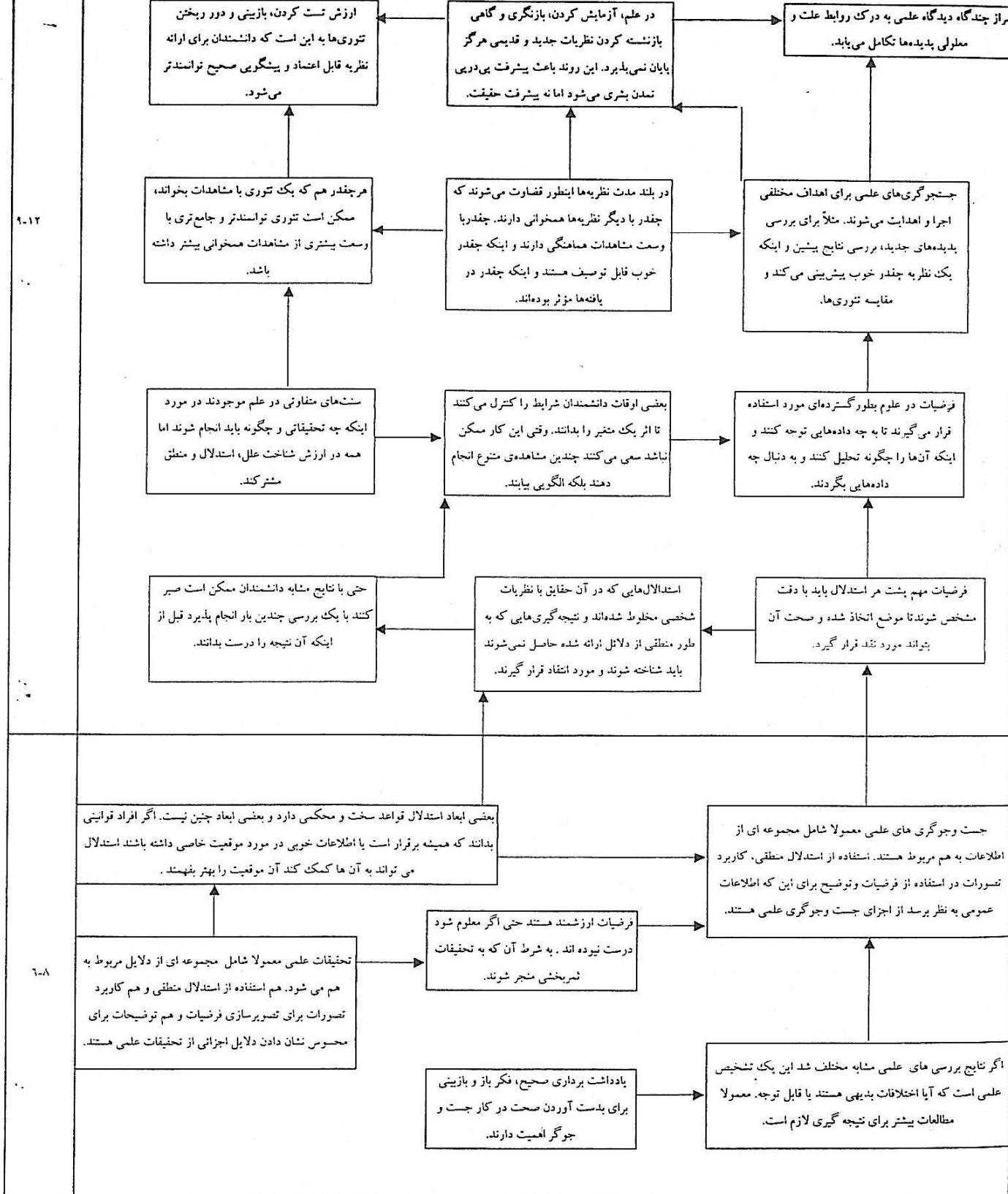
۱ - ریاضیات در پرورش توانایی‌های ذهنی نقش موثری دارد



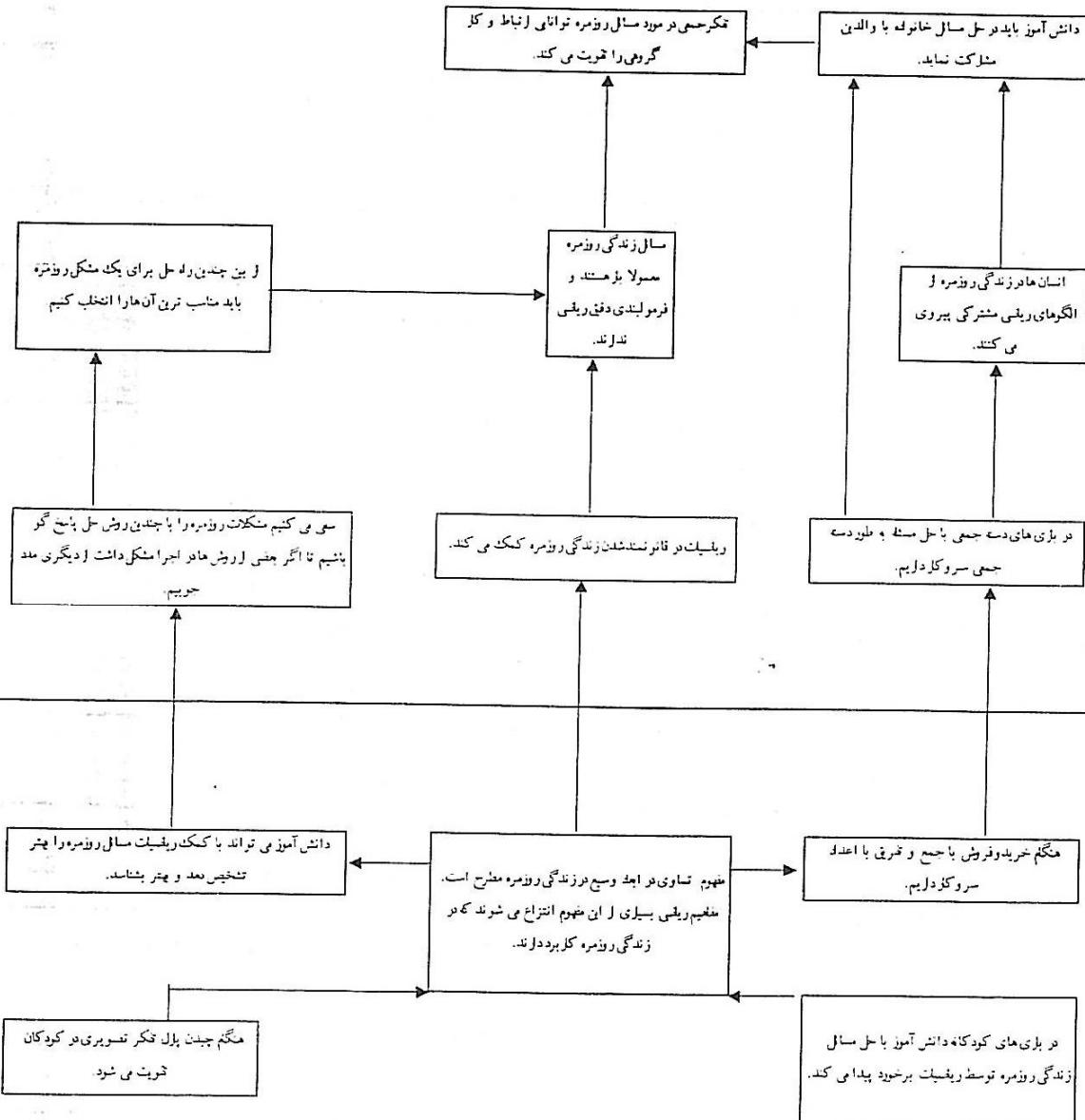


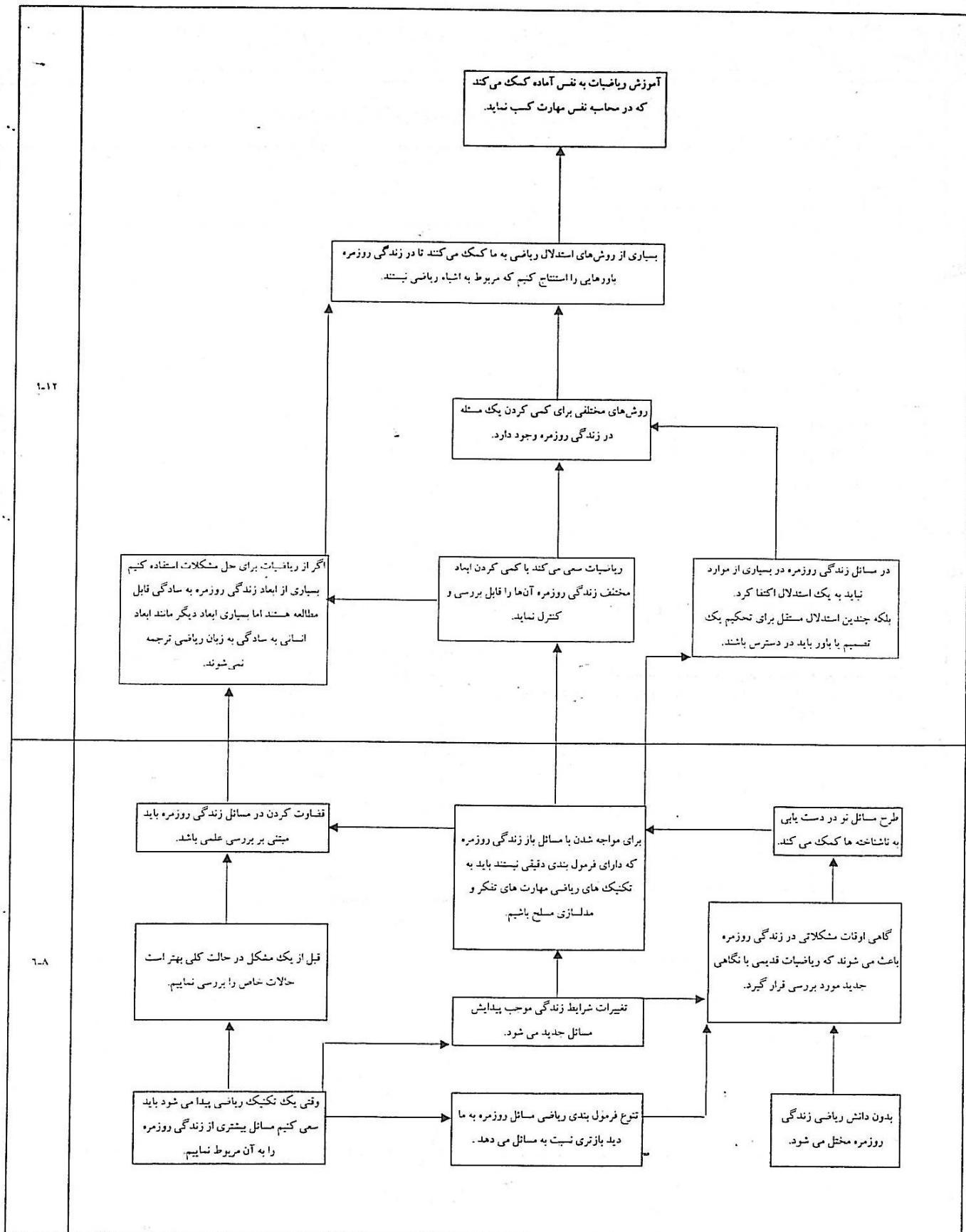
۲ - ریاضیات ابزار موثری در تشریفهای جست وجوگری علمی و ایجاد روحیه ای تحقیق است



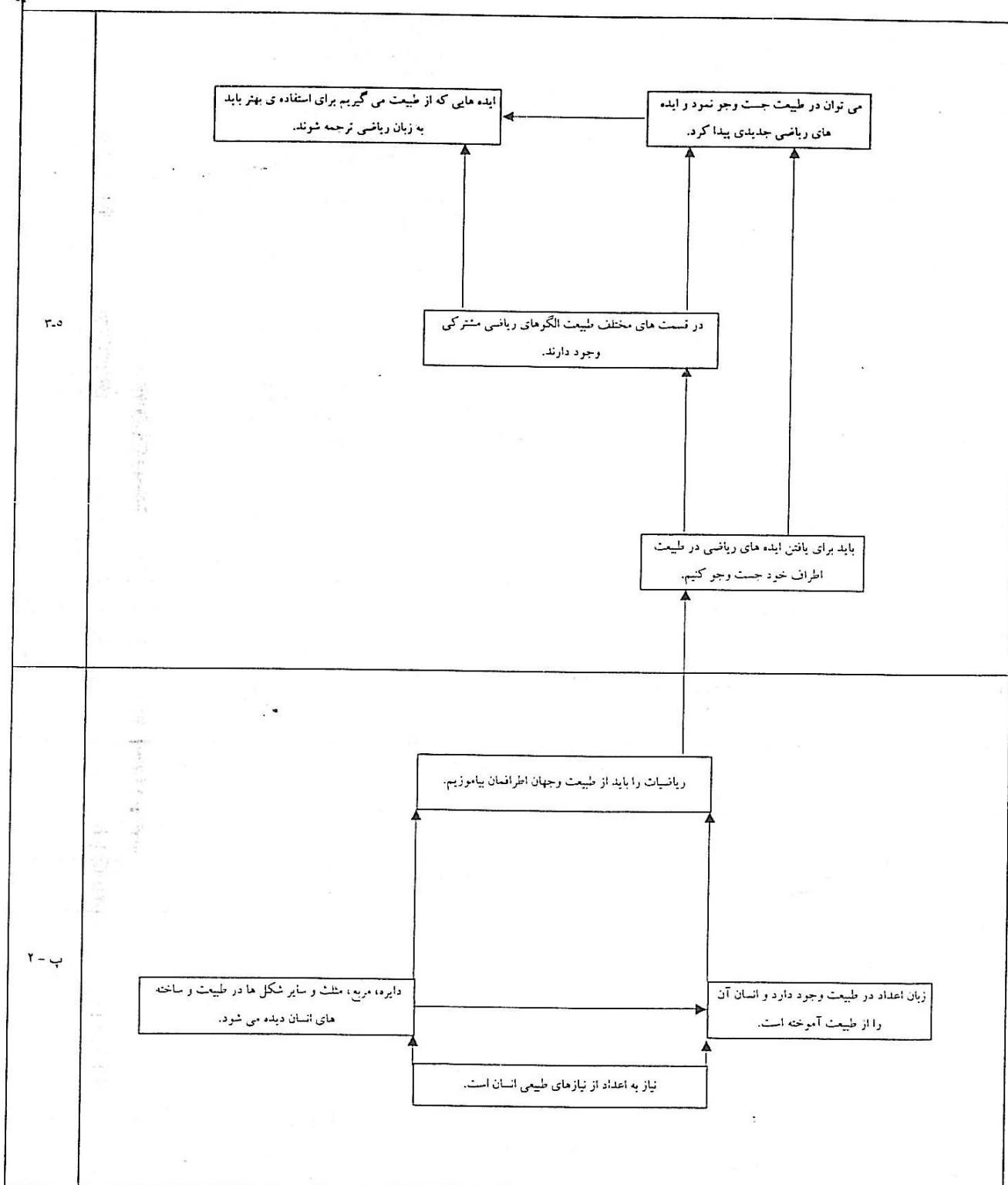


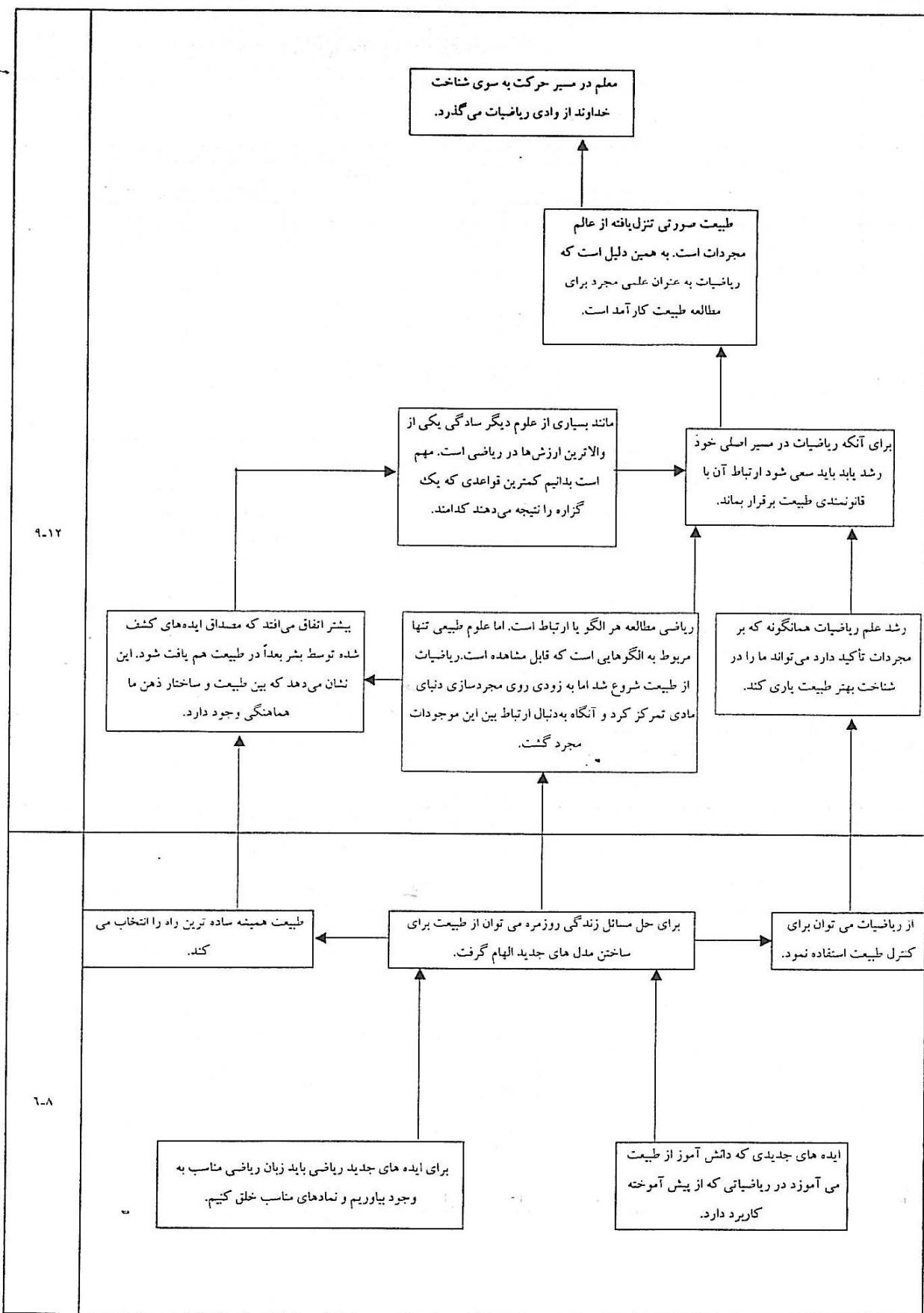
۳- در حل مشکلات و مسائل زندگی روزمره می توان از ریاضیات استفاده کرد



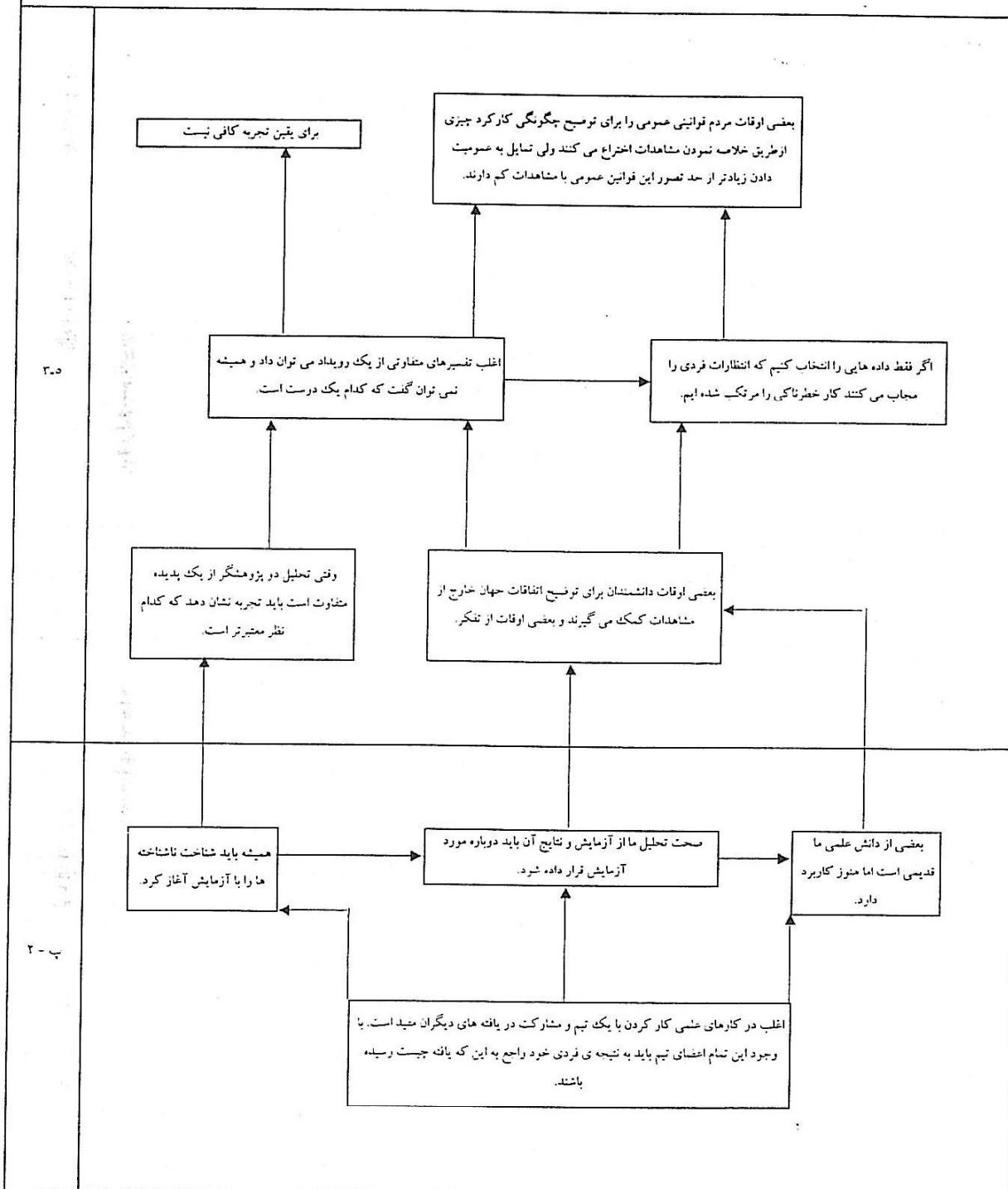


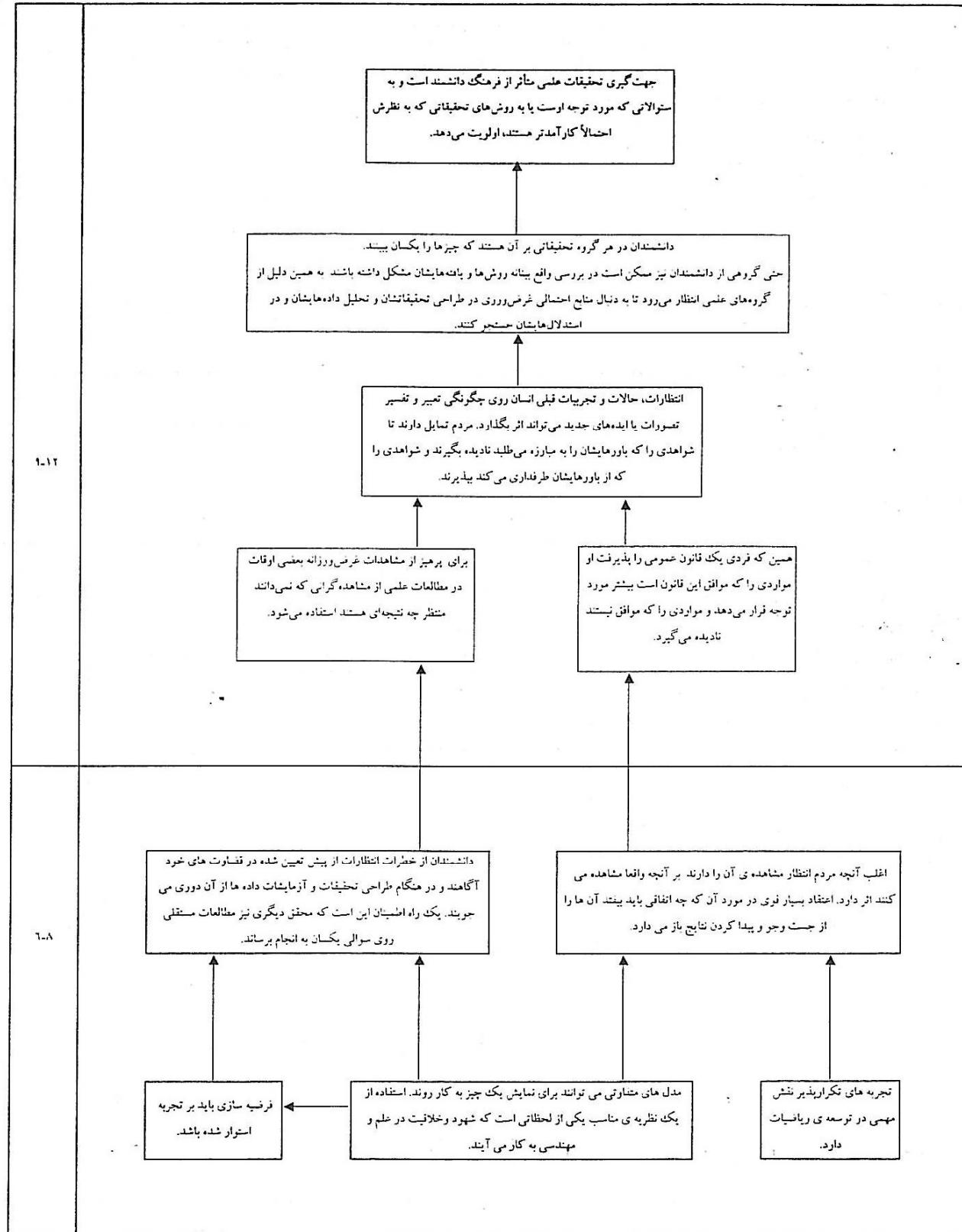
۴ - بین طبیعت و دانش ریاضی تعامل وجود دارد



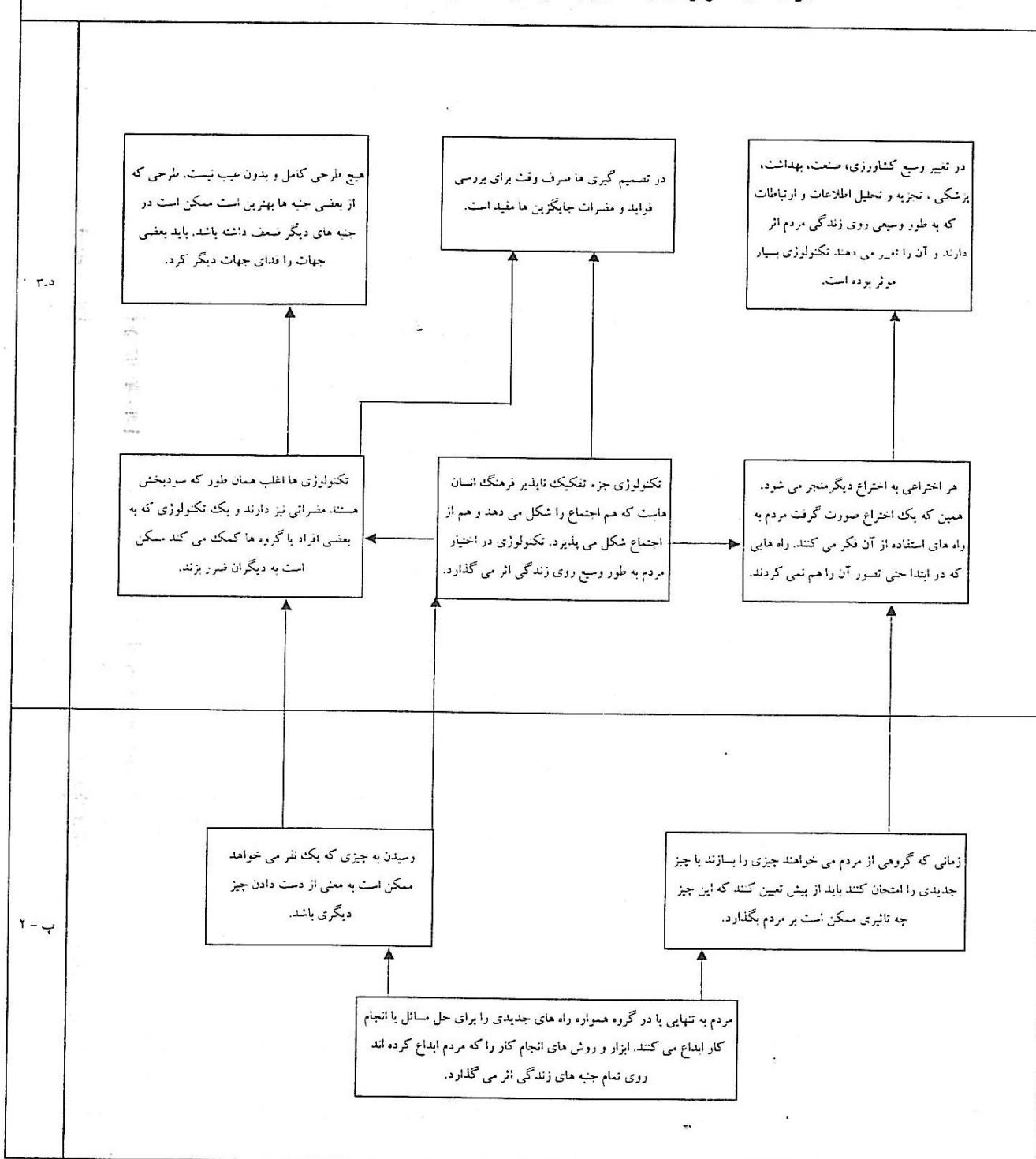


۵- در پادگیری و توسعه‌ی ریاضیات تجربه نقش مهمی اینا می‌کند

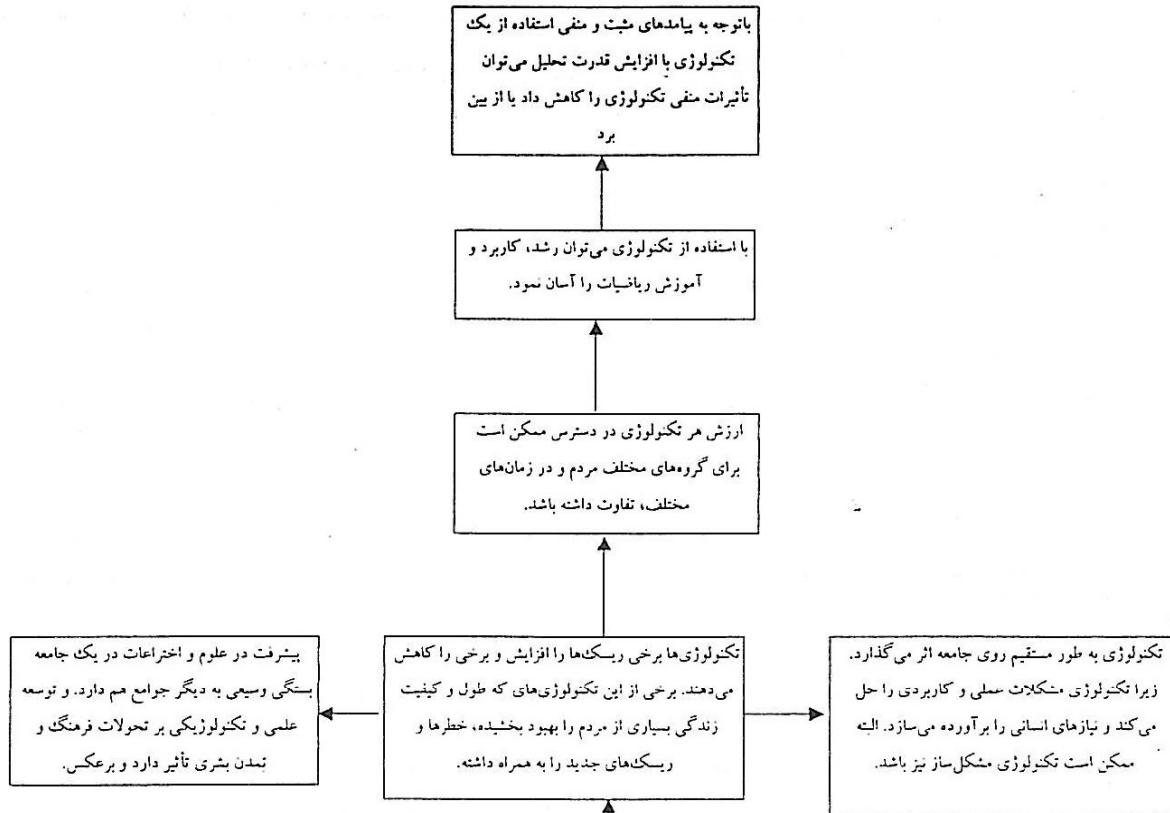




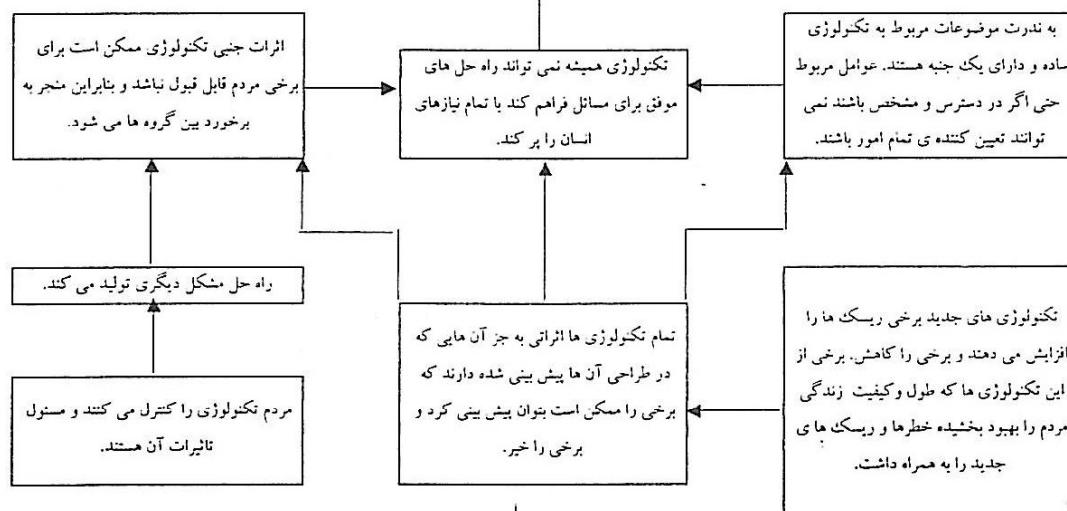
ع- ابزارها و تکنولوژی با دانش و آموزش ریاضی تعامل دارند



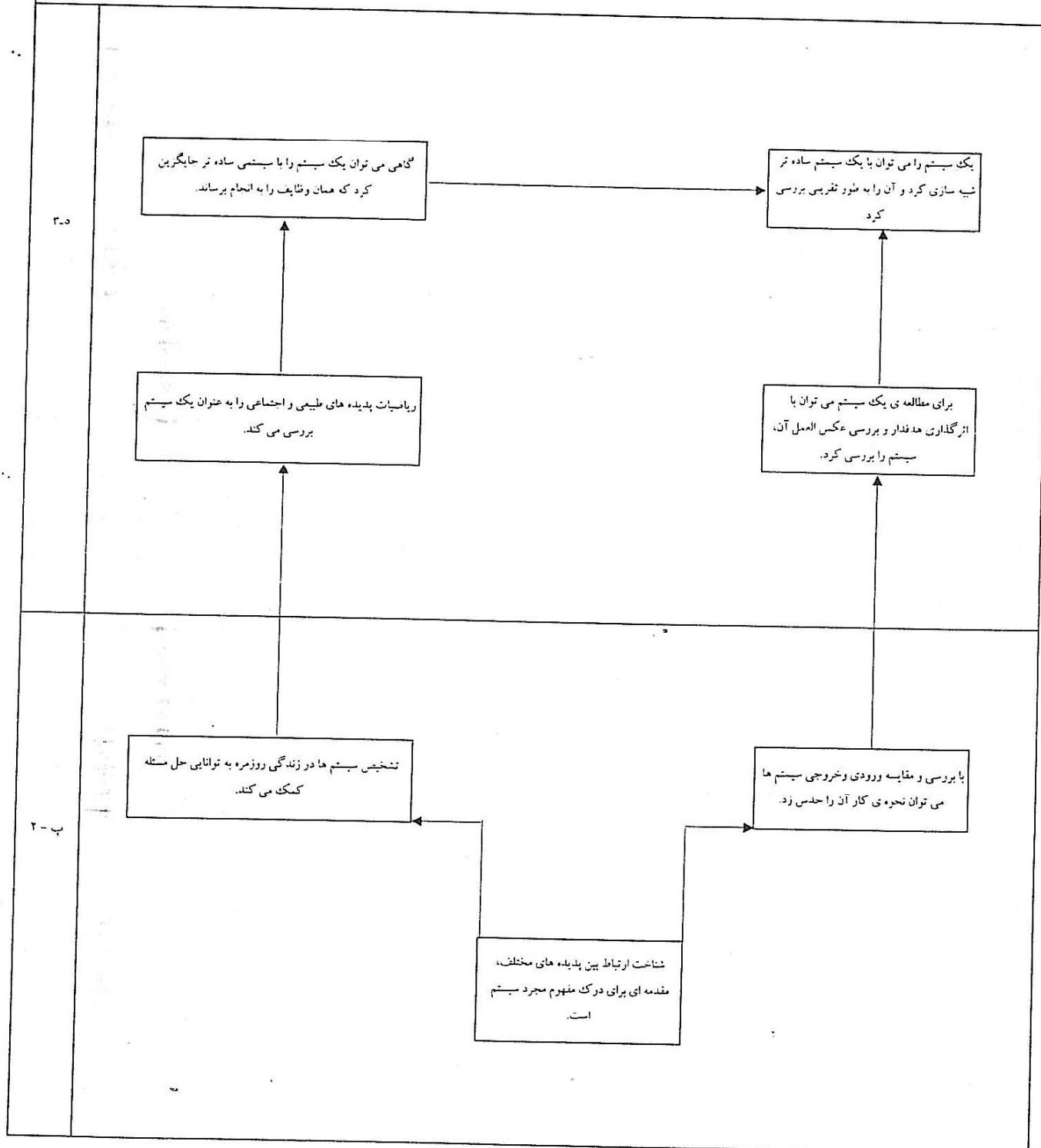
۹-۱۲

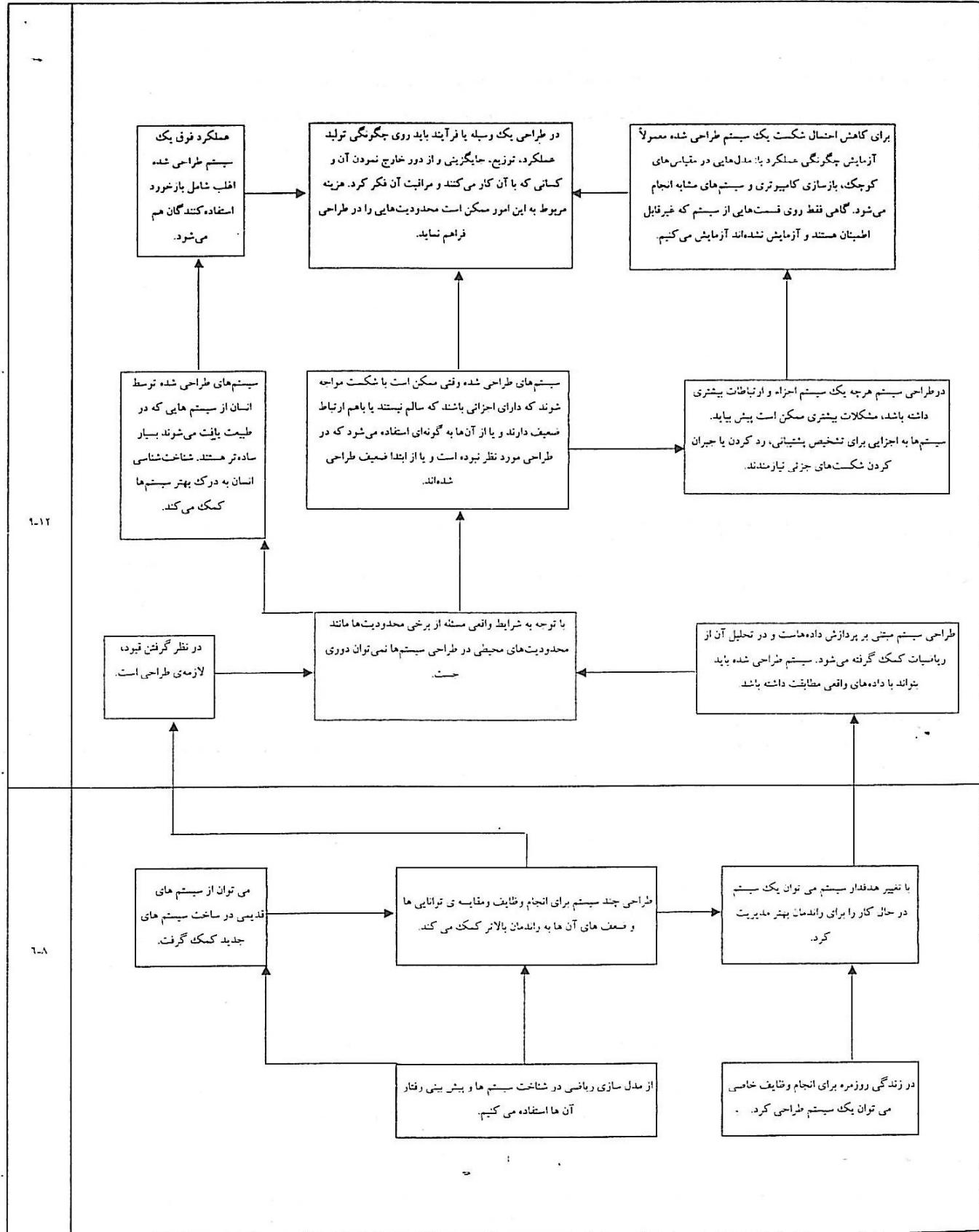


۶-۸

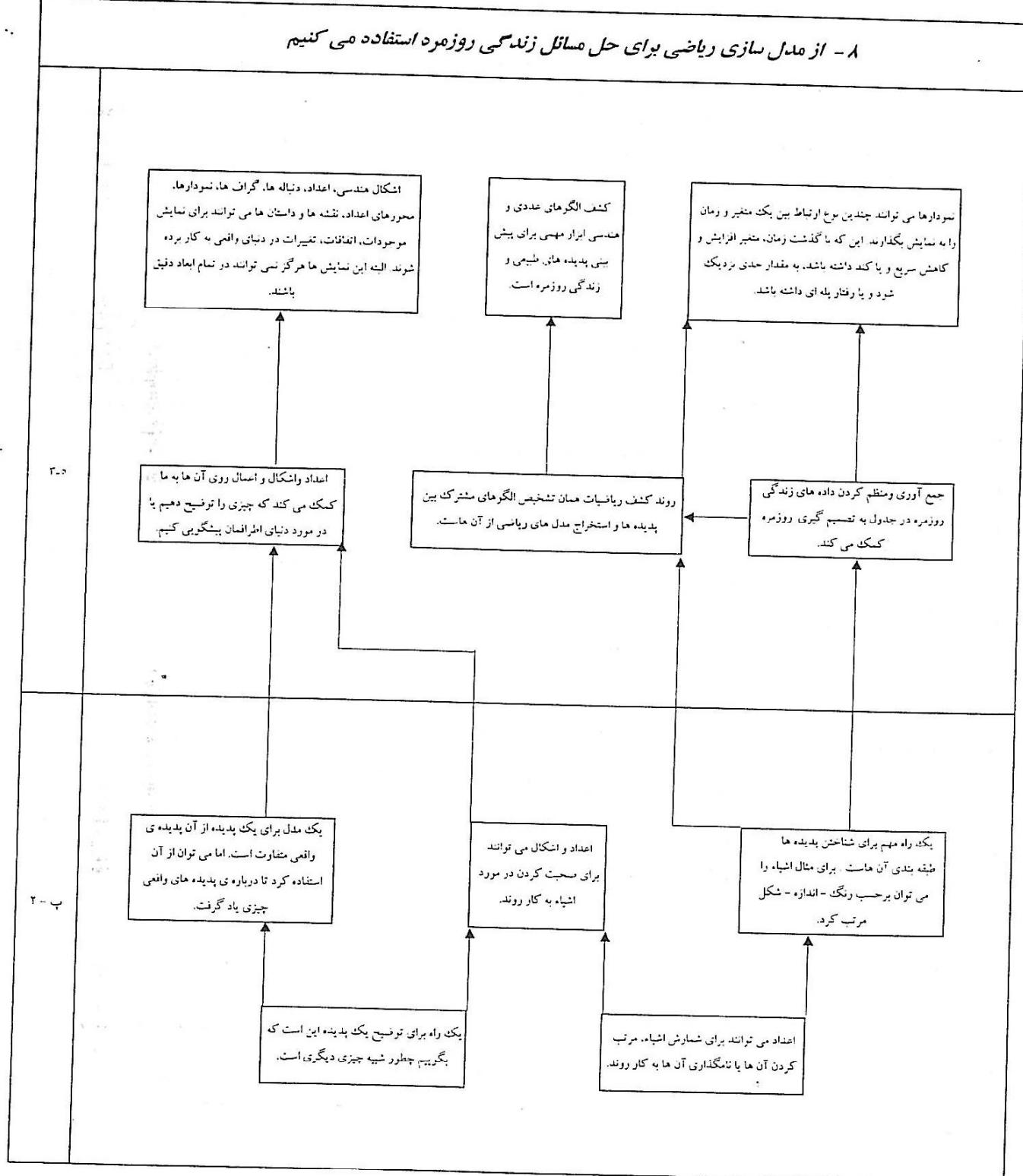


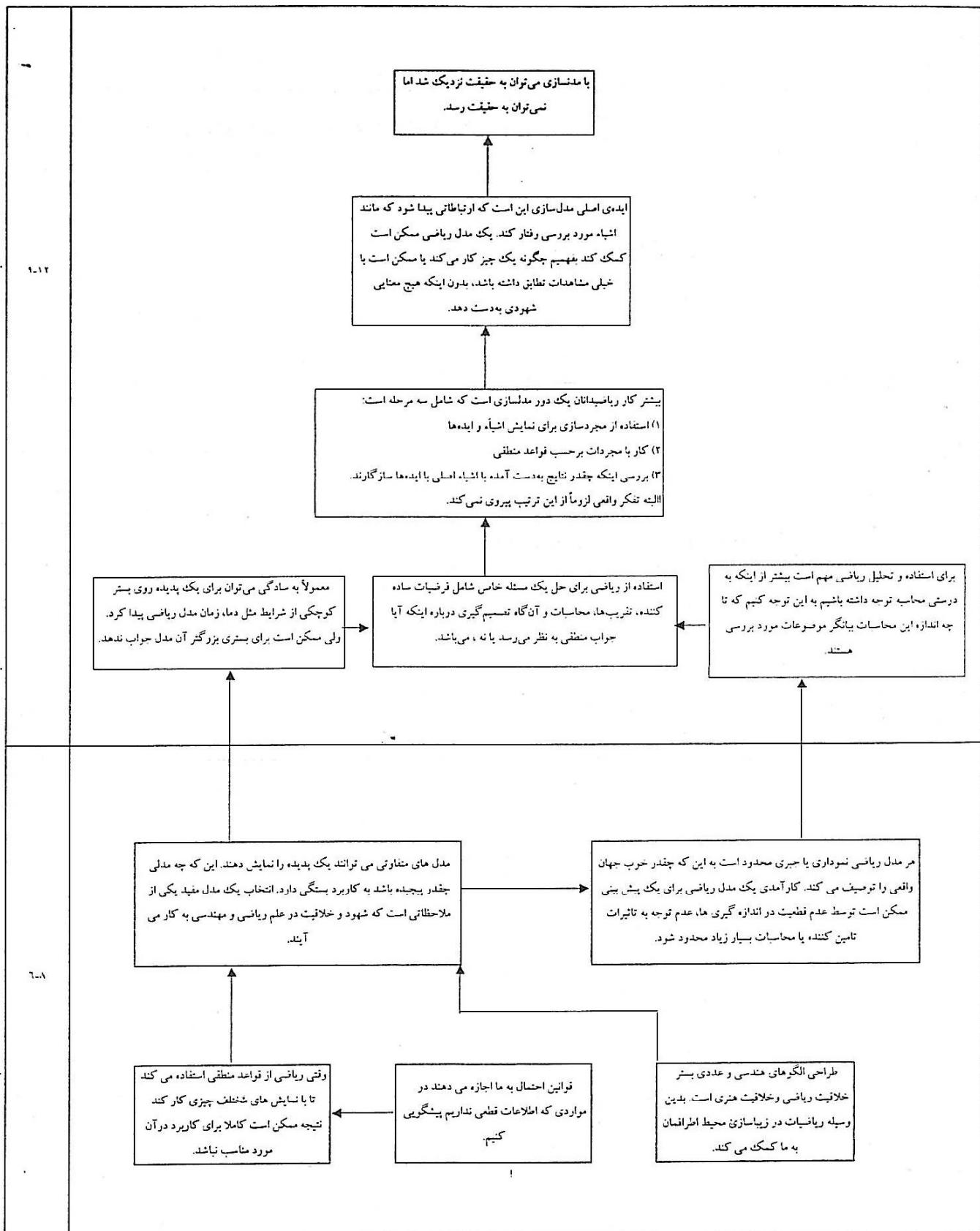
در شناخت، طراحی و ارزیابی سیستم‌ها می‌توان از ریاضیات کمک گرفت



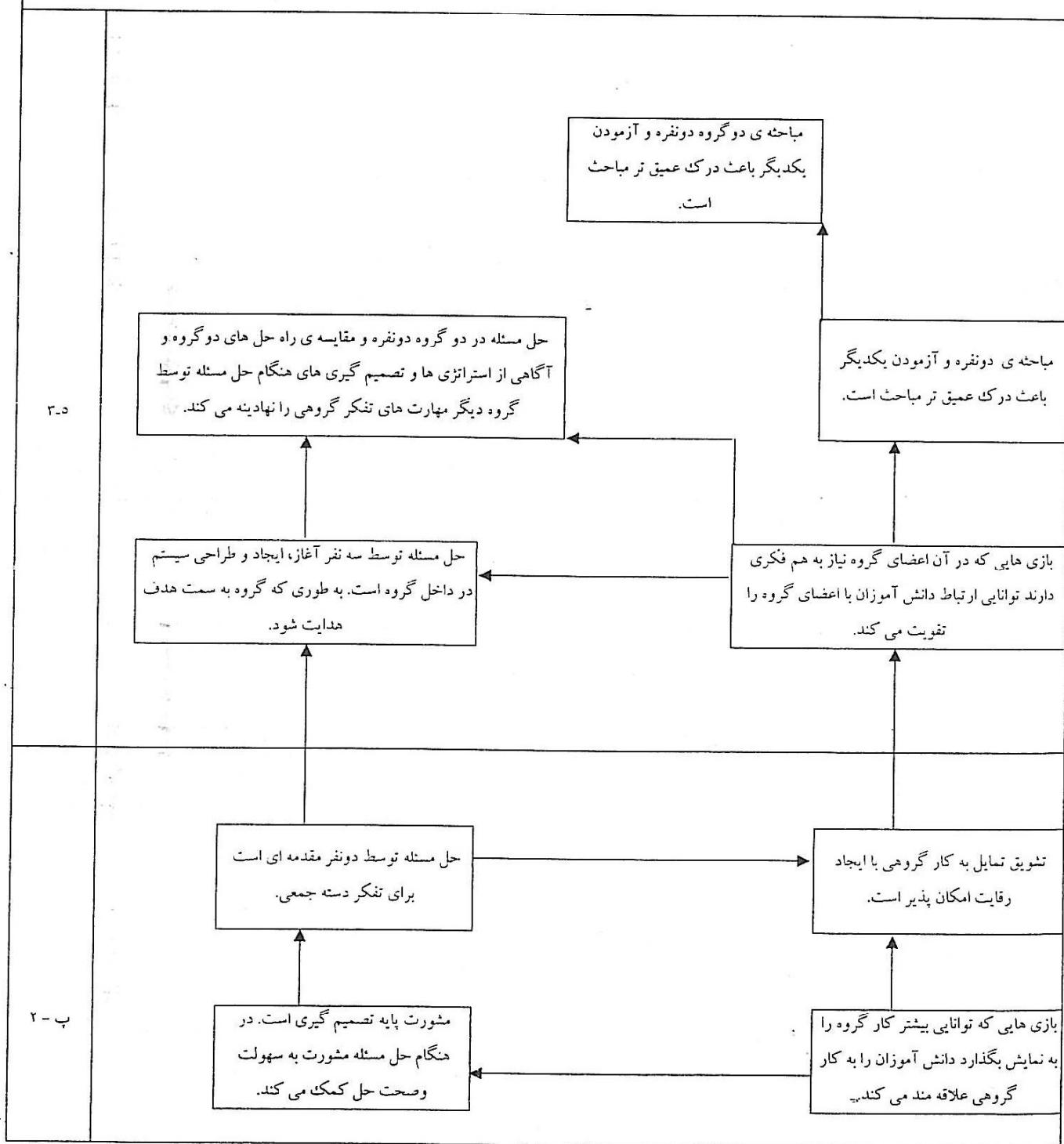


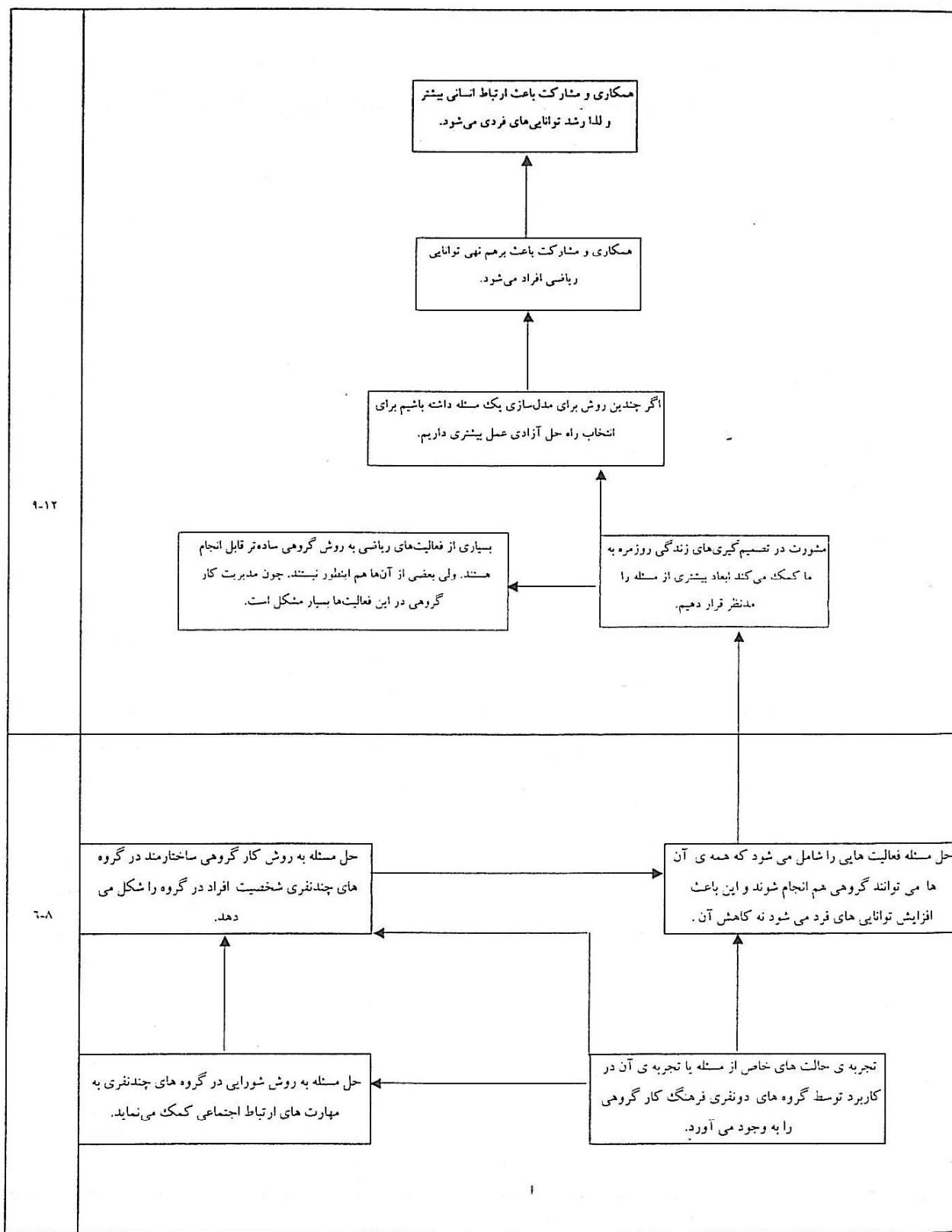
۱- از مدل سازی ریاضی برای حل مسائل زندگی روزمره استفاده می کنیم



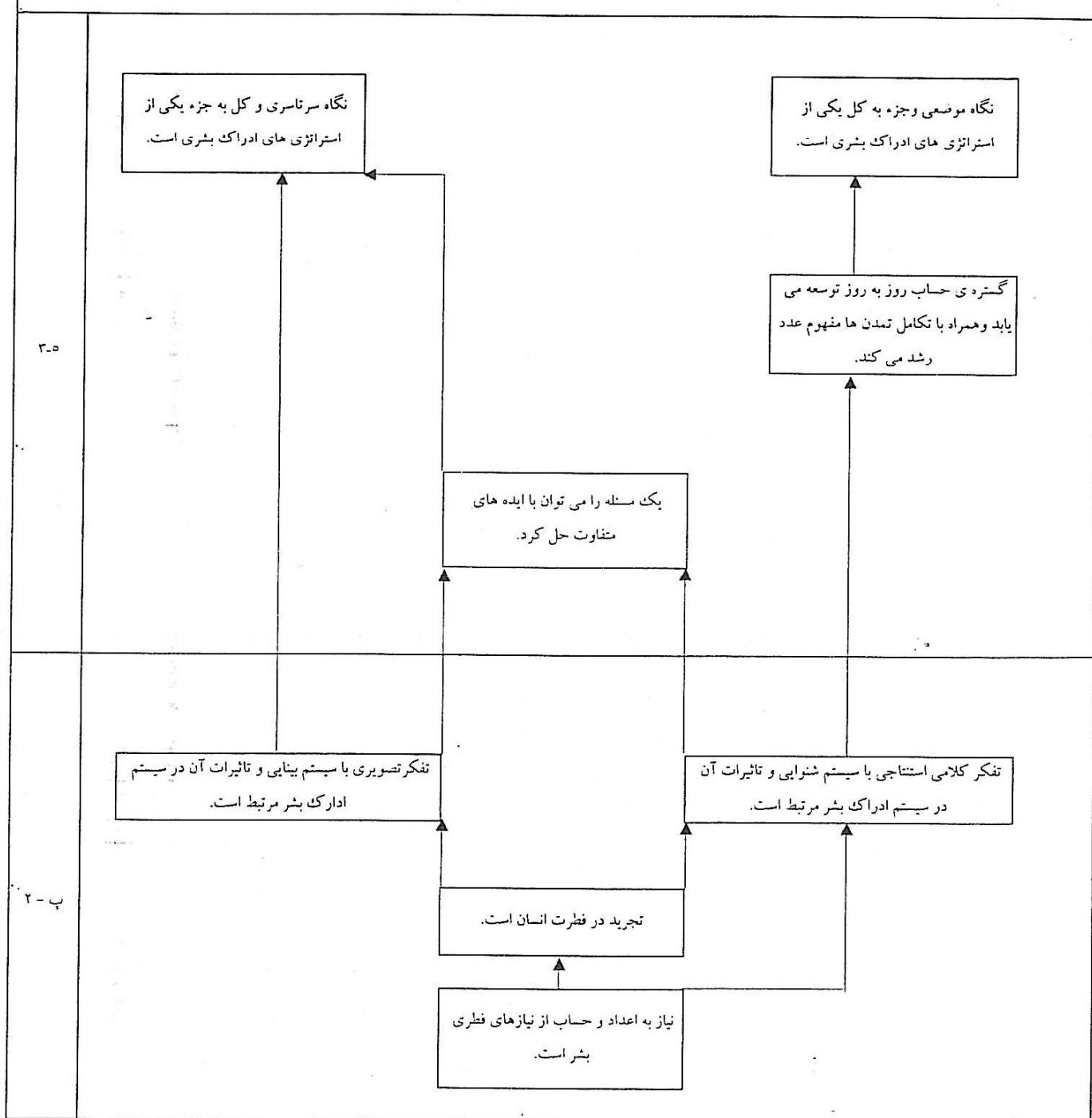


۹ - همکاری و مشارکت باعث کارایی بیشتر، تفکر کامل تر و یادگیری بهتر می شود.

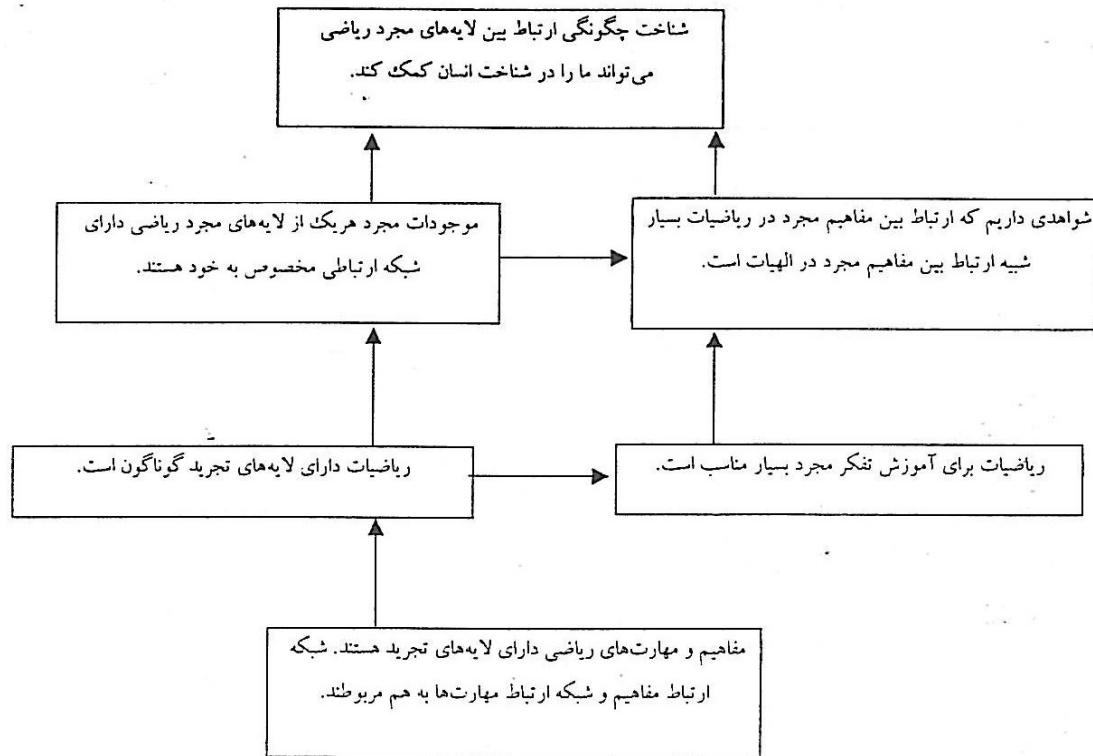




۱۰ - ریاضیات شبکه‌ای به هم مرتبط از ایده‌ها، مفاهیم و مهارت‌های است



۹-۱۲



۱-۸

شبکه‌ی ریاضیات مانند درختی است که هم از ریشه رشد می‌کند و هم از شاخه و برگ توسعه می‌یابد.

ادراک موضعی را که بر استنتاج و استدلال استوار است می‌توان با مدل‌های ریاضی بر شهود استوار نمود.

شناصی شبكه‌ی ارتباط مفاهیم و مهارت‌ها موجب عمیق ترشدن یادگیری می‌شود.

می‌توان مسائل هندسی را به فرمول بندهی جبری ترجمه کرد و ادارک سرتاسری را می‌توان بر استدلال استوار نمود.

شبکه‌ی ارتباطی به کشف و رسیدن به حقایقی که قبل از دانستیم یا توجه نداشتیم کمک می‌کند.

اهداف مهارتی

۳- استفاده از ابزارها و تکنولوژی

۲- اندازه گیری

۱- تخمین، تقریب عددی

- تخمین محاسبات عددی	- اندازه گیری کیفیت‌های هندسی
- تخمین کیفیت‌هایی هندسی	- اندازه گیری رمان - جرم - دما
- آزمون درستی تخمین	- انتخاب واحد اندازه گیری
- تخمین اندازه دما، جرم، زمان، تعداد	- استاندارد کردن واحد اندازه گیری
- تخمین گیری برای لرروم تخمین	- تبدیل واحداً
- کلیدهای تخمین در حل مسئله	- استفاده از فرمول و روابط داده در اندازه گیری
- پیان روش‌هایی تخمین	- محاسبه‌ی خطای اندازه گیری
- پیان اسکرینزی‌های تقویت	- تخمین شهودی از واحدهای اندازه گیری
- تدوین گیری برای تخمین	- تعیین اندازه گیری
- محمد نورکلیان عبارتی میرزا چشمی	- مقایسه‌ی اندازه‌ها
- تعمیم شدید تأثیر دهنده‌ی اینها	- محاسبات پولی
- یافتن ابزار انتخاب ابزار مسود استفاده با	- تعمیم‌یابی و محدودیت‌های ابزار
- تعمیم گیری در صوره انتخاب ابزار	- نوعی به موضوع اندازه گیری و محدودیت‌های ابزار
- ساخت ابزار	- مطالبه نوانی‌هایی ابزارها
- سی - ب - نیم اندازه‌هایی نیازی	
- اینی می‌بایست باشک نه اندازه	
- این از نیمی کمتر بوده فنیکی	
- این از نیمی بیشتر بوده فنیکی	
- مسازی توت و صنعت ناسی	
- تعمیم خصلت ایجاد تعمیر	
- تعمیر سه بدهم مارسین تعمیر	
- تعمیر سه بدهم مارسین تعمیر	
- تعمیر سه بدهم مارسین تعمیر	
- تعمیر سه بدهم مارسین تعمیر	

۱۵

۶- کشف، استدلال

۵- استفاده از نمودارها و شهود

۴- مدلسازی، الگویابی، پیش‌بینی

<p>- توصیف و تحلیل نمودار - حل معادلهای تصویری (نکسر دیداری) - طبقه‌بندی و دسته‌بندی اشکال هندسی - ترکیب اشکال هندسی و ایجاد اشکال ترکیبی - تنسخمن و رسم احتمام سه بعدی و قصوار در دو بعدی - تبدیل اطلاعات کلامی به تصویری به چند روش و بر عکس - استدلال شهودی - برقرار کردن ارتباط هندسی - انتخاب نمودار مناسب - مدلسازی جبری - طراحی الگوهای عددی و هندسی - مرتب کردن داده‌ها براساس ویژگی‌های آنها برای تحلیل بهتر - رسم نمودار - سدل سه‌نی چندسی - سدل سه‌نی خطي - سدل سه‌نی رومی - سدل سه‌نی مسطوحی - کنکل سه‌نی رکتیت از پیوند رینه‌صل صلد - استدلال درستی اصول دوستی - تحقیقی استدلال کی حکم از اصول موصیه بهاره‌ای مستقری</p>	<p>- کشف الگوهای عددی و بیان آن - کشف الگوهای هندسی و بیان آن - تشخیص الگوهایی مشترک و ... - طبقه‌بندی (زیک)، اندزه، شکل و ... - جمع آوری و سازماندهی و تحلیل داده‌ها - پیش‌بینی رفتار متغیرها</p>
---	--

- مدل سه‌نی آهاری
- مدل سه‌نی احتمالی
- مدل سه‌نی ناپی
- مدل سه‌نی لکاری

۱۰- محاسبات عددی و عملیات ذهنی

- رسیدن به درگ بینتر از بزرگ و کوچک اعداد و مقایسه‌ها
- آنها
- انجام عملیات اصلی، مکوس آنها به صورت ذهنی
- بیان استراتژی‌های محاسباتی و اثبات درستی آنها
- درگ شهودی از ویژگی‌های جبری اعداد
- انجام محاسبات از طریق چند استراتژی مختلف و امتحان آنها
- انجام عملیات الگوریتمی مانند شمارش، چند در میان، تجزیه به عوامل اول
- انجام محاسبات کوئیدر
- تجزیه به سه چهار گام

۸- حل مسئله

- شمارش خطی و نشمارش
- دسته‌بندی با تعداد مساوی
- دسته‌بندی محاصله
- دسته‌بندی مطالعات
- برقراری تقابل رکوردی
- به کار بردن نسباد علمی
- نمونه‌گیری و شمارش
- استفاده از تقارن در شمارش
- تشكیل معادله
- فرمول‌بندی ریاضی مسائل و سوال‌ها
- حکمی و آرایش
- جرح و اصلاح تواریخ ما براساس شایع تحریز
- فرضیه‌سازی برای تکیه‌های محاسباتی
- توجه مخصوصاً به جزویتی که راهنمایی را
- اسناد اثکایی که راهنمایی را
- مدل کردن مسئله با اینشه
- تعیین راه حل برای کف تسلط را
- اسناد اثکایی که راهنمایی را
- همچنان مراحل و مسیر را برای انجام انجام

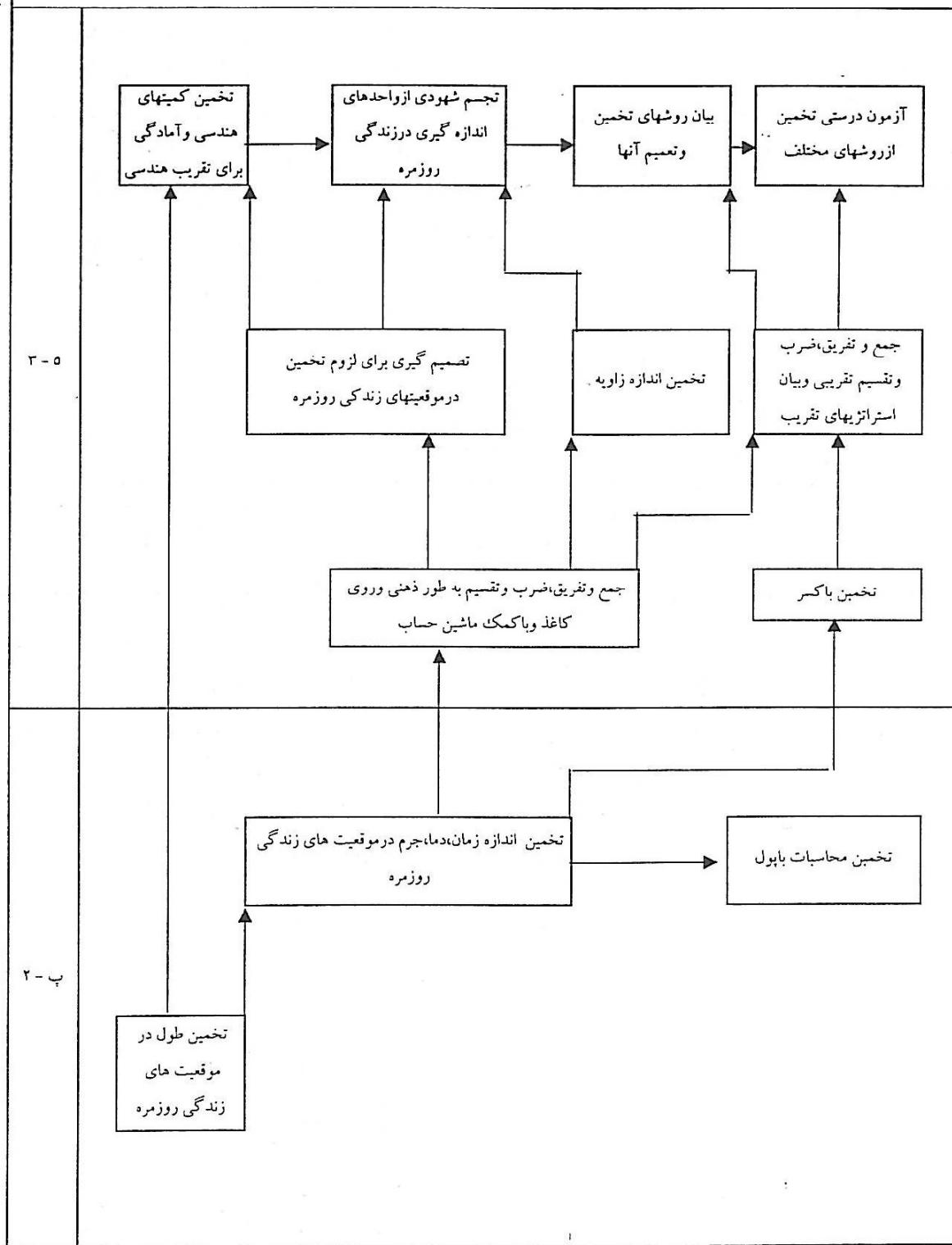
۷- فرضیه‌سازی و نظریه پردازی

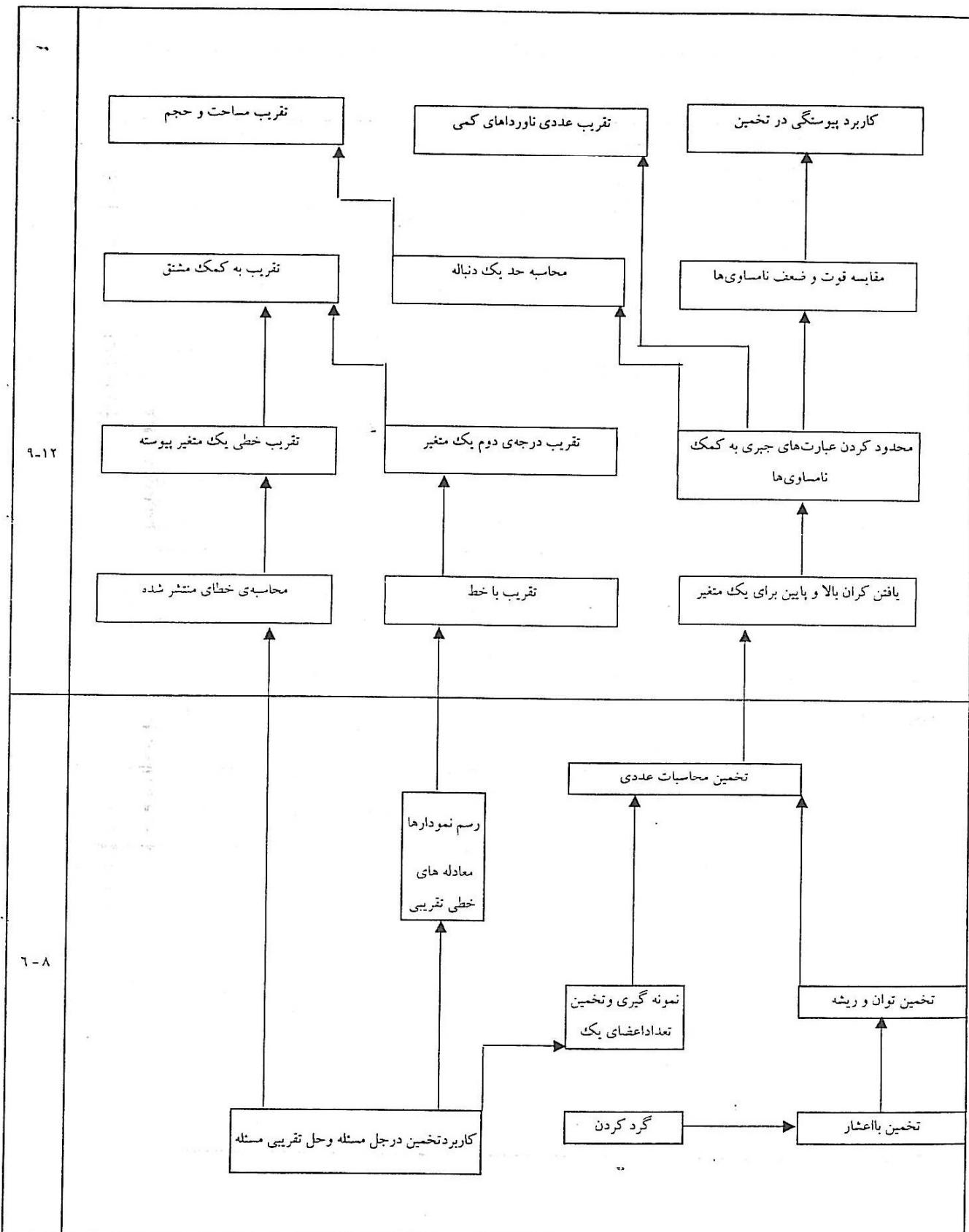
- بنای فرضیه‌سازی اسر تجربه
- آزمون فرضیه‌ها و تظریه‌ها
- توسعه فرضیات تایید شده به جزویتی کسردفر
- تحقیص ارتباط بین دو فرضیه
- جرح و اصلاح تواریخ ما براساس شایع تحریز
- فرضیه‌سازی برای تکیه‌های محاسباتی
- توجه مخصوصاً به جزویتی که راهنمایی را
- اسناد اثکایی که راهنمایی را
- مدل کردن مسئله با اینشه
- تعیین راه حل برای کف تسلط را
- اسناد اثکایی که راهنمایی را
- همچنان مراحل و مسیر را برای انجام انجام

- مل مدل و ترتیب یافته‌های اصلی
- کاربری مدلی در حل مدل
- خواسته کردن
- همچنان اعنی آنچه می‌توانیم بخوبی
- استخواب استراتژی
- کاربری مدلی در تکمیل اعمال
- انتخاب اثکایی که راهنمایی را
- کاربری مدلی در تکمیل در تکمیل
- سه گام
- نیازی نیست
- تعمیم کری بارگ نیازی نیست

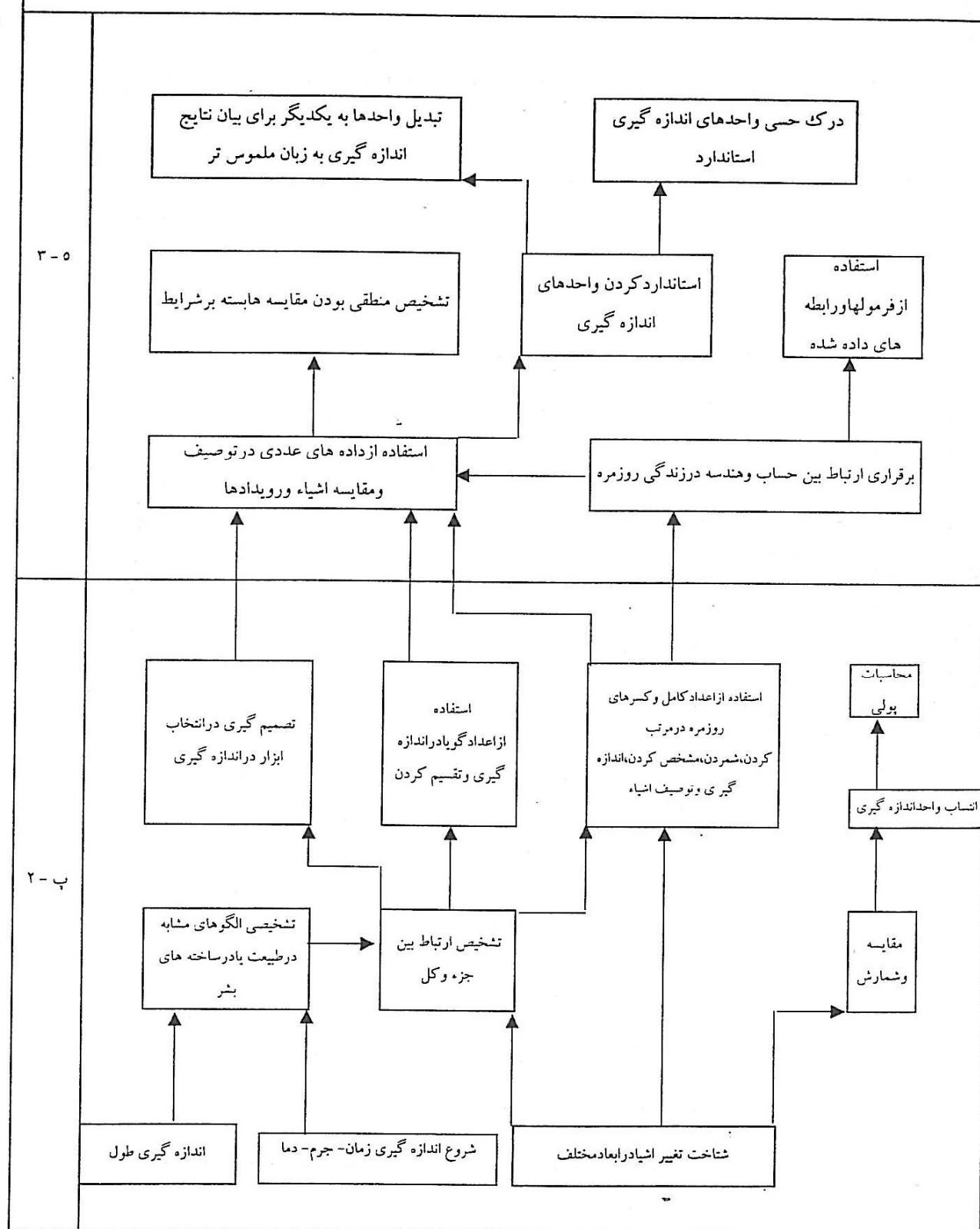
شبکه اهداف مهارتی

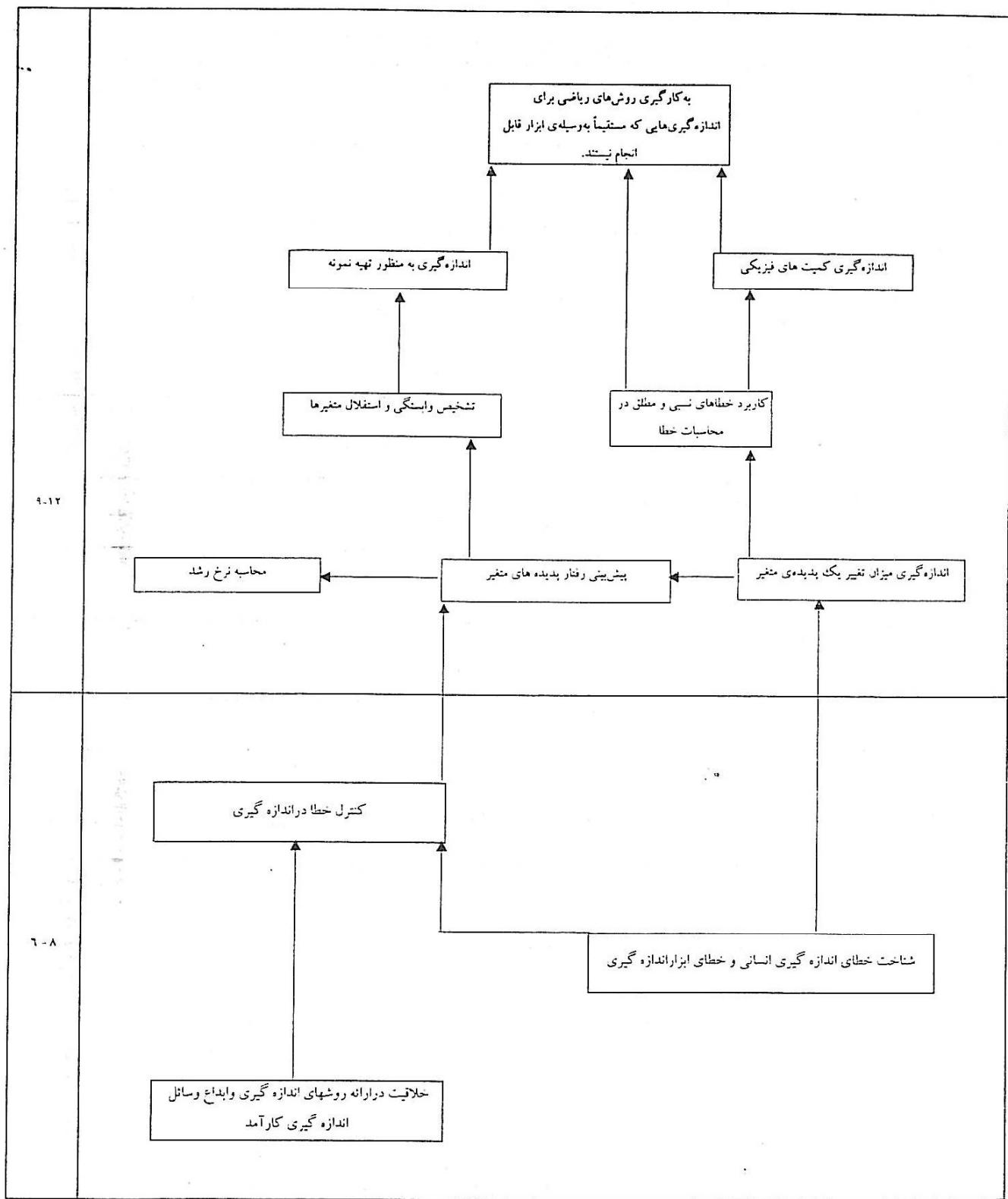
۱- تخمین، تقریب عددی



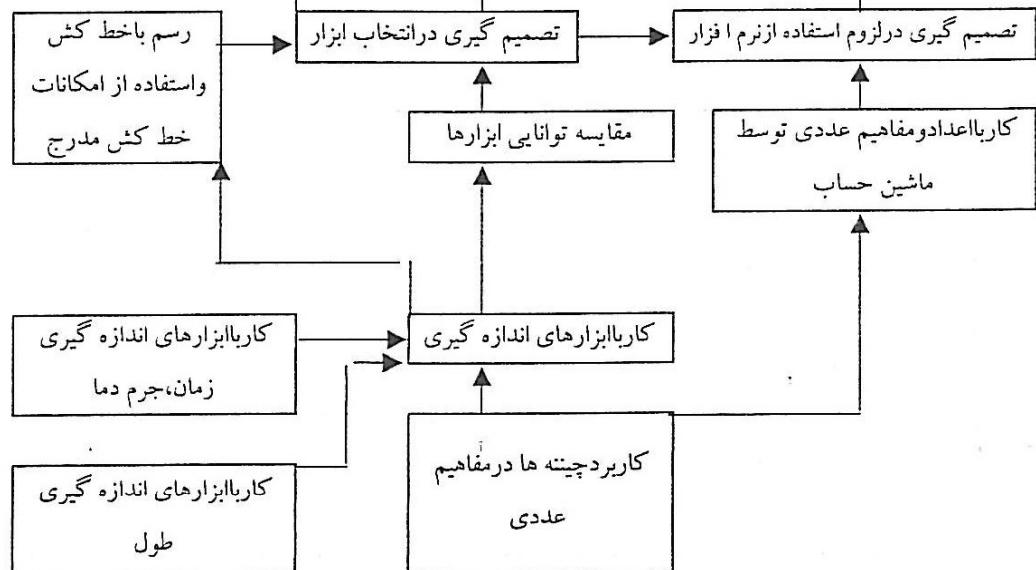
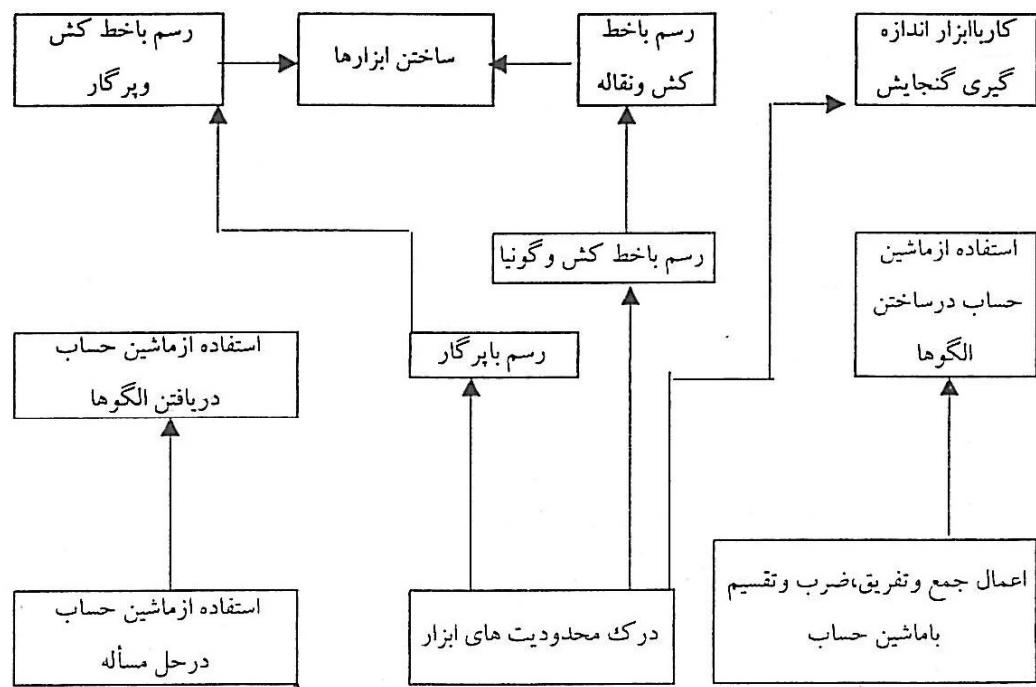


۲ - اندازه گیری

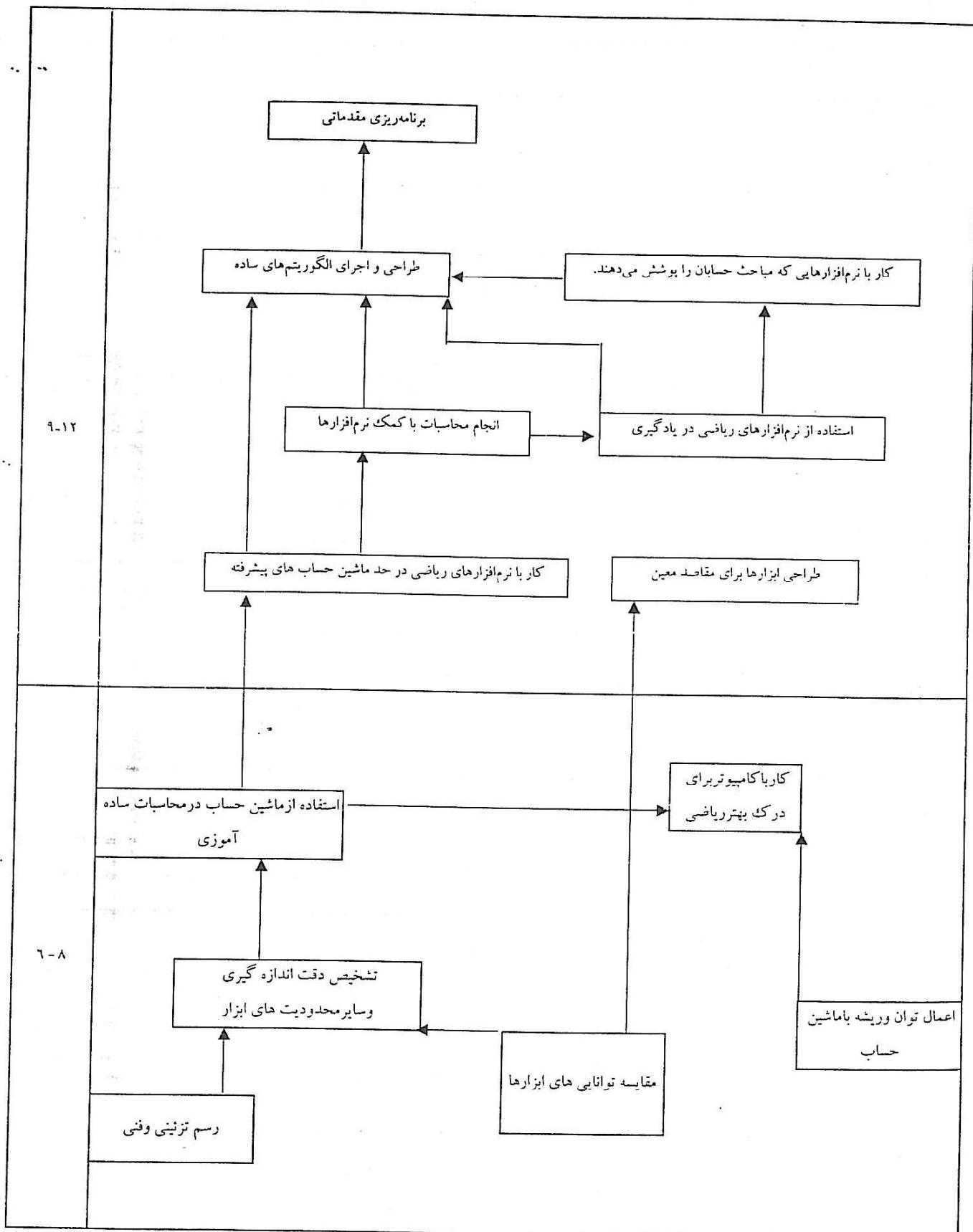




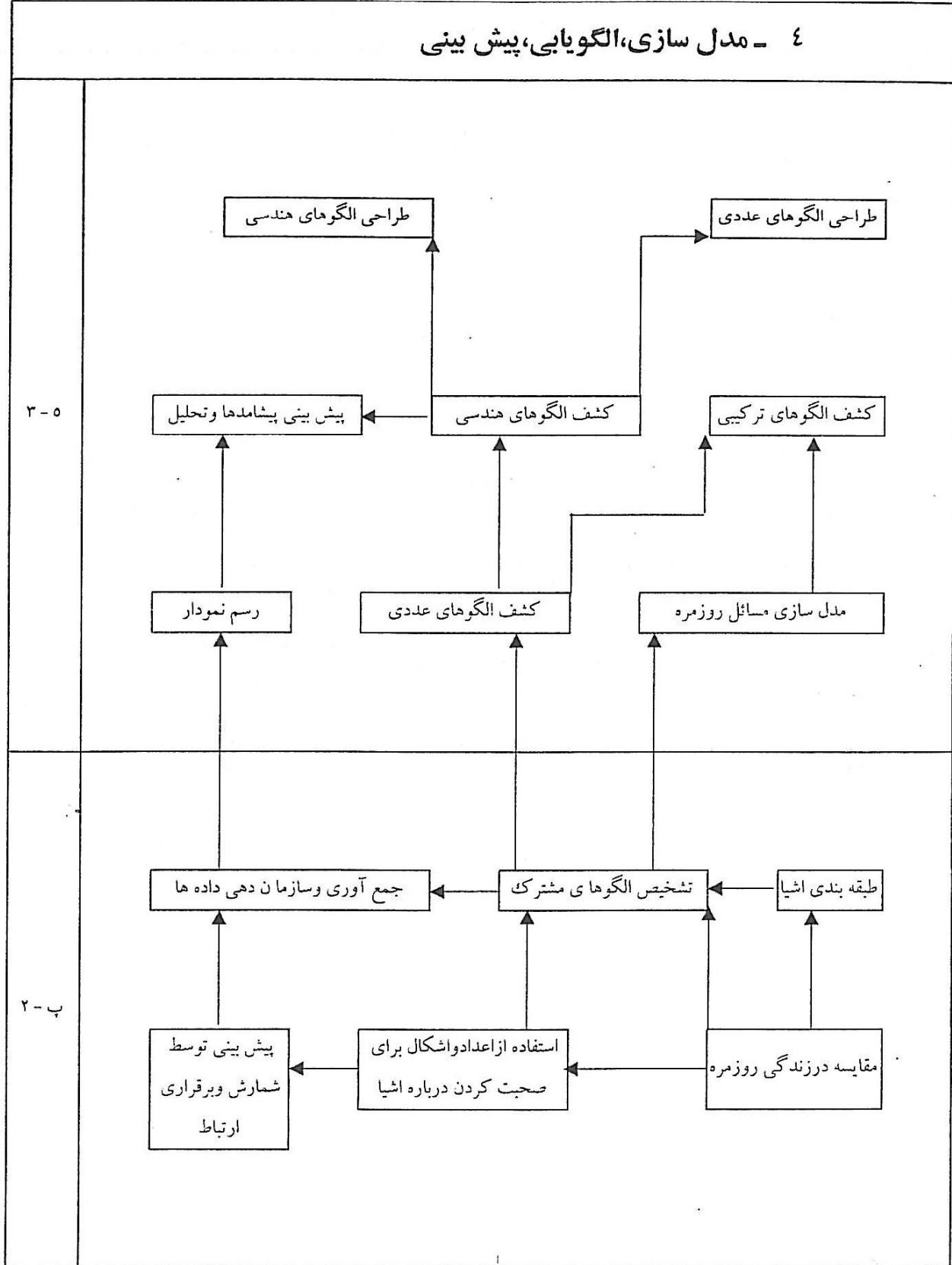
۳ - استفاده از ابزارها و تکنولوژی

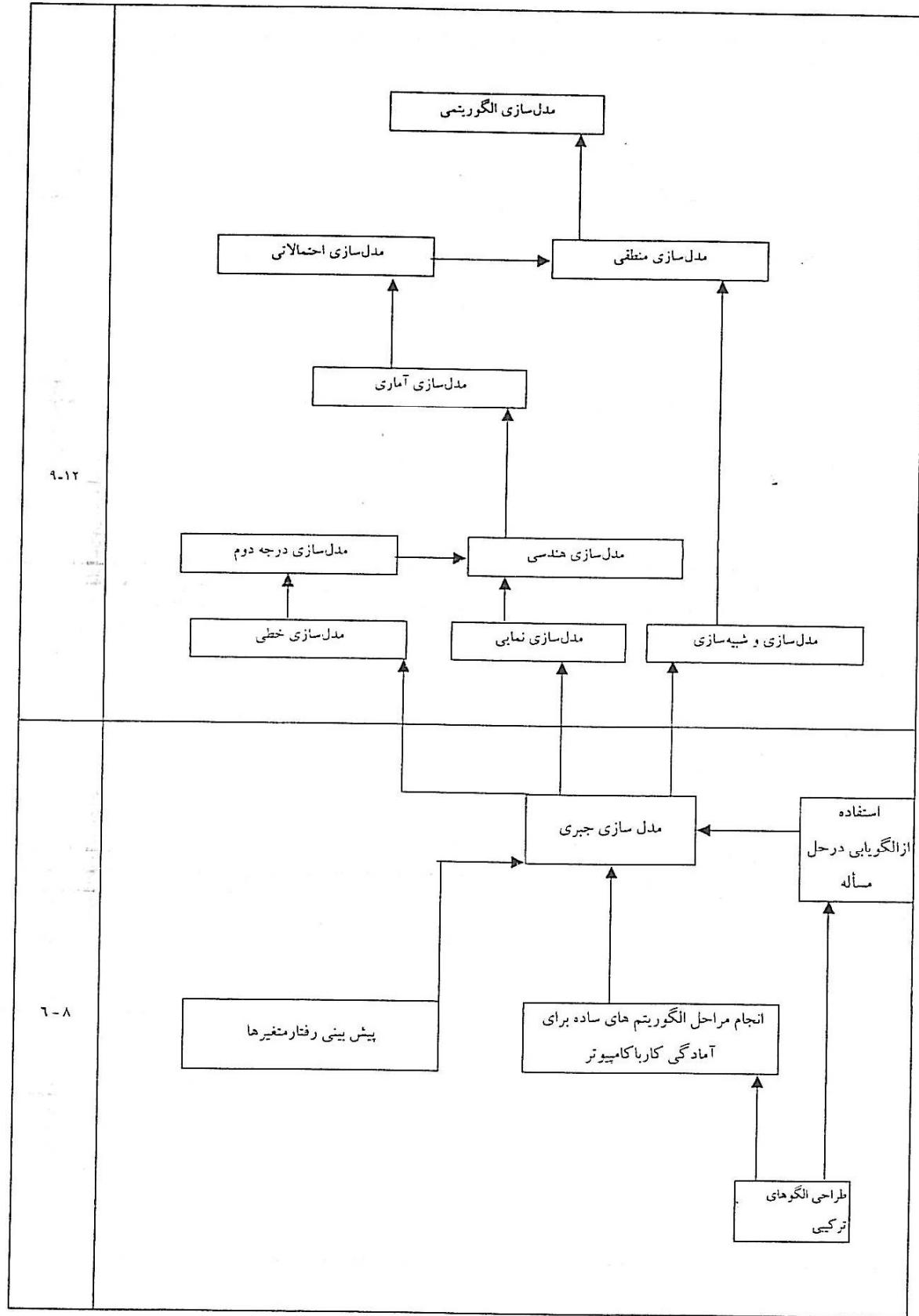


۲ - ب

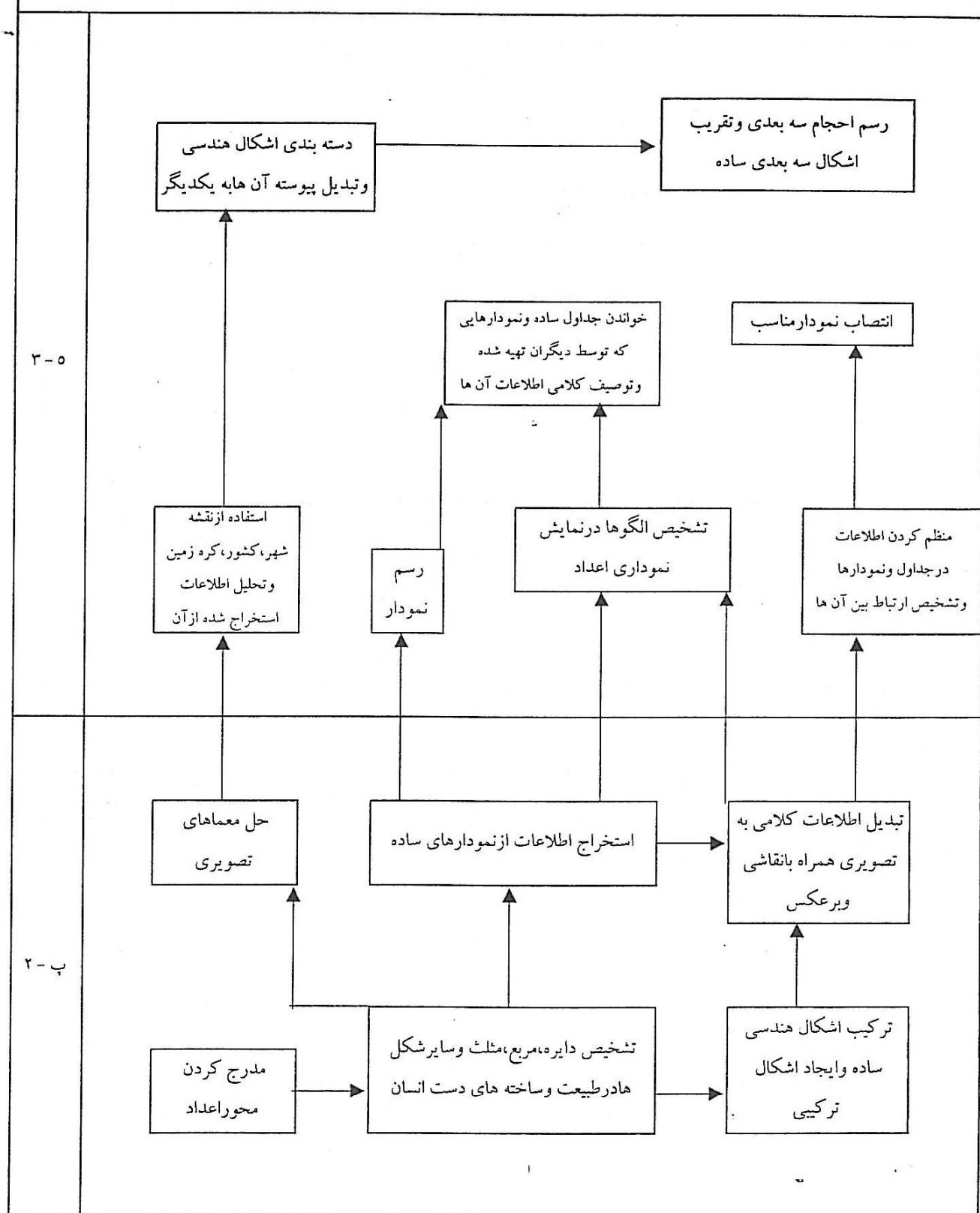


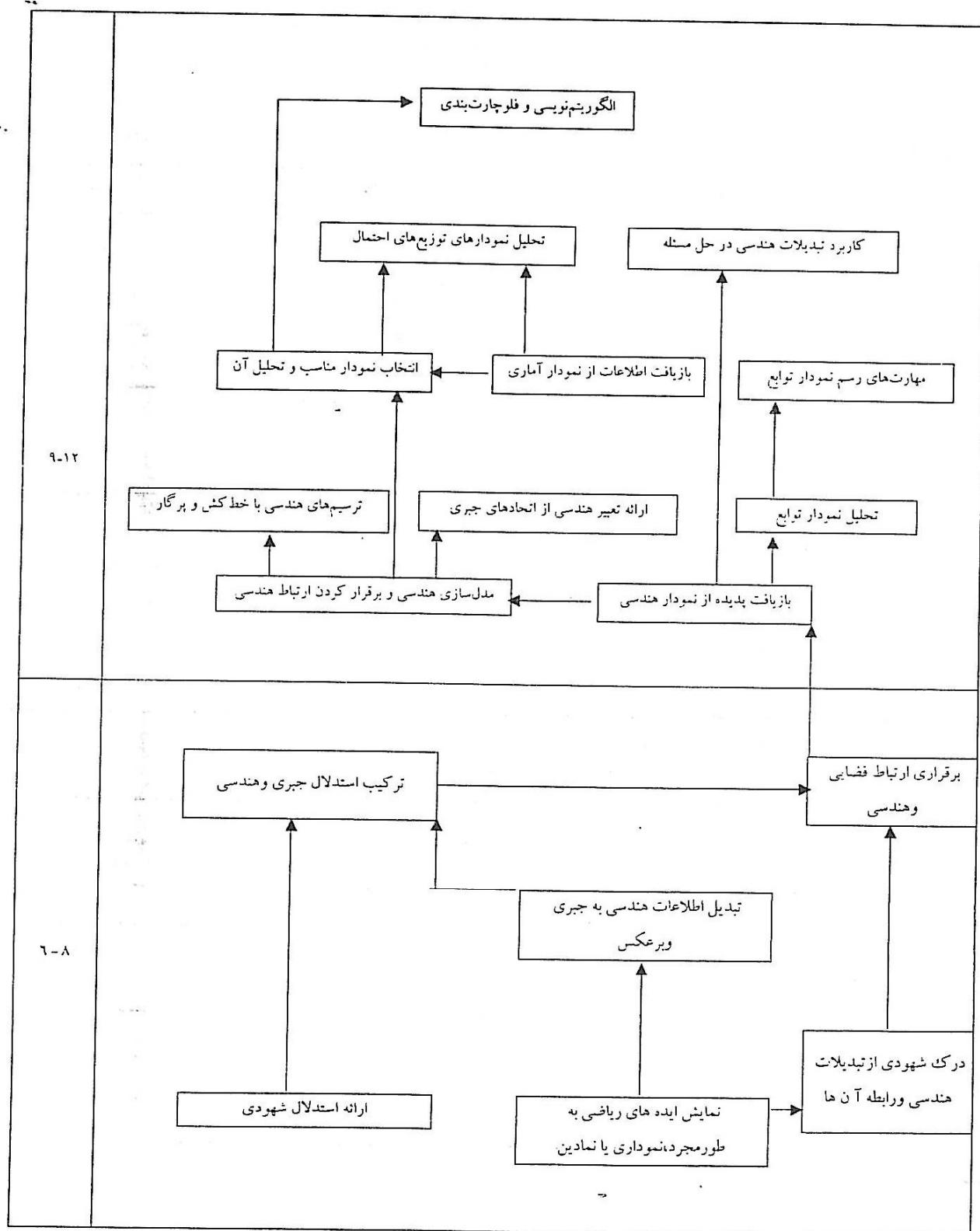
۴ - مدل سازی، الگویابی، پیش بینی



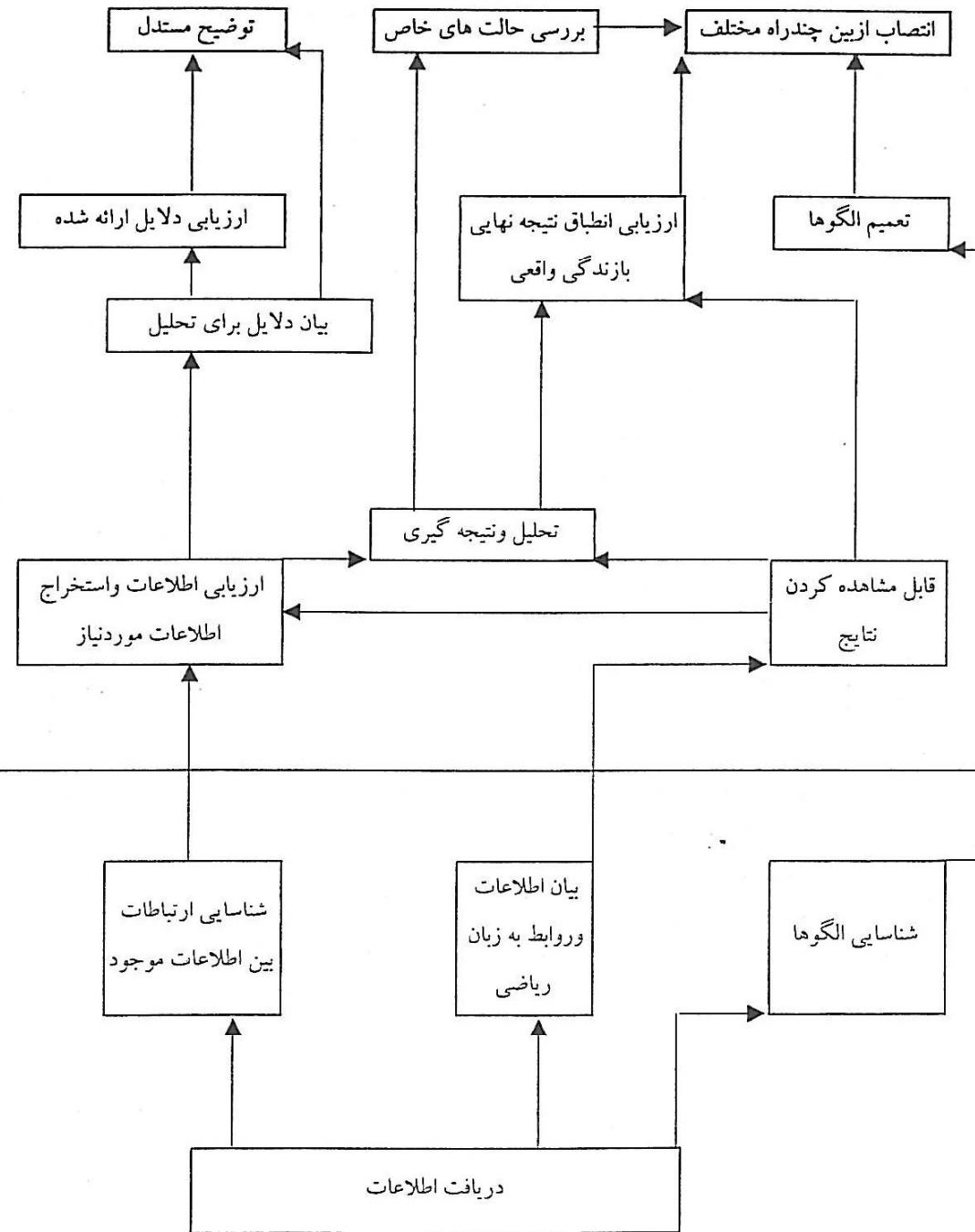


۵ - استفاده از نمودارها و شهود هندسی

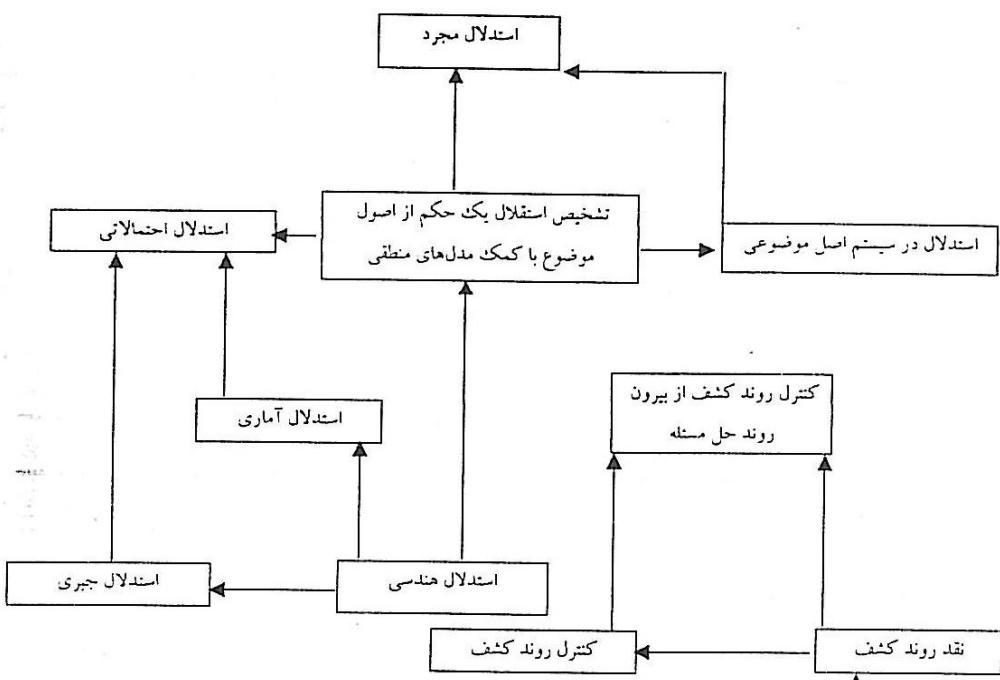




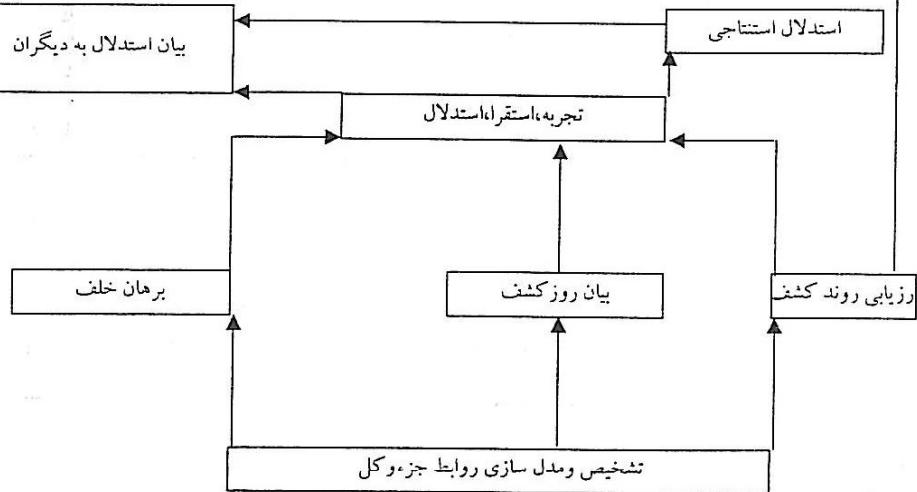
۶ - کشف، استدلال



۹-۱۲

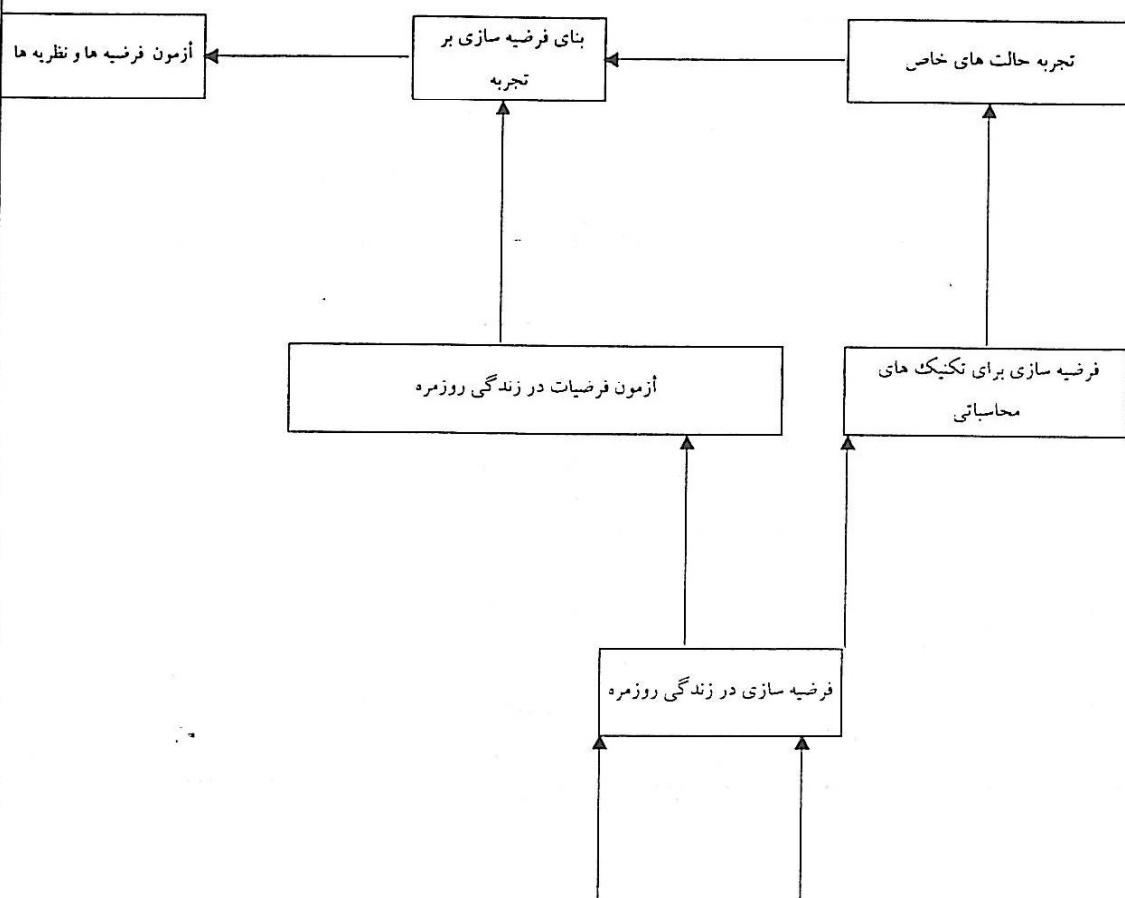


۶-۸

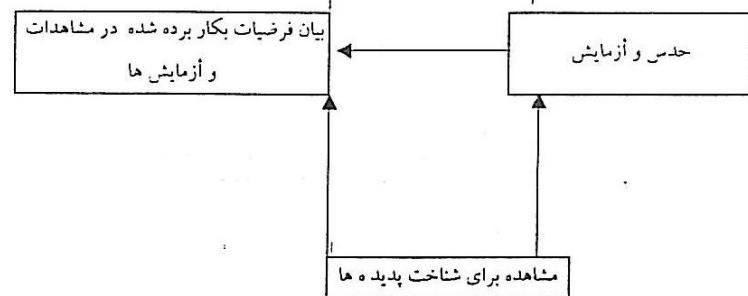


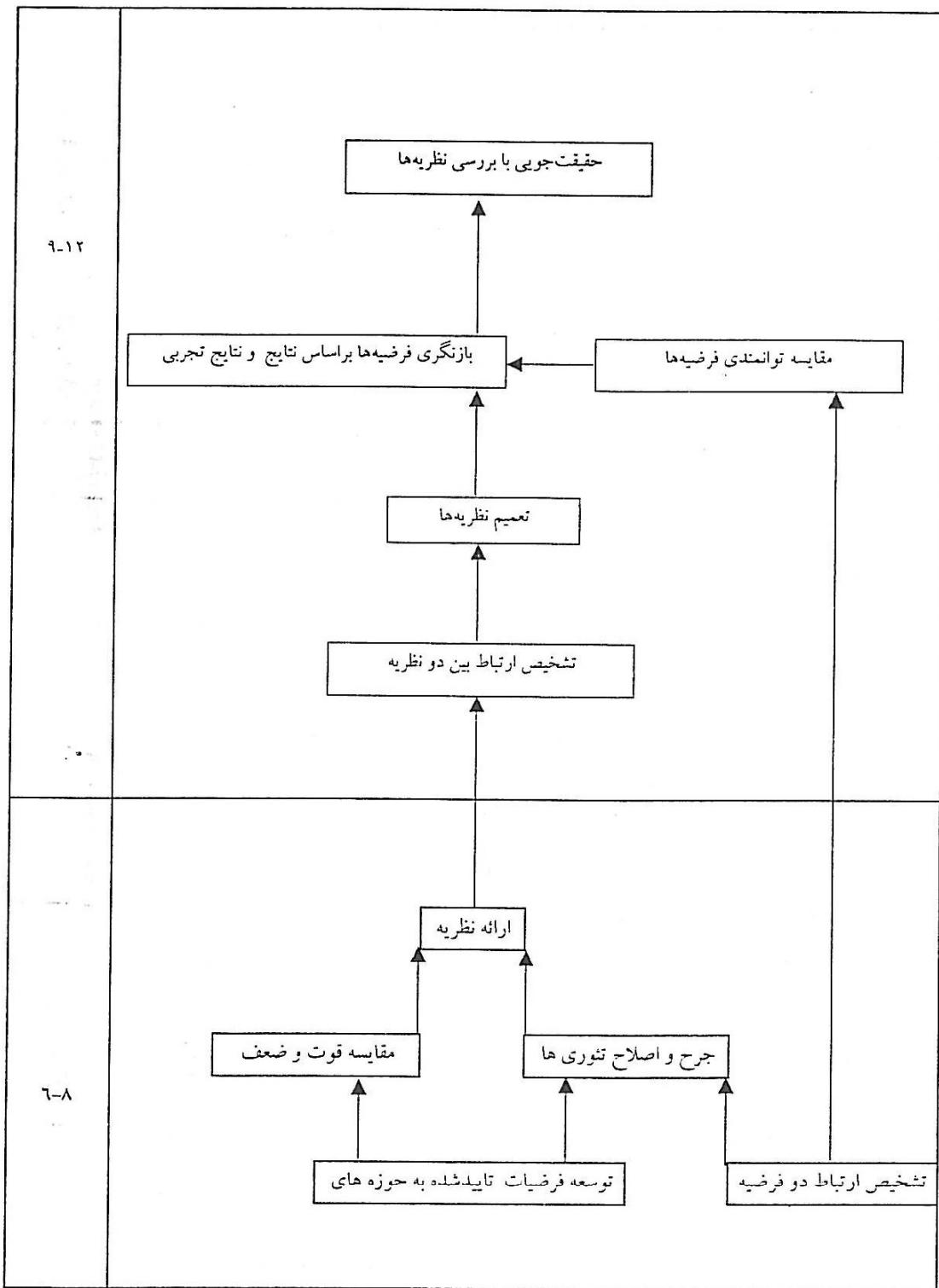
۷- فرضیه سازی و نظریه پردازی

۳-۵

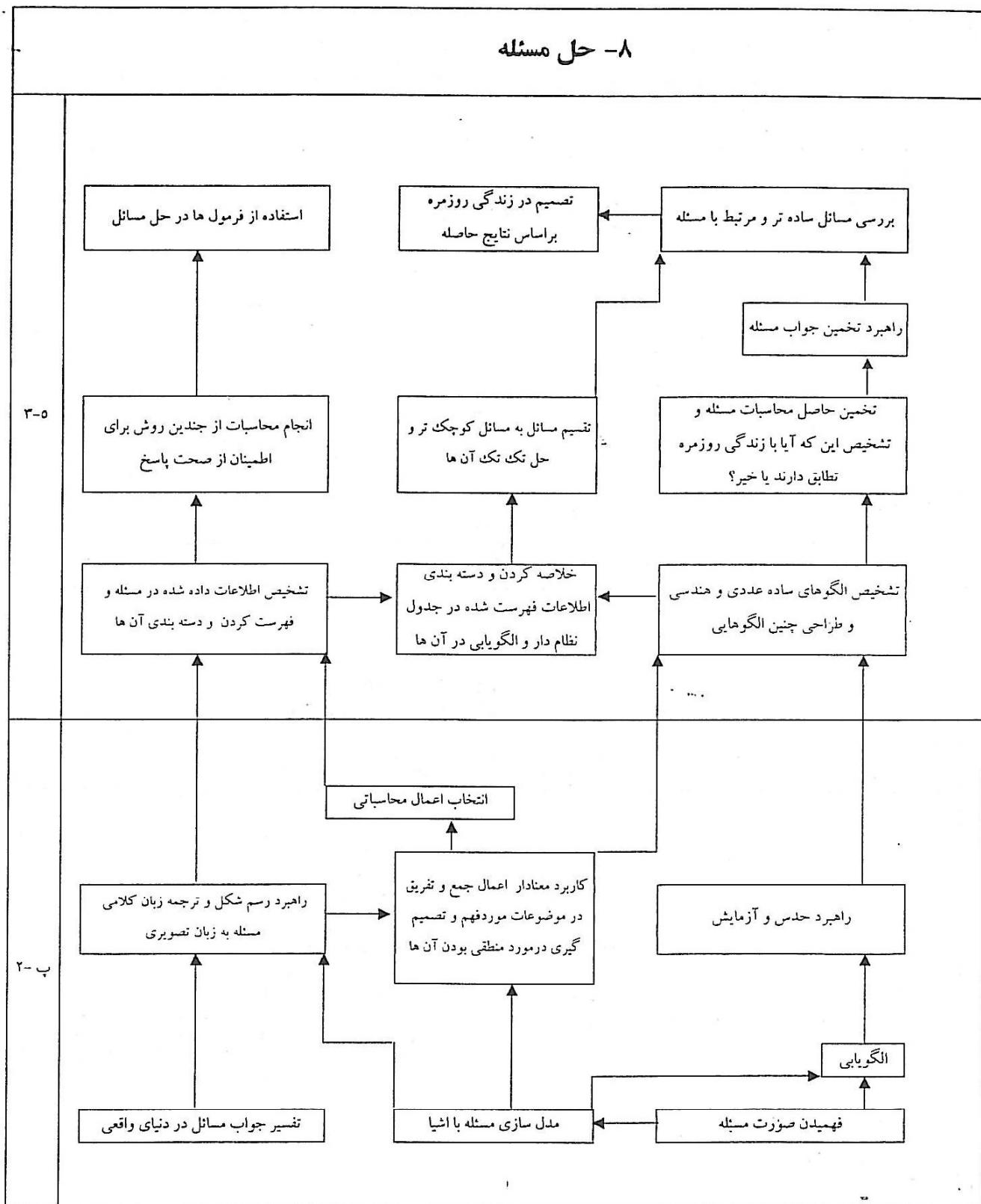


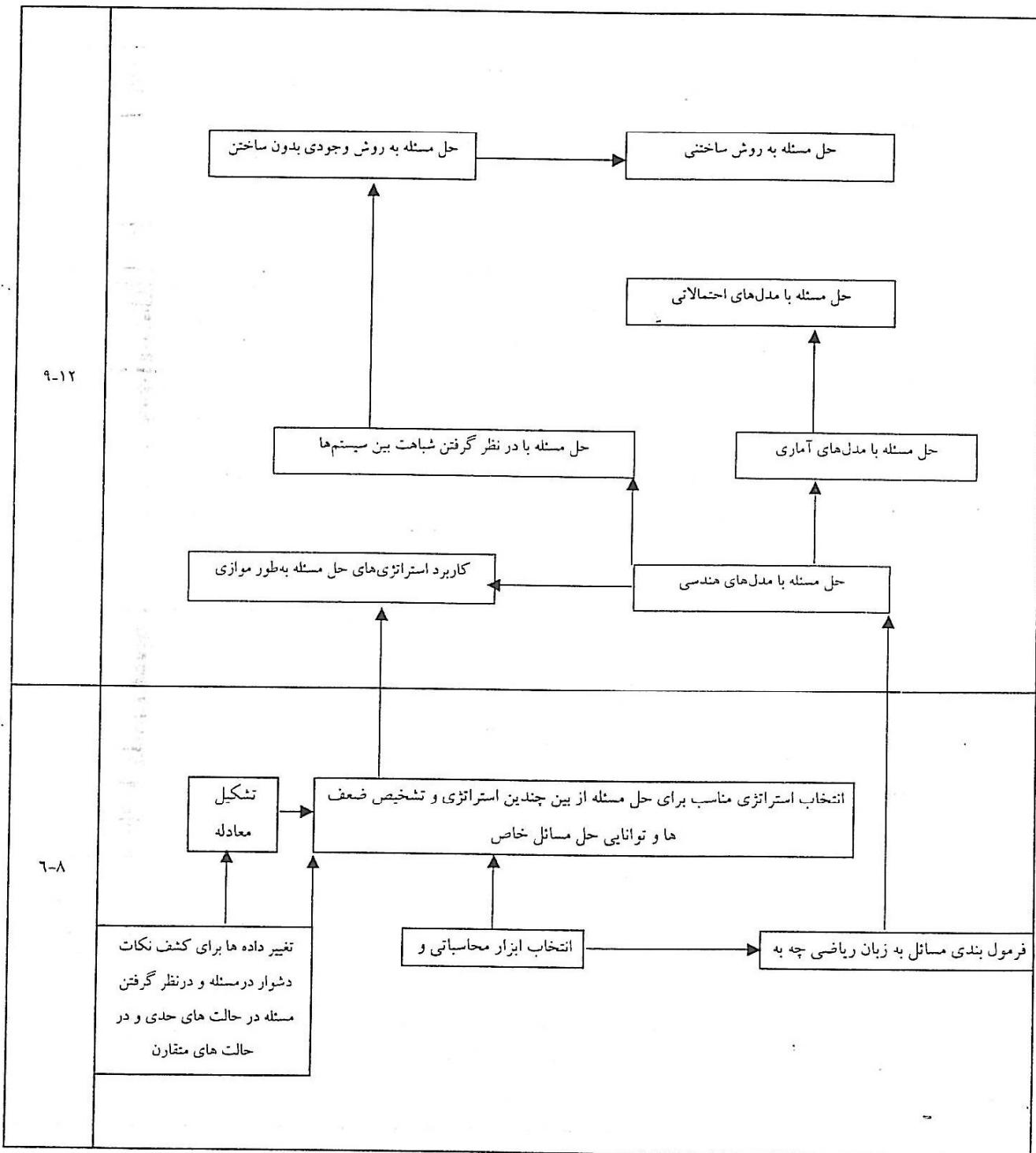
۲-۲



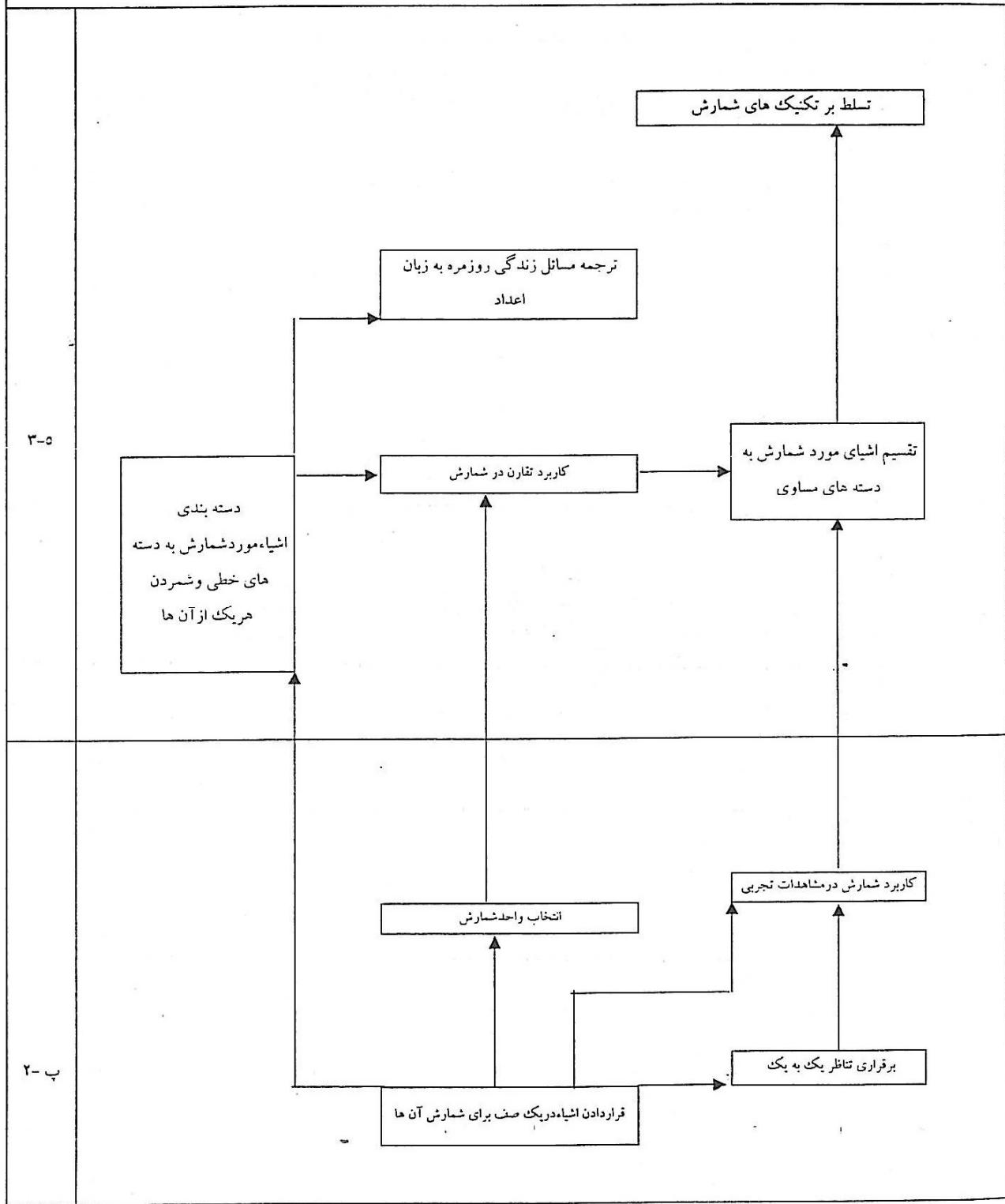


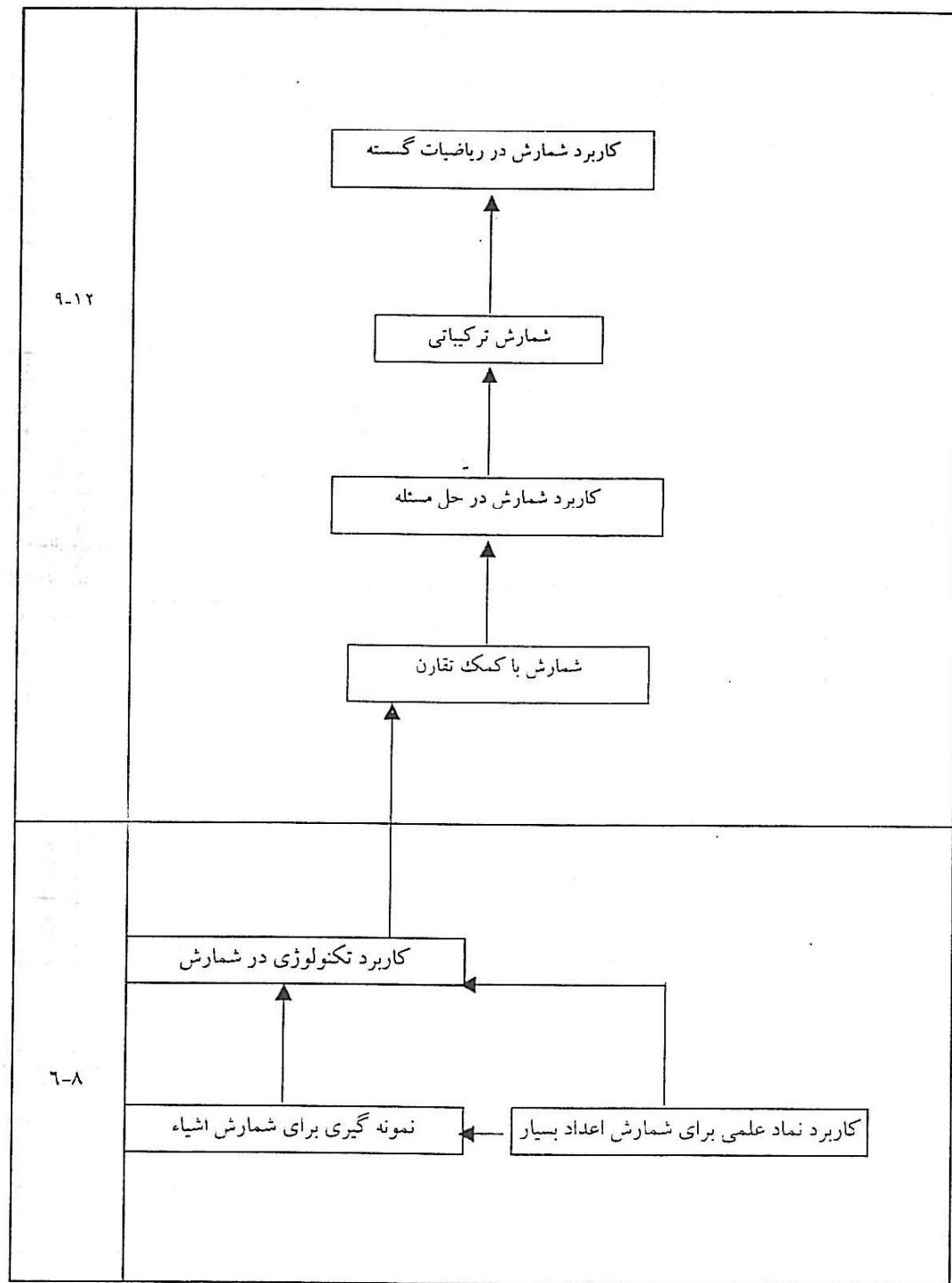
۸- حل مسئله



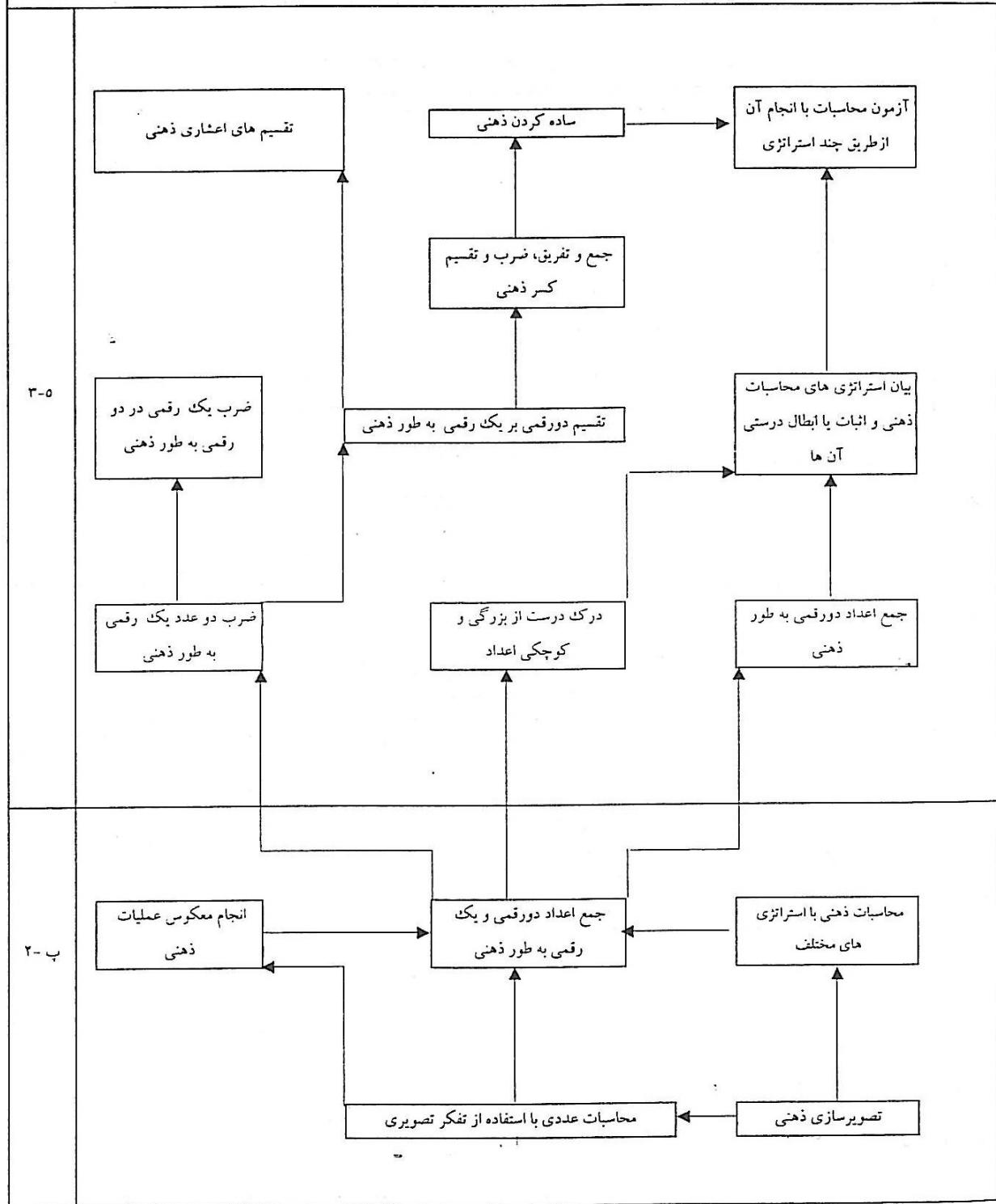


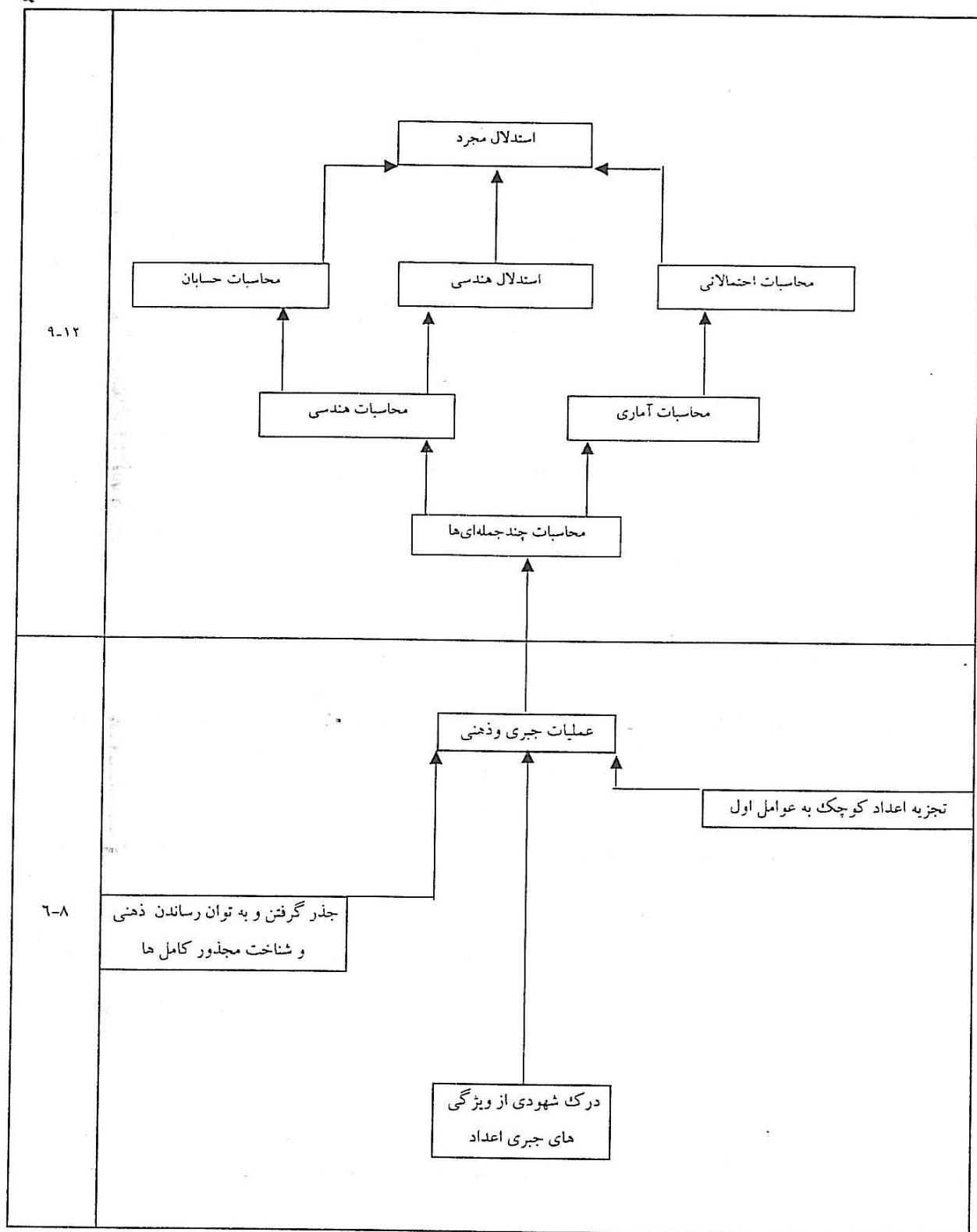
-۹ شمارش





۱۰- محاسبات عددی و عملیات ذهنی





محتوای ریاضیات دوره‌ی متوجه

<p>۱- نمایش عدد و احتمال</p> <ul style="list-style-type: none"> - توزیع های احتمال ساده - شاخص‌های پراکنده‌گی - شاخص‌های مرکزی - شاخص‌های عددی - شاخص‌های هندسی - جامعه و نمونه - پیشامدهای تصادفی و محاسبات - رابطه‌ی هم ارزی و افزار - ویژگی‌های اعمال جبری در اعداد حقیقی - یادداهندهای تصادفی - احتمال گستته - احتمال بیوسته - فضای نموده - احتمال هم شناس و غیرهم شناس - احتمال دو جمله‌ای - قوانین توابع در ضرب و تقسیم و جمع و تفرقی - رابطه‌ی ترتیب در اعداد حقیقی - قانون حذف در اعداد حقیقی - احتمال بیوسته - فضای نموده - احتمال هم شناس و غیرهم شناس - احتمال دو جمله‌ای - قوانین احتمال - پیشامدهای مستقبل و ابسته - ثابت و متغیر - محاسبات رادیکالی - محاسبات نهایی و لگاریتمی - دیفرانسیل - اتحادها و تجزیه - معادله و حل معادلات و حل دستگاه معادلات - چند جمله‌ای‌هاي چند متغیره و محاسبات - توابع گویای چند متغیره و محاسبات - مشتقی گیری و انتگرال گیری نمایش - درجه‌ی معادلات - نامعادلات و حل دستگاه نامعادلات - حل گیری نمایش
<p>۲- جبر و نمایش نمایش</p> <ul style="list-style-type: none"> - جبر مجموعه‌ها - ترتیب اعمال جبری - محاسبات ترکیباتی - قدر مطلق یک عدد - حاصل ضرب دکارتی - ساده کردن کسرها و توابع گویا - خطا و تقریب - گرد کردن و نهایش های مختلف و محاسبات - ماتریس‌ها و محاسبات - چند جمله‌ای‌ها و محاسبات - توابع گویا و محاسبات - توان‌های طبیعی، صحیح، صفر و کسری - بردارها و محاسبات - ماتریس و ماتریس‌های وارون پذیر و دترمینان - قوانین توابع در ضرب و تقسیم و جمع و تفرقی - رابطه‌ی ترتیب در اعداد حقیقی - قانون حذف در اعداد حقیقی - احتمال بیوسته - فضای نموده - احتمال هم شناس و غیرهم شناس - احتمال دو جمله‌ای - قوانین احتمال - پیشامدهای مستقبل و ابسته - ثابت و متغیر - محاسبات رادیکالی - محاسبات نهایی و لگاریتمی - دیفرانسیل - اتحادها و تجزیه - معادله و حل معادلات و حل دستگاه معادلات - چند جمله‌ای‌هاي چند متغیره و محاسبات - توابع گویای چند متغیره و محاسبات - مشتقی گیری و انتگرال گیری نمایش - درجه‌ی معادلات - نامعادلات و حل دستگاه نامعادلات - حل گیری نمایش

<p>۴- نسبت، نرخ، تنااسب</p> <ul style="list-style-type: none"> - تبدیل واحد پول - مطابقات مالیات، حقوقی، قرض - سود ساده - سود مرکب - سود بیوسسه - تشابه - توابع خطی - نسبت حجم ها - نسبت مساحت ها - نسبت طول ها
<p>۵- اقتصاد ریاضی</p> <ul style="list-style-type: none"> - نمودار تابع - دنباله - مستقر و انتگرال هندسی - تضاعف حسابی - تغیر و تحذب - تصاعد هندسی - ماتریس و میتام - نظریه ای و ابتدی - رشد چند جمله ای - آهنگ تغیر - رشد خطی - مسالس - تغییر پیوسته اشکال هندسی - بازدهها - معجنبها - الگو یابی هندسی در دنباله های عددی - حد با کمک الگوهای هندسی - گراف - مشتق با کمک الگوهای هندسی - انتگرال با کمک الگوهای هندسی - سری هندسی - نامعادلات - دنباله ها و سری ها و محاسبات - دنباله های کریزی و یکنواخت - همگرایی و اکرانی - همراهی و رابطه هم ارزی

۷- هندسه مسطحه و فضائی

- قضیه تالس
- تشابه
- قضیه قیاغورث
- روابط متري در مثلث و دائره
- سطح و حجم اشكال هندسي ساده
- ترسیمات با خط کش و پرگار
- مدل سازی هندسی با اشكال ساده هندسی
- تساوی اشكال هندسی
- اشكال و أحجام هندسی ساده
- مكان هندسی
- زاویه و اجزاء دایره

۸- هندسه تبدیلات

- تصویر کردن (قائم) در صفحه یافتا
- تغییر مکانها (انتقال، تقارن، دوران) در صفحه یافتا
- تجانس
- تقارن (تقارن محوری، مرکزی)
- بگاشت
- تبدیل خطی

۱۰- ثابت و مفهوم منغیر

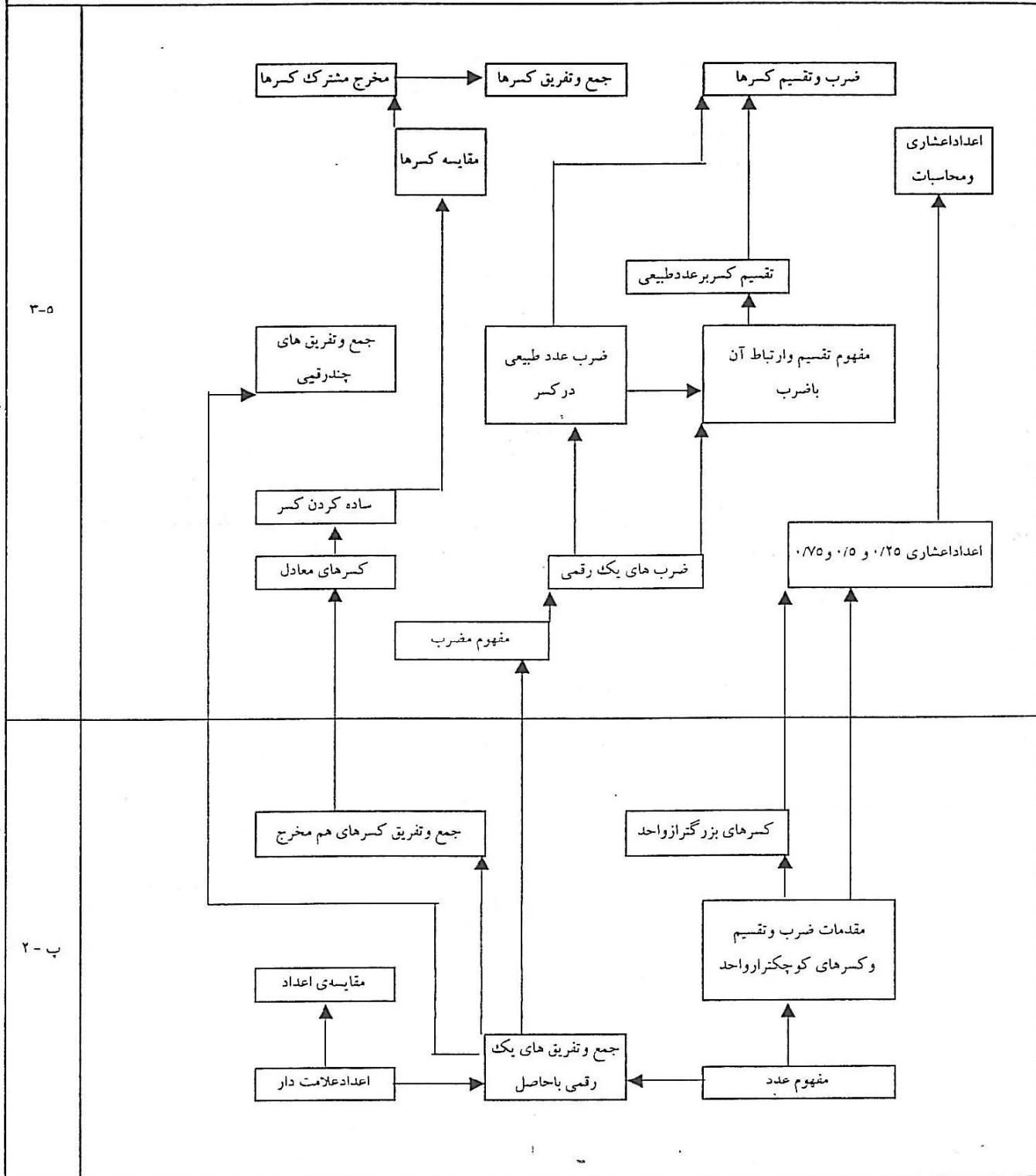
<ul style="list-style-type: none"> - ثابت خصلی - ثابت چند جمله‌ای - ثابت هم‌گرافیک - ثابت گویا - ثابت ضمی - ثابت هم‌گرافیک - ترکیب ثوابی - ثابت قادر مطلق - ثابت متأوب - ثابت جزء صحیح - ثابت ثابت - ثابت چند خابطه‌ای - ثابت مثاثاتی - ثوابیت صعودی و نزولی - ثوابیت رادیکالی - ثوابیت زوج و فرد - تحلیل تغییر - ماکریسم و مینیموم - ثابت معکوس - مشتق - حد بی‌نهایت - انتگرال معین و نامعین - قضیه اساسی حساب دینفرانسیل و انتگرال - انتقال نهایی و اکاریتسی - انتقال محورها و فریدیاتی - پیوسنگی وحدت چب و راست
--

۹- بیمار، هندسه تحلیلی

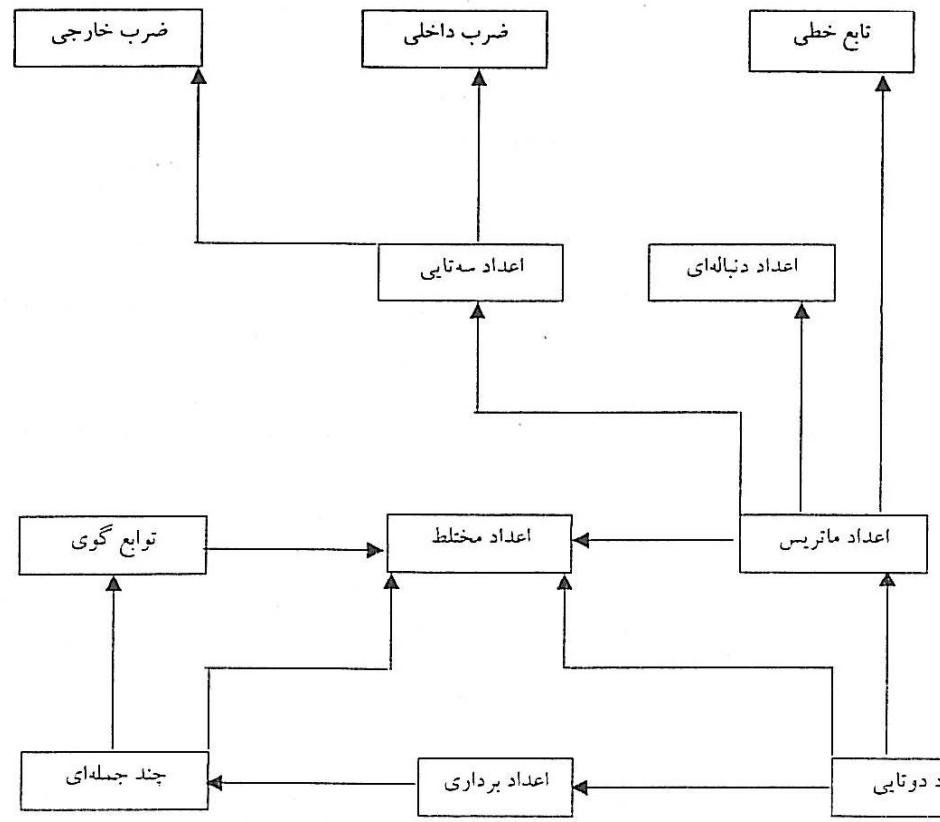
- مفهوم معادله منحنی با شکل
- معادلات خط و صفحه و دایره و پیشی
- معادلات درجه‌ی دوم و مقاطع مخروطی
- مدل‌سازی هندسی توسط کامپیوتر
- تغیر مختصات و تبدیلات تحلیلی
- تنوع دستگاه‌های مختصات
- بردار یکه
- مکان هندسی
- IR^2 , IR^3
- ضرب داخلي و خارجي
- ضرب سه گانه
- معادله خط و صفحه
- فاصله‌ی نقطه از خط و صفحه
- انتقال و دوران مدورهای مختصات

شبکه مفهومی، اهداف دانشی

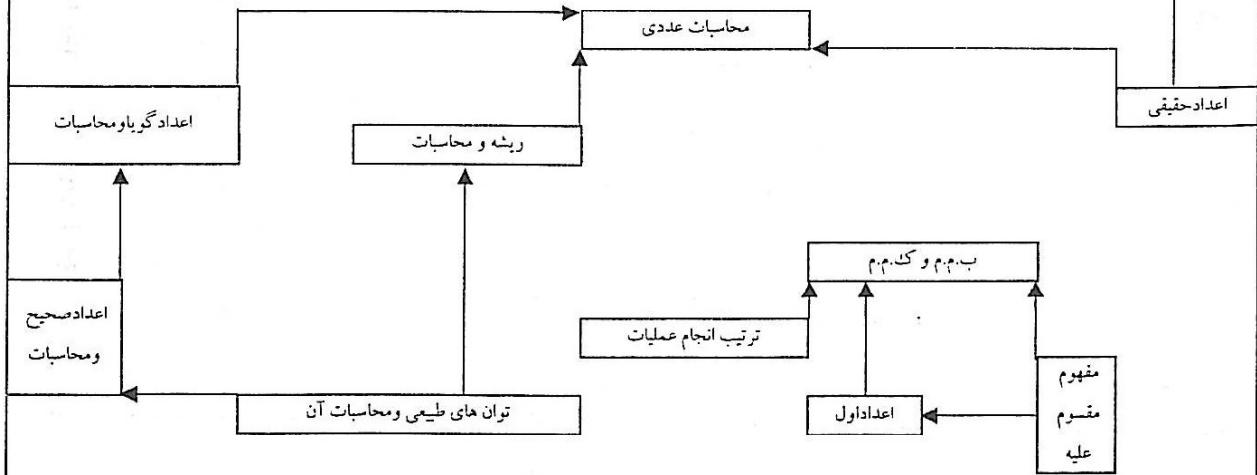
۱ - نمایش عدد و محاسبات عددی



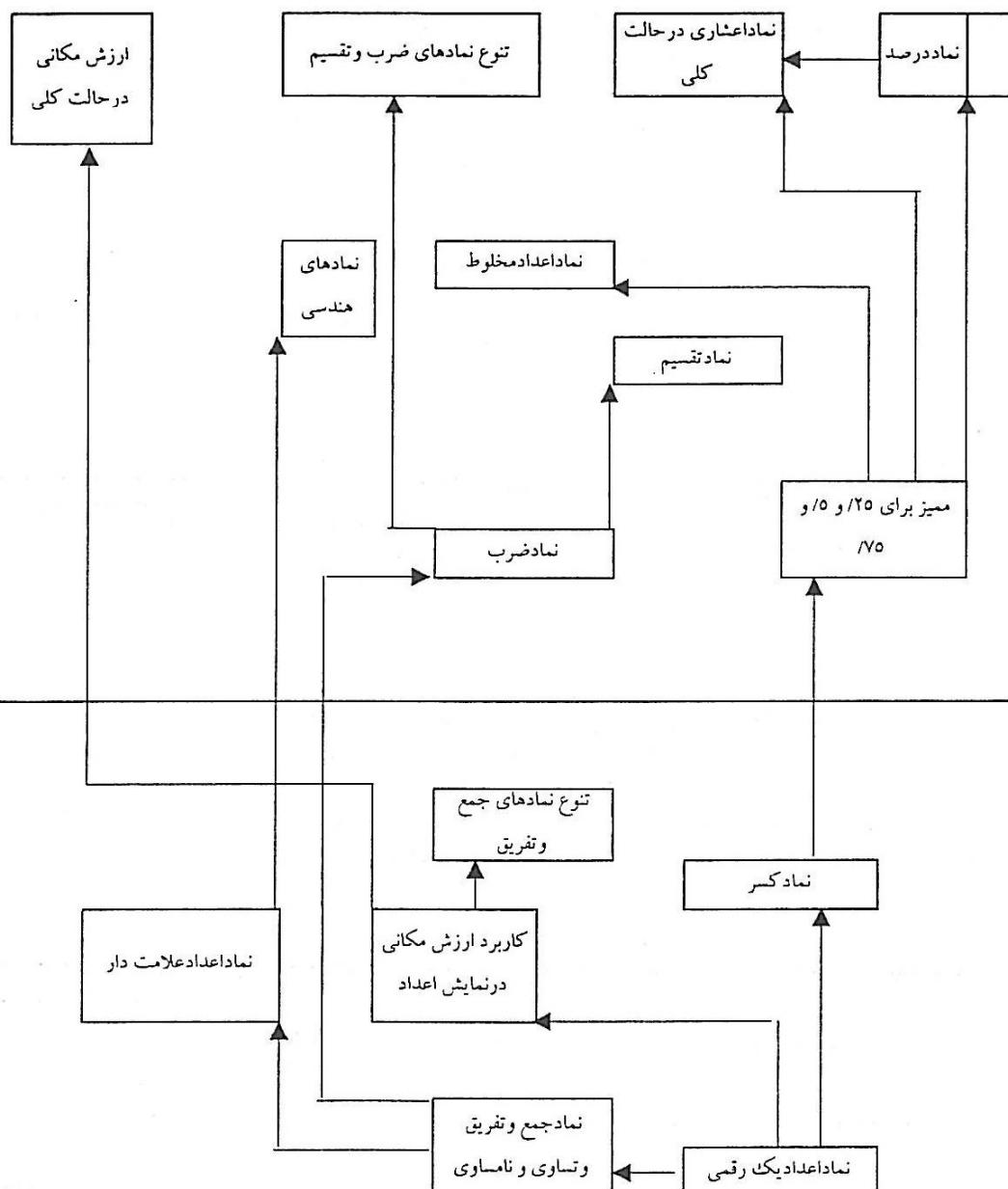
۹-۱۲

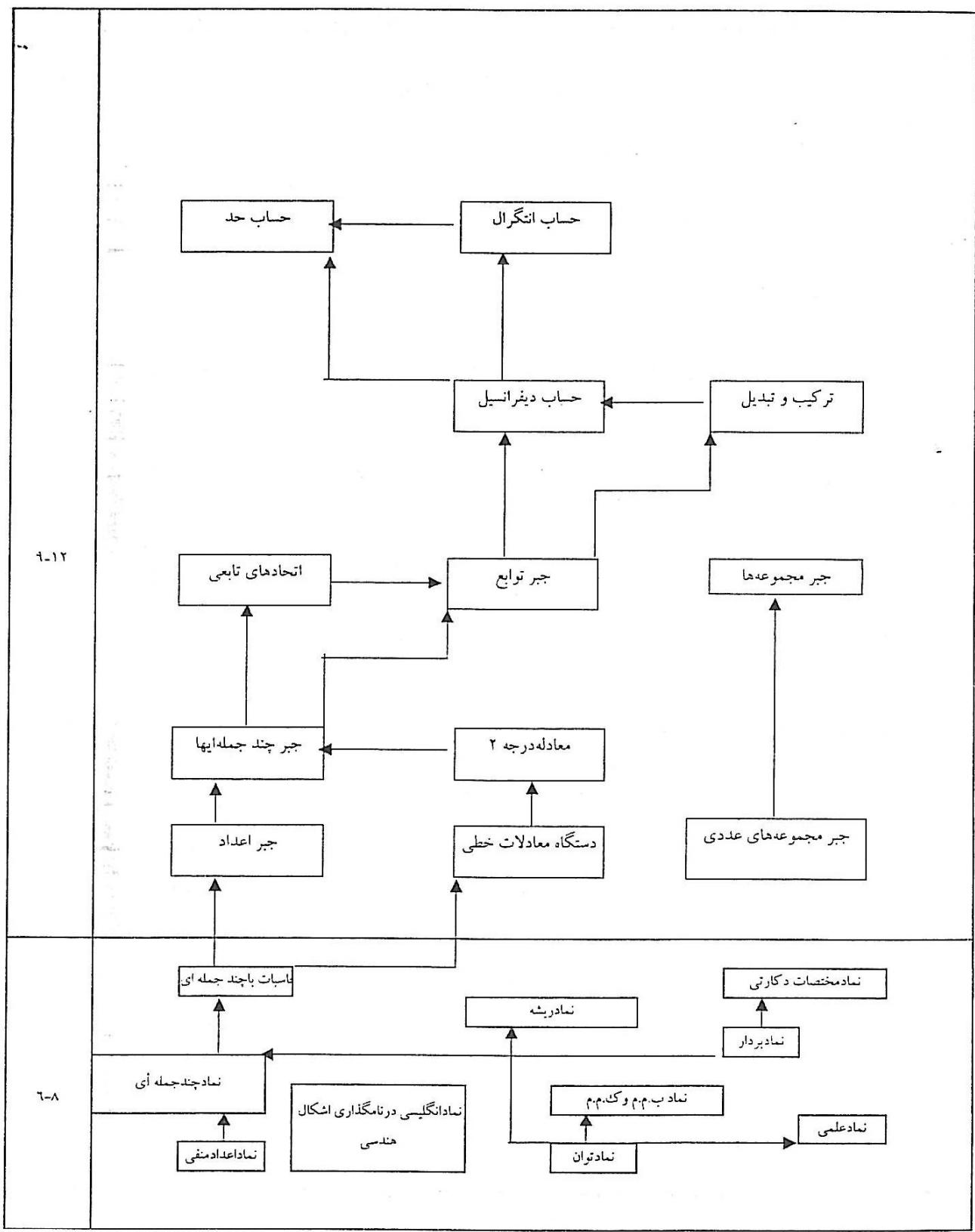


۶-۸

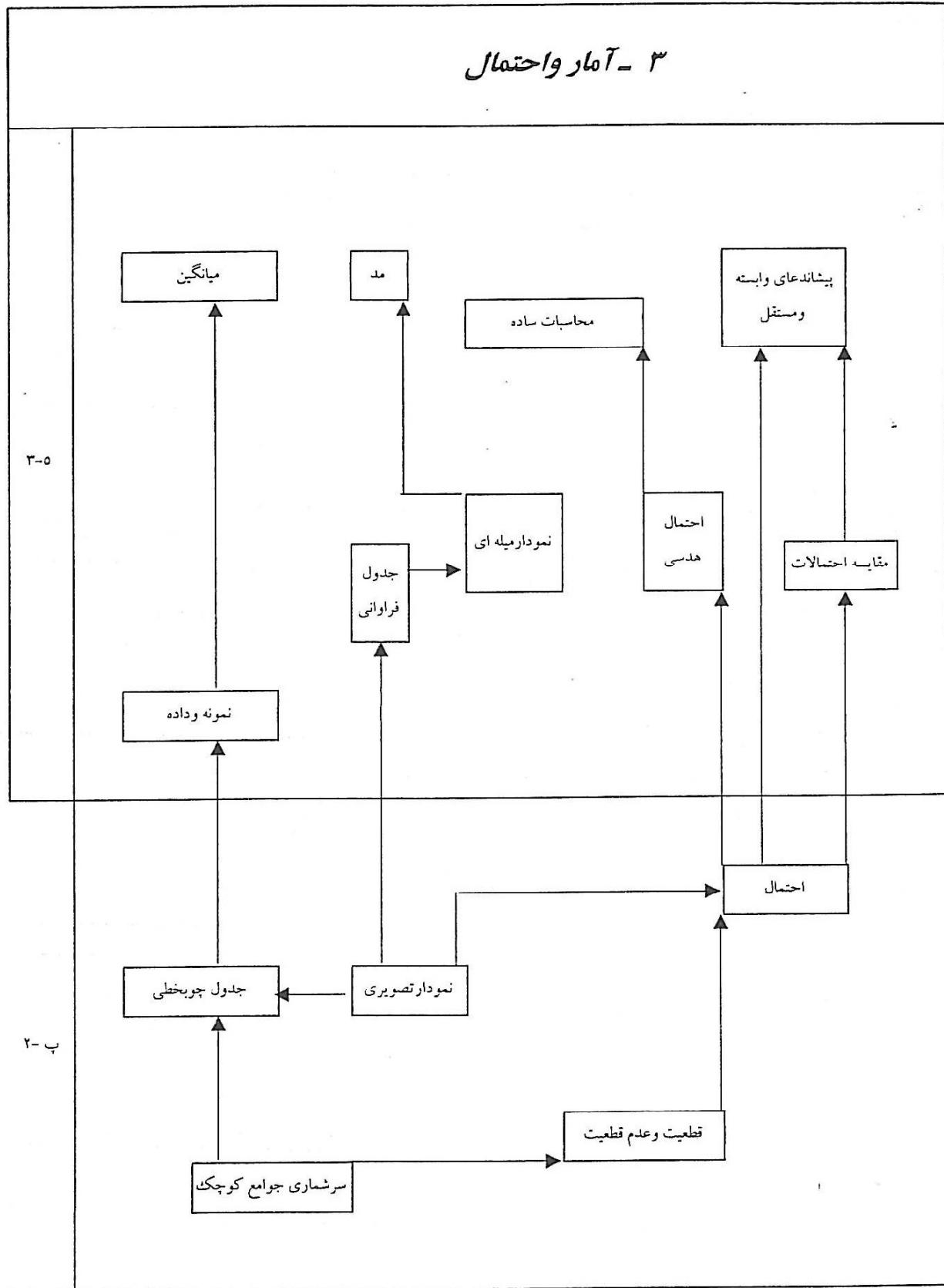


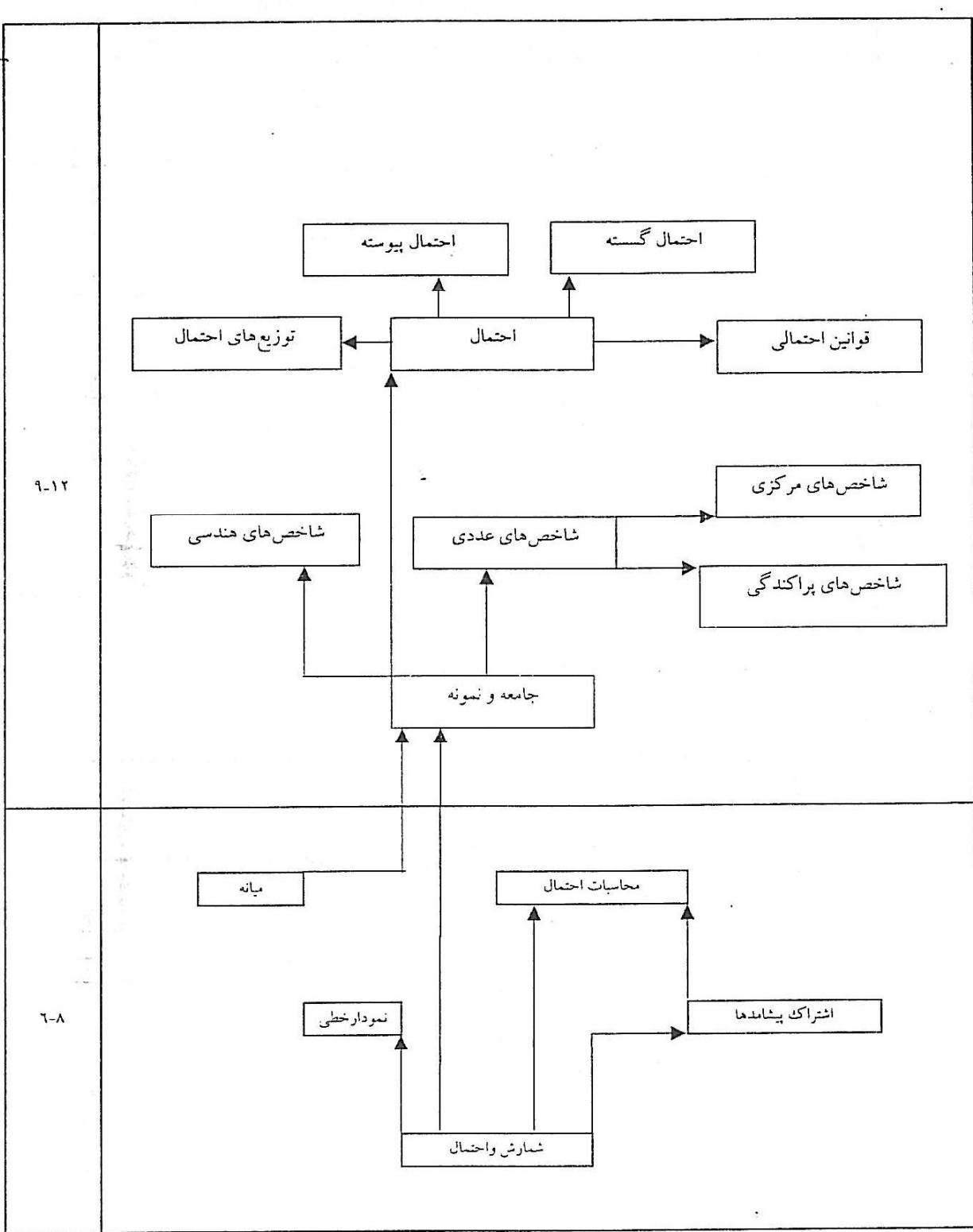
۲ - جبر و نمایش نمادین



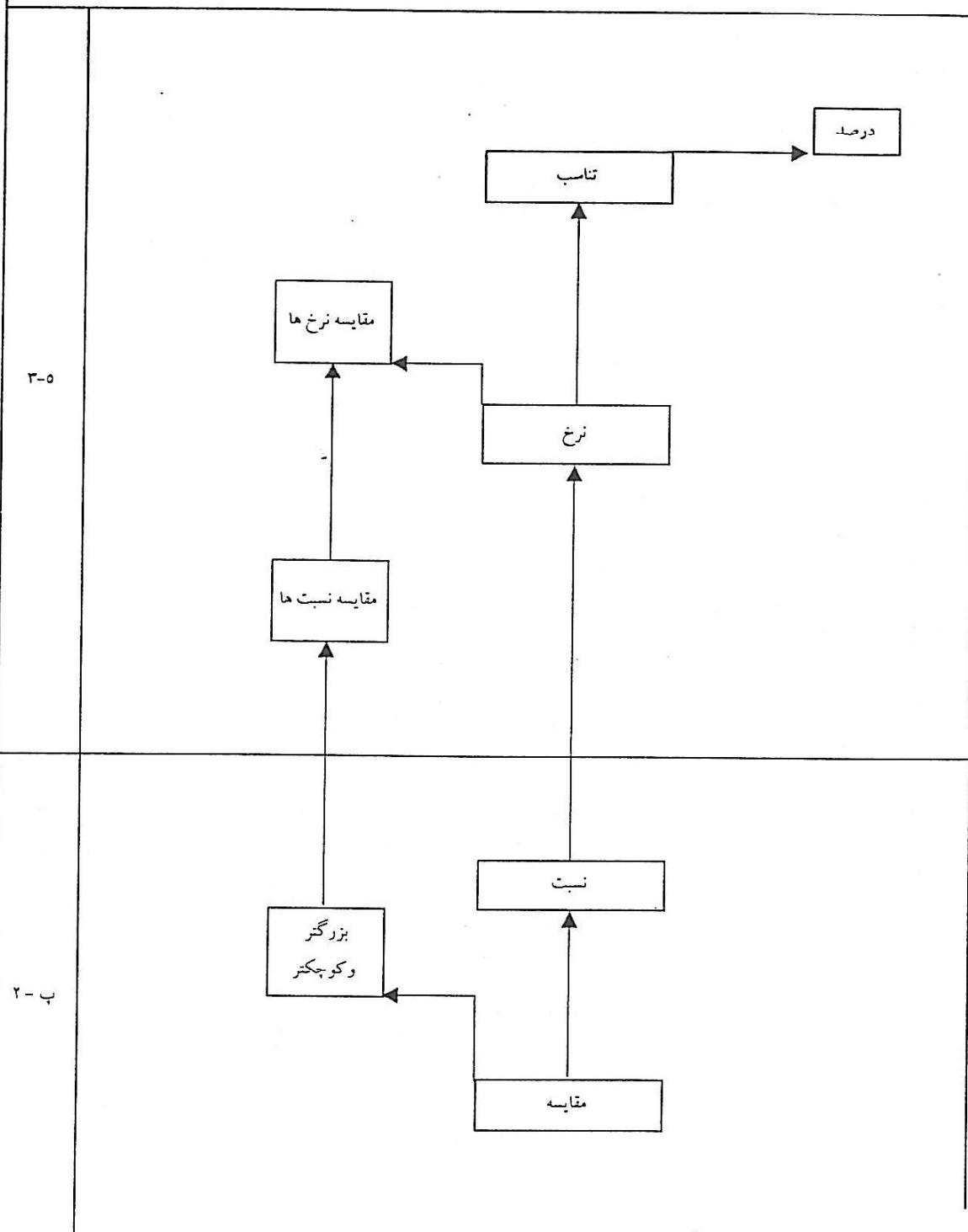


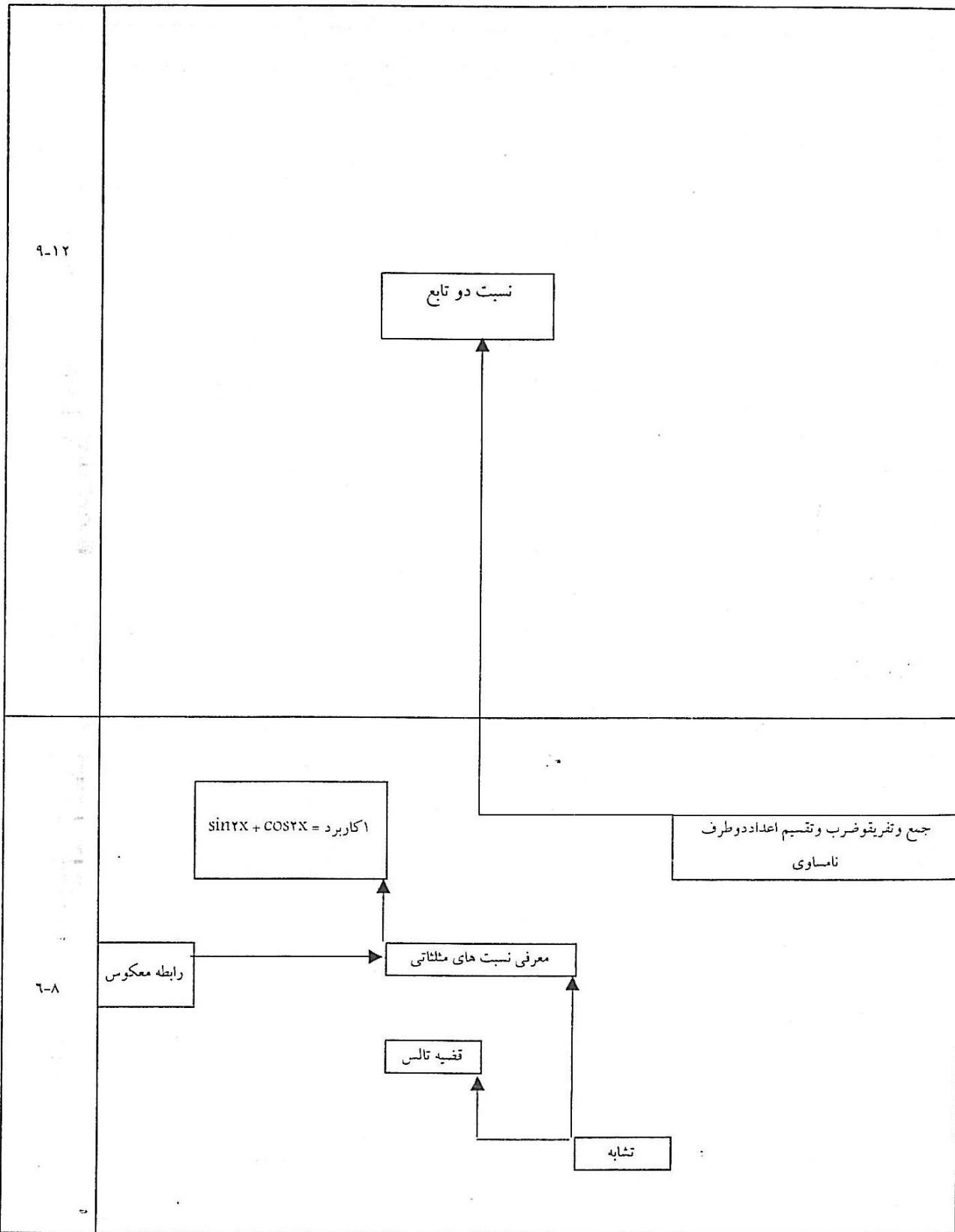
۳- آمار و احتمال



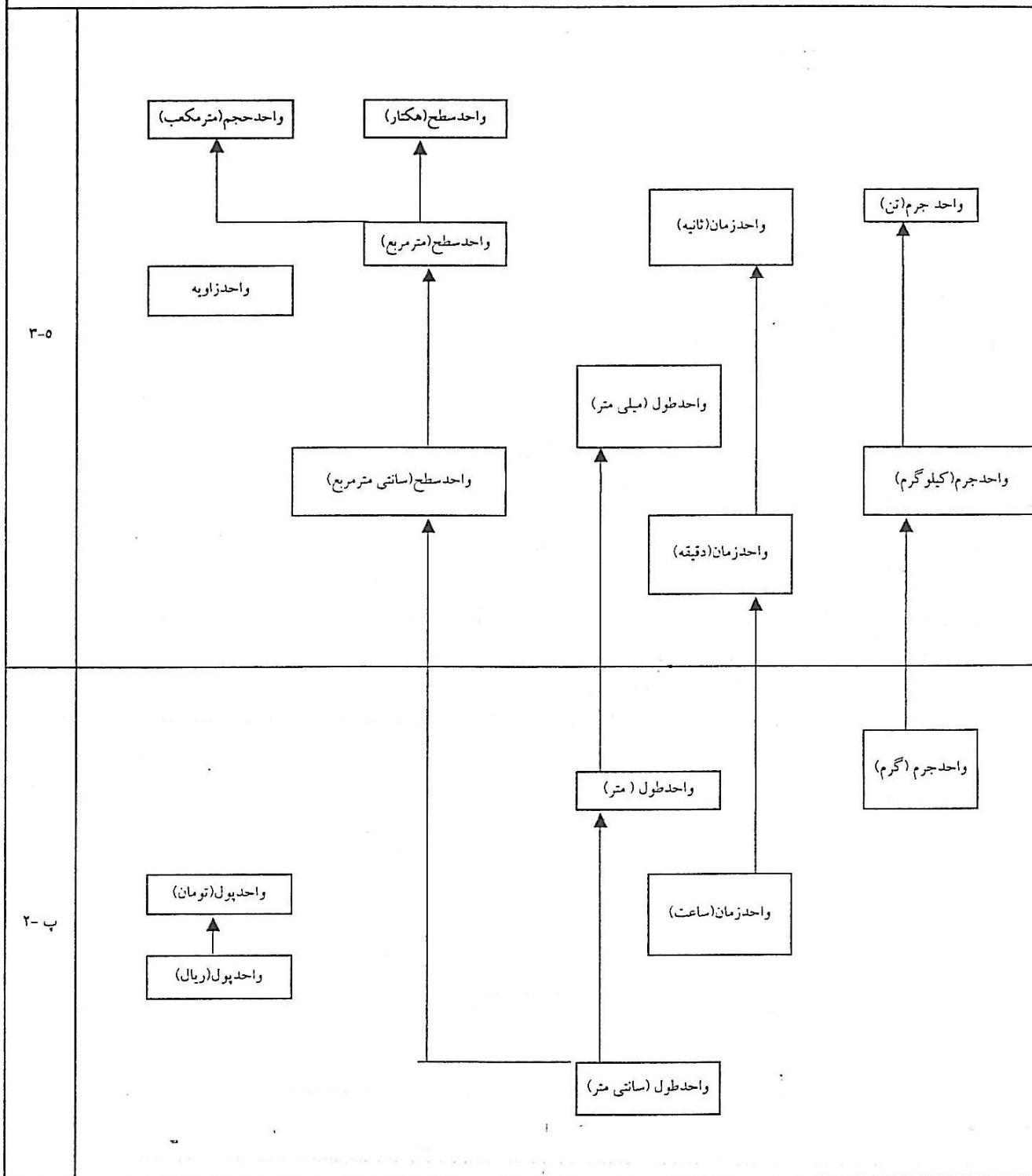


۴ - نسبت، نرخ، تنااسب

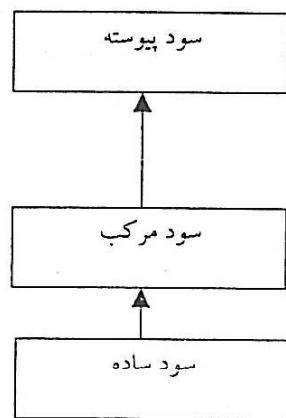




۵ - واحدهای استاندارد و پول



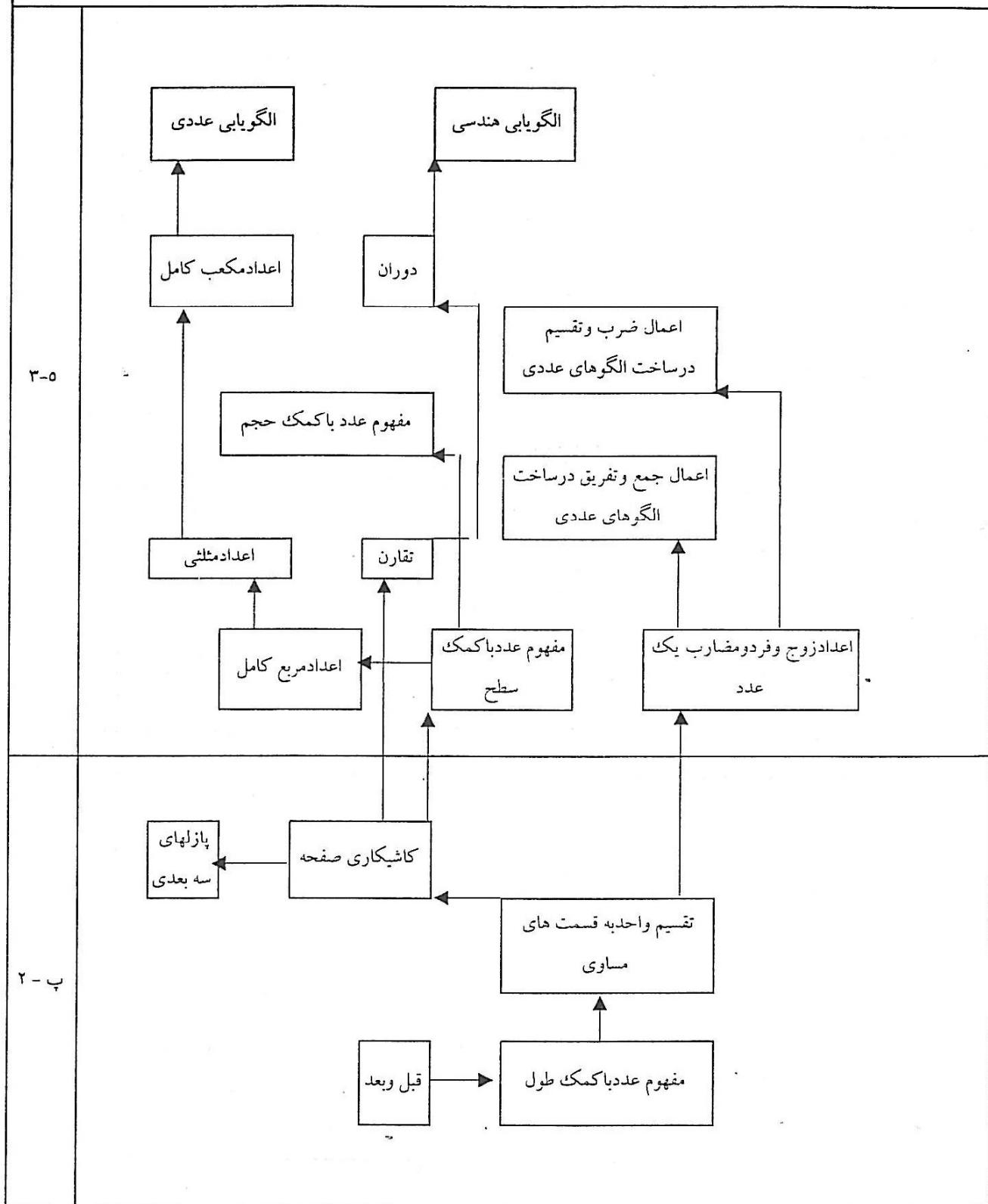
۹-۱۲

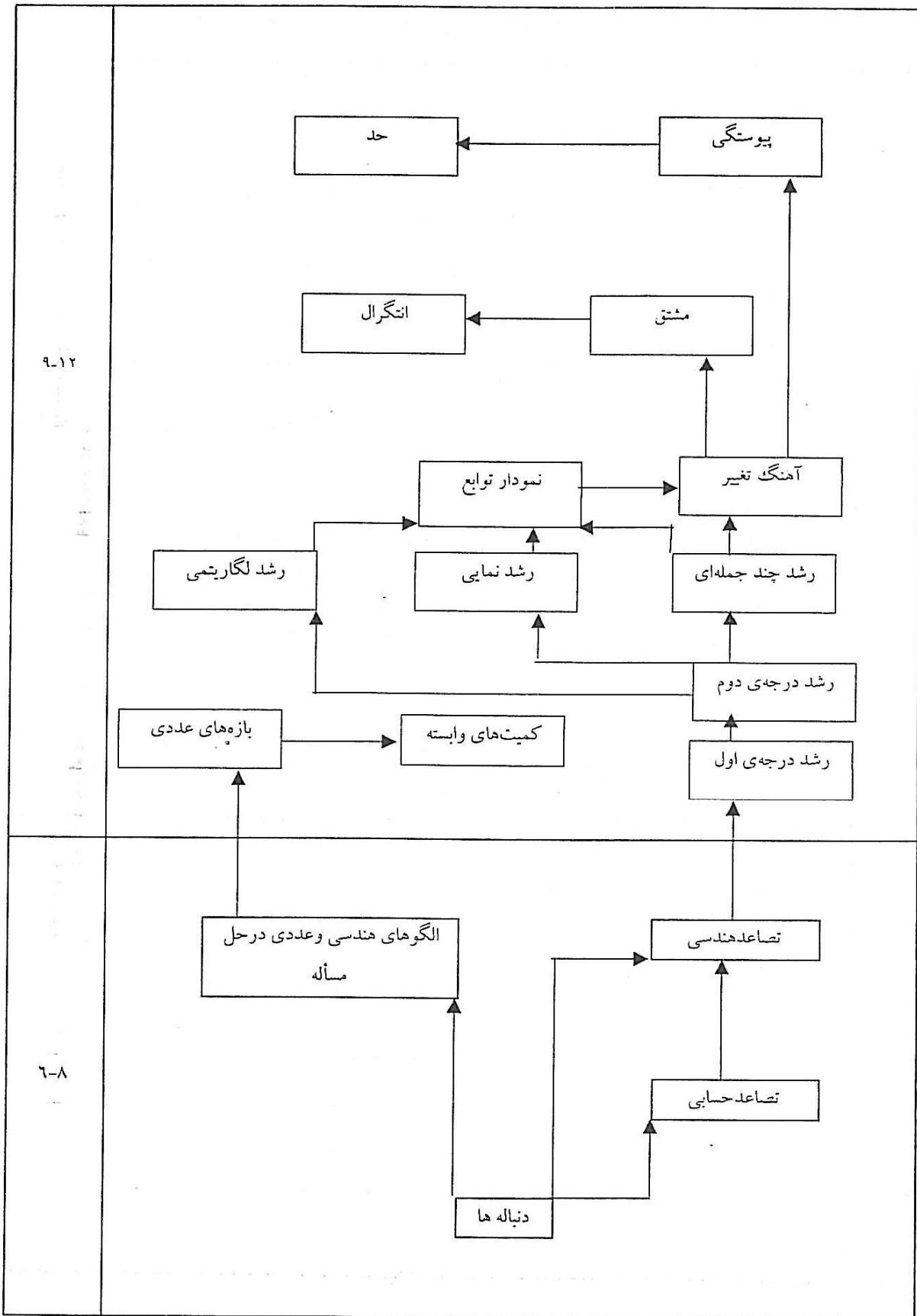


۶-۸

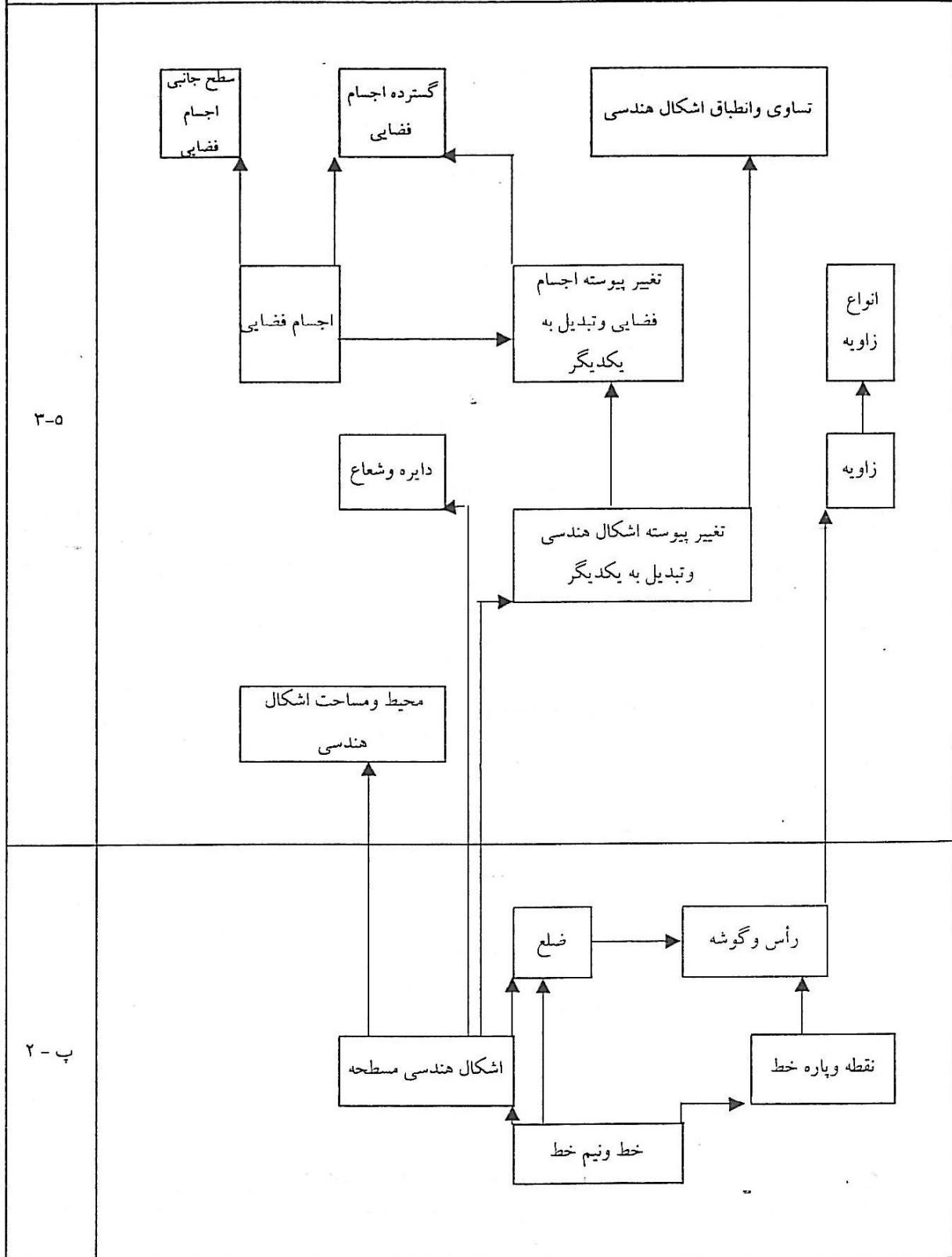
واحدهای طول، سطح، حجم (گنجایش)، دما (استاندارد و غیره)

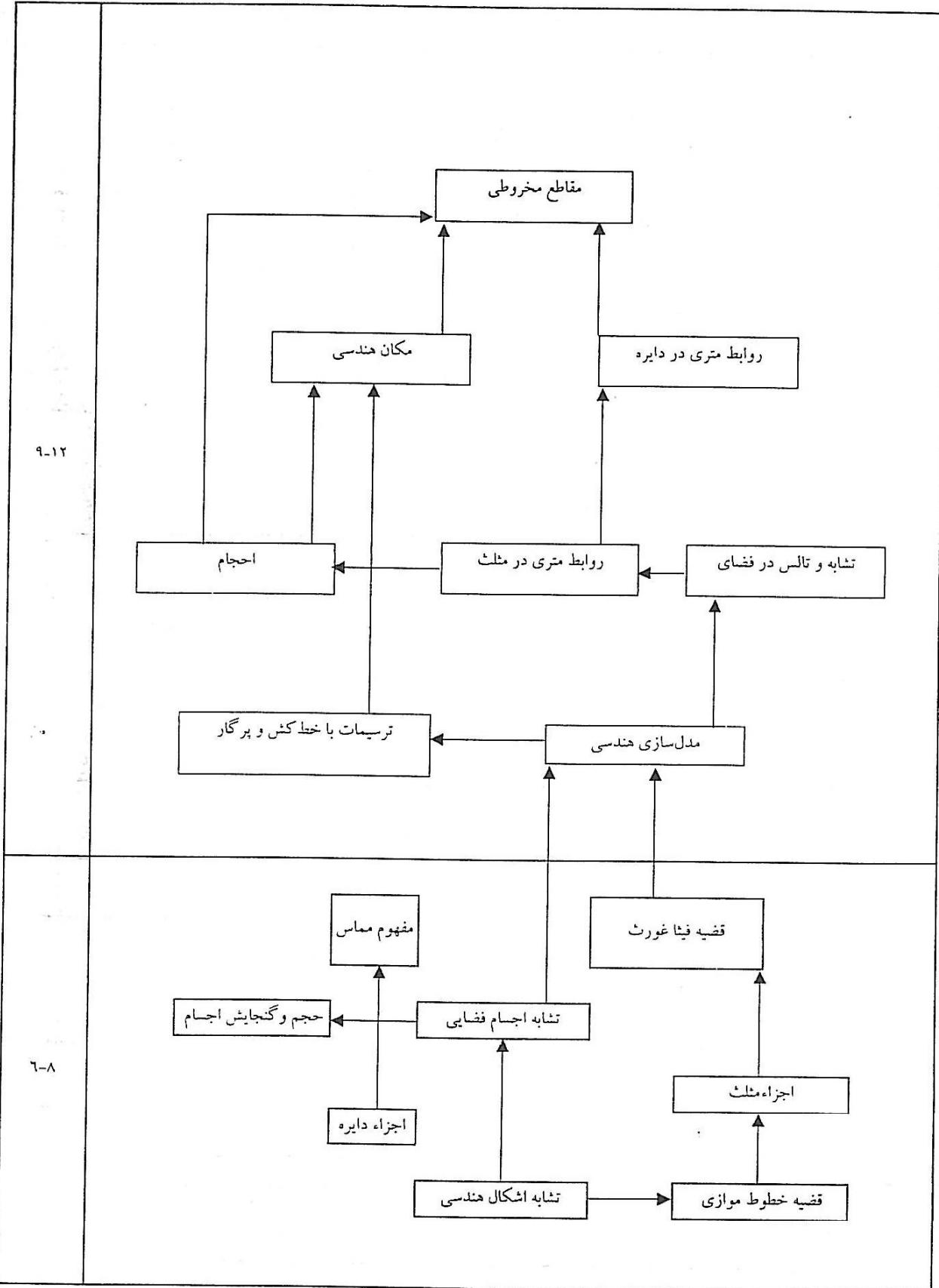
٦ - الگوهای هندسی و عددی



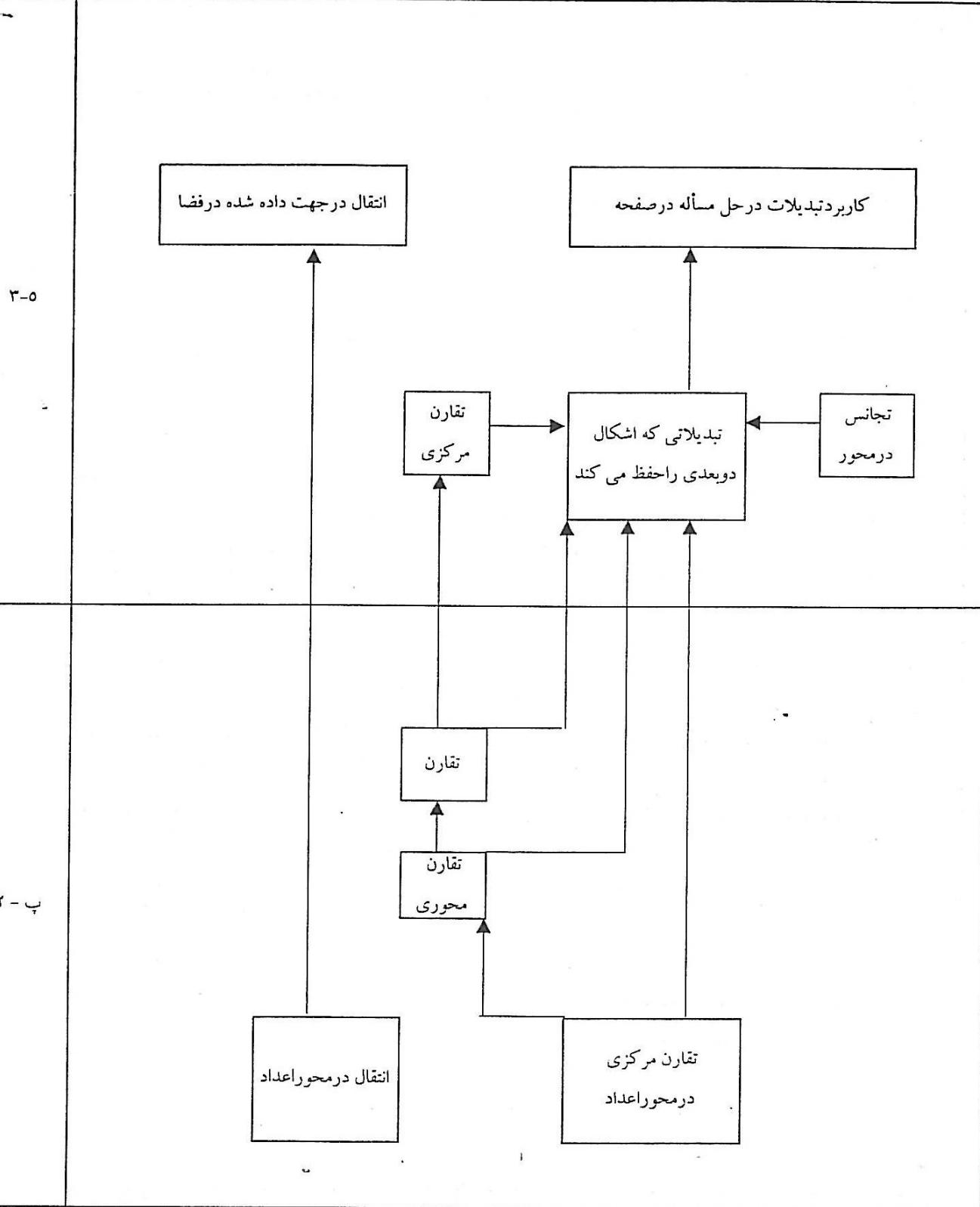


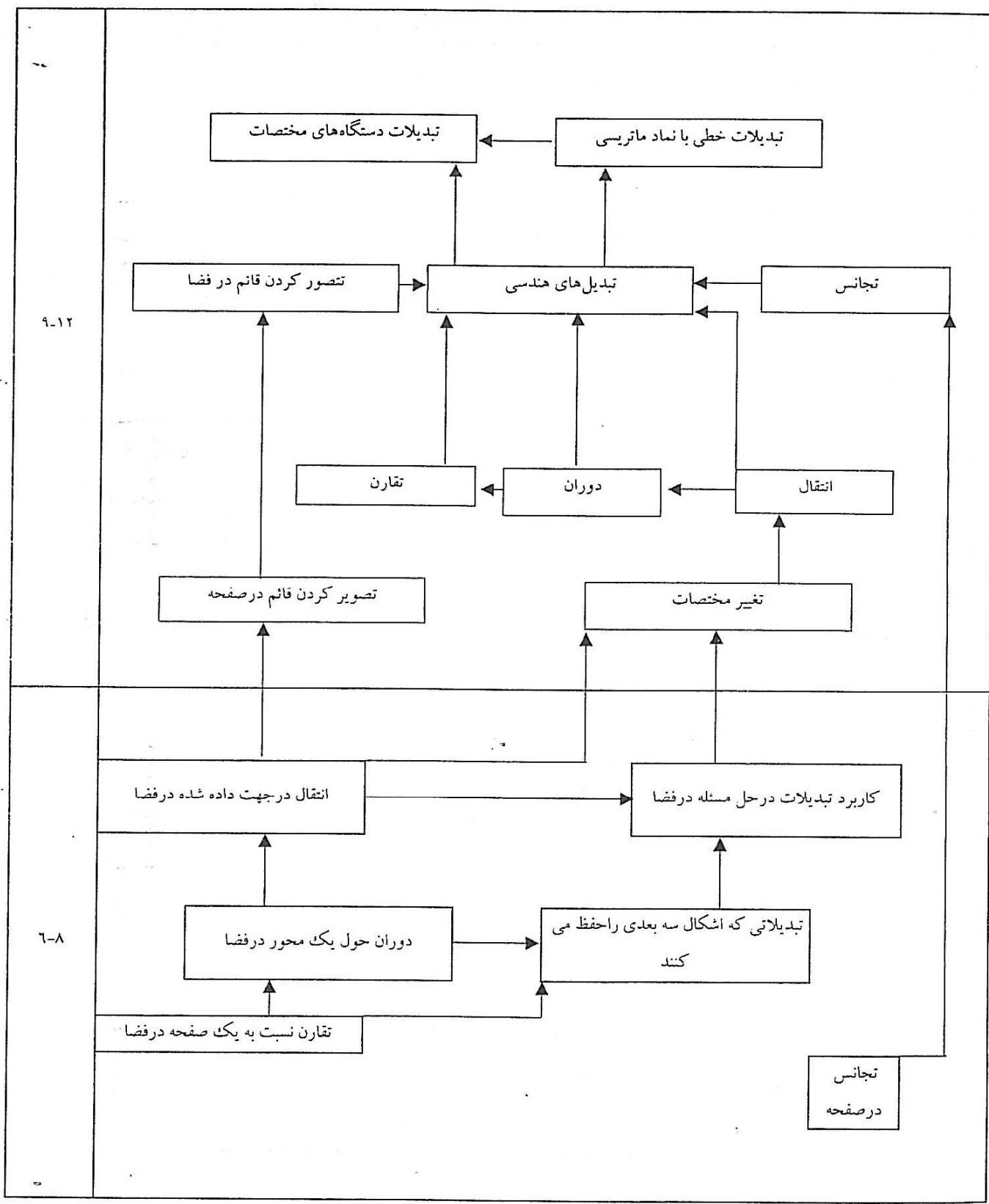
۷ - هنر اسلامی و فتحی





۱ - هندسه تبدیلات





۹ - بودار، هنر سه تحليي

۶-۸

ضرب عدد بردار روی محور

بردارهادرصفحه و انتقال
توسط آن ها

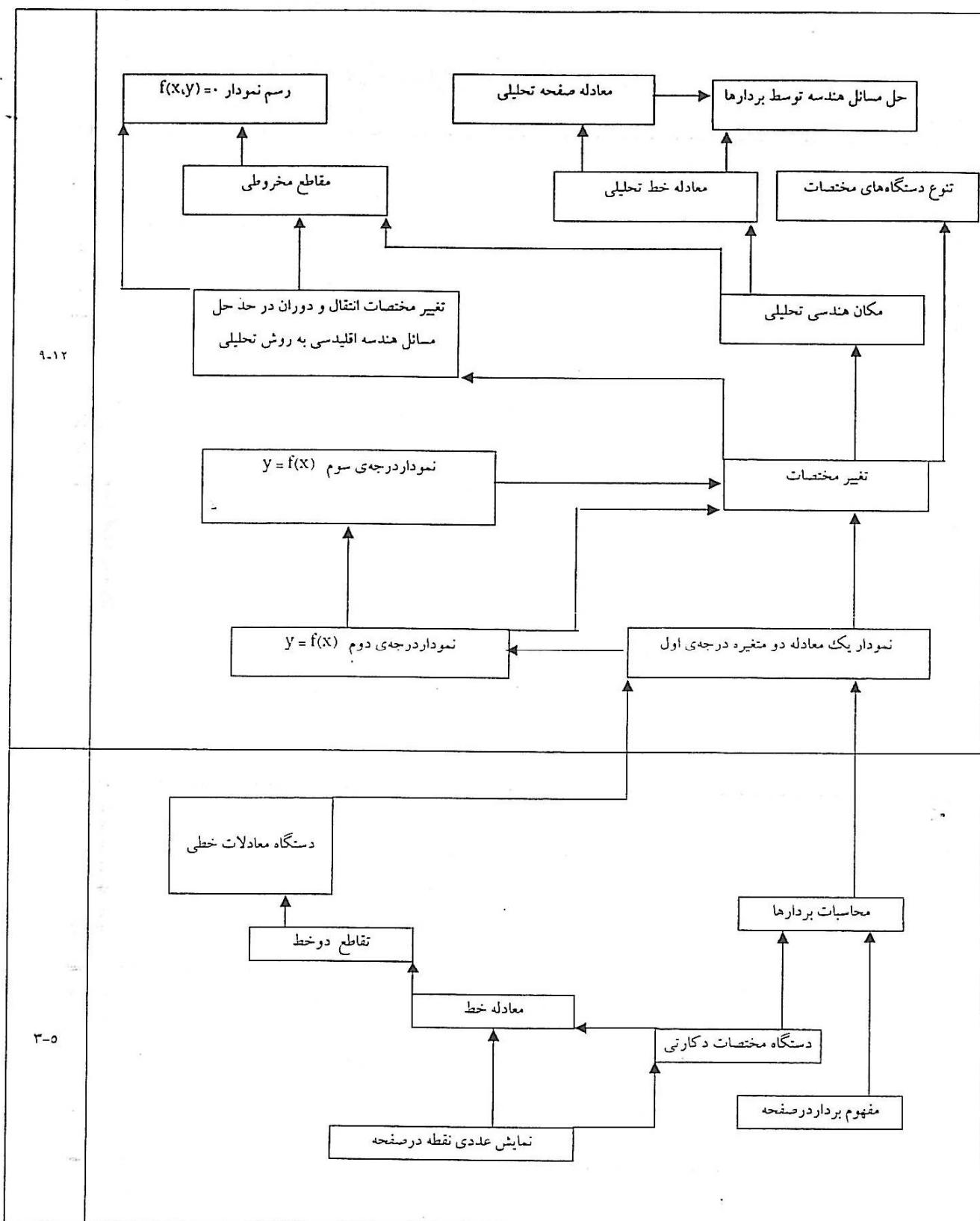
۲-۳

جمع و تفريق بردارهاروی محور

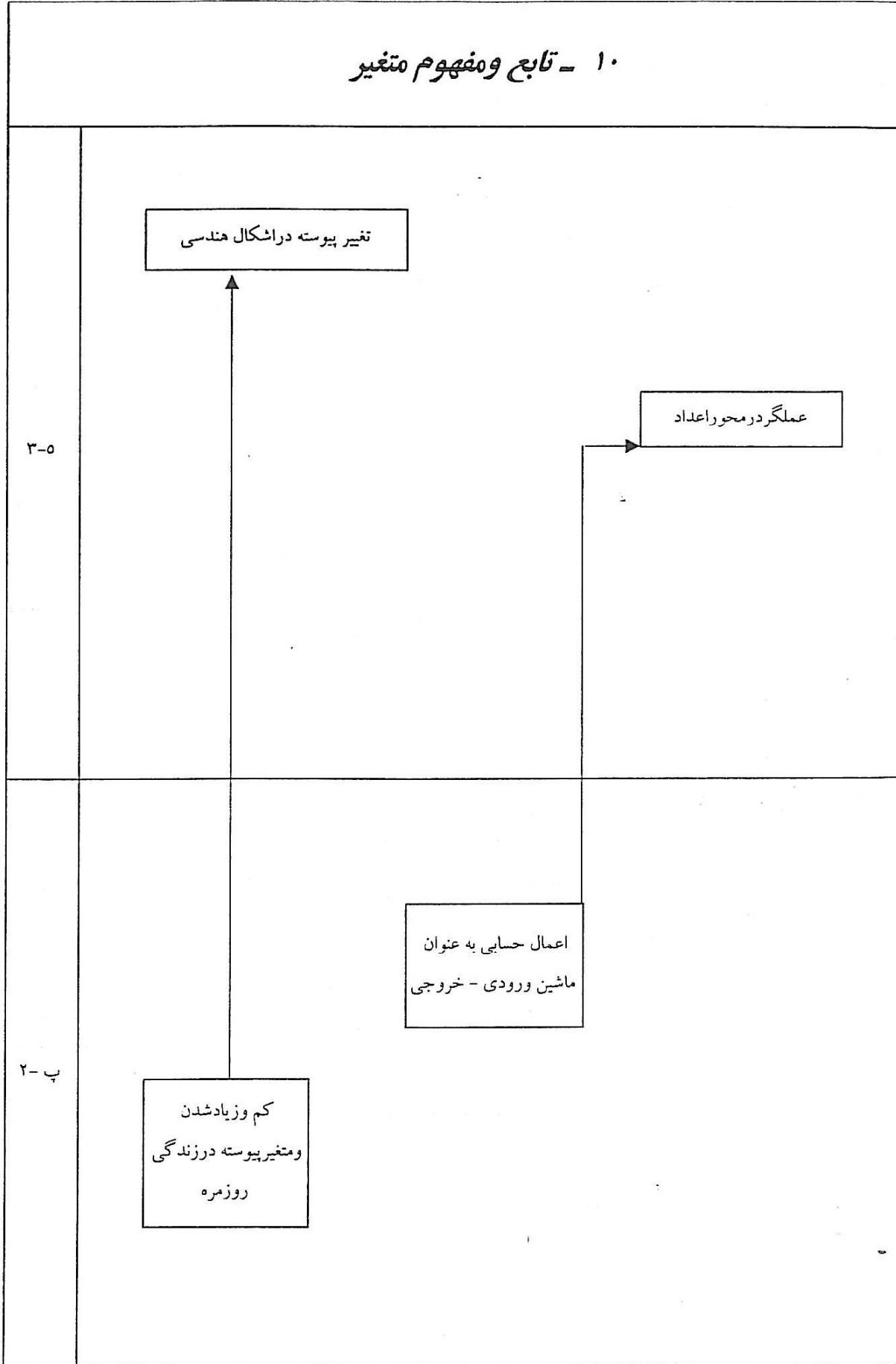
بردارهاروی محور اعداد

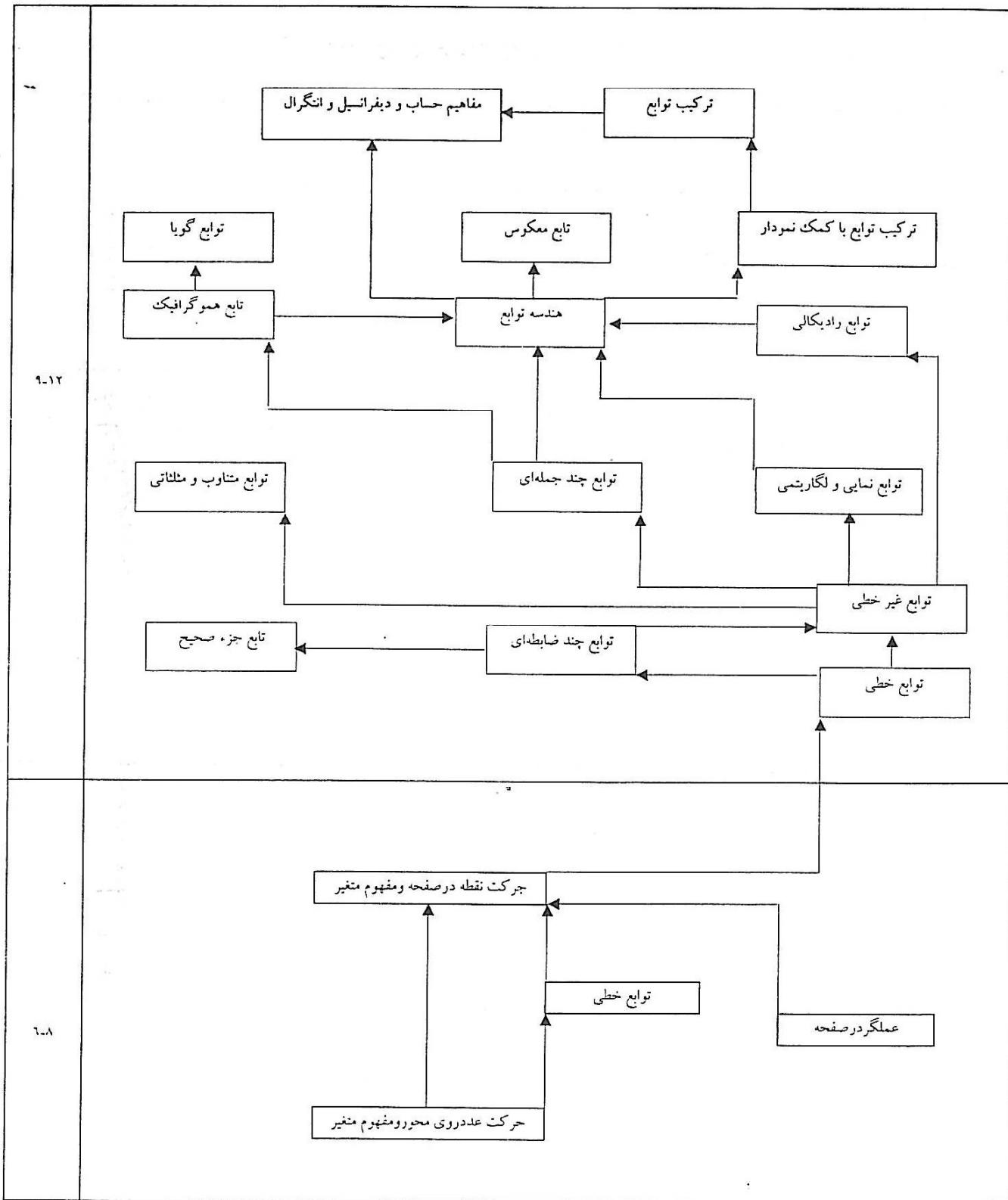
اعداد روی محور اعداد

جهت های شش گانه



۱۰ - تابع و مفهوم متغیر





جدول وسعت و توالی مهارت‌ها

۱- تخفین، ترتیب عددی	تخفین کمیت‌های مدرس	فاصله	ساحب	حجم	تخفین کمیت‌های نزدیکی	جزم	زمان	تخفین محاسبات عددی	محدود کردن عبارت‌های جبری بانفی کردن بالا و بین محاسبی خطای نشر شده قوت و ضعف ناساری‌ها	کاربرد تخفین در حل مسئله	تفصیل گیری برای ازدحام تخفین بیان روش‌های تخفین نمونه گیری برای تخفین آزمون درستی تخفین
9		■ ■ ■			■ ■			■ ■ ■ ■		□ □ □	
10		□ □ □			□ □			□ □ □		■ ■ ■ □	
11		□ □ □			□ □			□ □ □ ■		□ □ □ □	
12								□ □ □		□ □ □	

	تربیت عددی	تربیت عددی حد پذیره دنiale تربیت عددی تا زادهای کمی تربیت به کمک منطق	تربیت مدلس	تربیت خطی فرآیند تغییر تربیت درجه دوم فرآیند تغییر تربیت های درجات بالاتر تربیت به کمک منطق
9				■ ■ ■ ■
10				□ □ □ □
11		■ ■		□ □ □ □
12		□ ■ □		□ □ □ □

1	اندازه‌گیری	اندازه‌گیری کتبه‌های هندسی	انصاف و انداندازه‌گیری	
2			استاندارد کردن واحد	
3			تبدیل واحدها	
4			استفاده از فرمولها و روابط	
5			مقابله‌ی اندازه‌ها	
6				
7				
8				
9				
10				
11				
12				

		3- استناده از ابزارها و تکنولوژی
9	کاربرد ابزارها برای حل مسئله	تضمین گیری در مورد انتخاب ابزار دقیق ابزار اندازه گیری در کم محدودیت های ابزار استناده از ابزارهای رسم هندسی استناده از ابزارهای اندازه گیری فنریک ساختن ابزارها نمایشی ابزارها
10		<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
11		
12		

کاربرد تکنولوژی

استناده از ماشین های محاسباتی
کار با نرم افزارهای ریاضی
طراسی و اجرای الگوریتم های ساده
برنامه ریزی سلسله مراتع

۱-۴- مدل‌سازی، الگویابی، پیش‌بینی	الگویابی در حل مسئله	کنف الگوهای عددی کنف الگوهای هندسی بلقه‌بندی نشخچی الگوهای منزه ک طرافقی الگوهای عددی و هندسی	مدل‌سازی	مدل‌سازی بجزئی مدل‌سازی متساوی مدل‌سازی خطی مدل‌سازی درجی دوم مدل‌سازی منطقی مدل‌سازی شبیه‌سازی مدل‌های آماری مدل‌های احتمالی مدل‌سازی نسبی مدل‌سازی الگاریتمی	پیش‌بینی	جمع آوری و سازماندهی و تحلیل داده‌ها مرتب کردن داده‌ها پیش‌بینی رلتاتور متفوہها پیش‌بینی پیش‌آمدۀای احتمالی
9	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
10	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
11		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
12		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>

		۵- اسناده از نمودارها و شهود هندسی	
	نفر تصوری		
9		<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
10		<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
11		<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
12		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	

حل معادله تصوری
 طبقه بندی اشکال هندسی
 ترکیب اشکال هندسی
 رسم احیام سه بعدی
 تبدیل اطلاعات کلامی به تصوری
 برقرار کردن ارتباط هندسی
 کاربرد تبدیلات هندسی در حل مسئله

شهود دربرابر استدلال

استدلال شهودی
 ارزانه تغییر هندسی از اسنادهای جغرافی

کاربرد نمودارها

انطباع نمودار تابع
 توصیف و تحلیل نمودارها
 رسم نمودار توانع
 بازیافت اطلاعات از نمودار
 الگوریتم نویسی و ظرفچارت بندی

6- کنف، استدلال	مهارت‌های استدلال	استنتاج	بیان استدلال به دیگران انتخاب از بین چند راه مختص بررسی حالات‌های خاص تئیف و مدل‌سازی روابط جزو و کل تئیف، انتزاع، استدلال بیان اطلاعات و روابط بین زبان و راضی برمان خانه توضیح مستدل استدلال در سیسمون اصول موضوعی تئیف استدلال حکم از اصول موضوع	روند کنف	ارزیابی اطلاعات و استخراج اطلاعات مورد نیاز شناسایی و تعمیر الگوهای ارزیابی دلایل از الله شده تحلیل و تجزیه گیری ارزیابی روند کنف قابل مشاهده کردن نتایج ارزیابی انطباق نتیجه نهایی با زندگی و راضی کنترل روند کنف از پیروز روند حل مکله
9			<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
10			<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
11			<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
12			<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>

6- كنف، استدلال		أنواع استدلال	استدلال جنري	استدلال هندسي	استدلال آماري	استدلال احتمالي	استدلال مجرد	استدلال كابيودزي
9			<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>				
10			<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>			
11			<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>		
12			<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	

7- فریضه سازی و نظریه بردازی	مخالفت در فرضیات و نظریات	مبایی فریضه سازی بر تجربه توسعه فرضیات به جزو های گسترده ر طرح و اصلاح تئوری ها براساس نتایج تجربه فریضه سازی برای تکیک های محاصله ای توسعه نظریات به جزو های گسترده ر طرح و اصلاح فرضیات براساس نتایج تجربه	تفقید فرضیات و نظریات	آزمون فرضیات و نظریه ها تبیین خصوصیات ارتباط دو فرضیه تبیین خصوصیات ارتباط دو نظریه مقایسه قوت و ضعف فرضیات مقایسه قوت و ضعف فرضیات
9		<input checked="" type="checkbox"/>		
10		<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
11		<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
12		<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

8- راهبردهای حل مسئله	استراتژی های حل مسئله	نحوه اجرا
9	<input type="checkbox"/>	نحوه اجرا
10	<input type="checkbox"/>	نحوه اجرا
11	<input type="checkbox"/>	نحوه اجرا
12	<input type="checkbox"/>	نحوه اجرا

و-شارش	شارش خلی	دسته‌بندی و شمارش دسته‌بندی با نگاه مساوی برقراری ناظریک به بک به کاربردن نهاد علمی نمونه‌گیری و شمارش استناده از مقام در شمارش استناده از تکیه‌های ترکیانی استناده از شمارش در محابی احتمال کاربرد شمارش در حل مسئله شارش به کمک قوانین مجموعه‌ها شارش با تنکیل مادله	کاربرد شمارش کاربرد شمارش در تقویت کاربرد شمارش در روابط گستره کاربرد شمارش در نظریه اعداد
9	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
10	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
11	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
12	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

۲

۱۰- محاسبات عددی و عملیات ذهنی	درک شهودی	دیگر به از بزرگی و کوچکی اعداد دیگر به از بزرگی های جبری اعداد	محاسبات ذهنی	عملیات اصلی و مسکون آنها عملیات الگوریتمی تغییر به عوامل اولی محاسبات جبری	محاسبات ذهنی	بنابراین محاسبات ذهنی	بنابراین محاسبات ذهنی از جم مدلات از جند طرق اتخان محاسبات استدلال منطقی ذهنی
9		<input type="checkbox"/> ■		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> ■		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
10		<input type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> ■
11		<input type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
12				<input type="checkbox"/>		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>

جدول وسعت و توالی مفاهیم

[نمايش عدد و معابدات عددی]		اعداد دو تایی	اعداد برداری	اعداد متریسی	اعداد مختص	اعداد دنالایی	اعداد سه تایی	نوع چند جمله ای	نوع گیری	نوع خطي	قدر مطلق و نزء اعداد	ناماري هاي عددی	حد دنالایی عددی	نمایان
9		■ ■						■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	
10		□ □	■					■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	□
11		□	□	□	■ ■	■ ■	□	□	□	□	□	□	□	
12		□	□	■ ■	□	□	□	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	■ ■	□

2- جبر و نابش نادین

جبری عبارت های جبری
جبر چند جمله ایها
جبر مجموعه ها
جبر نویس
معادله درجه 2
دستگاه معادلات خطی
اتحادها

9	<input checked="" type="checkbox"/>								
10	<input checked="" type="checkbox"/>								
11	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
12	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

3- آمار را احتمال		جامع و نزدیک	شانخضو های عددهای	شانخضو های هندسی	شانخضو های برگزینی	شانخضو های برآورده	احتمال پیوسته	احتمال گذشته	توزع های احتمال
9		■							
10		□	☒	☒	☒	☒			
11		□	□	□	□	☒	☒	☒	
12									

نام، نیز تاب	تالس در شما	تاب ب مدلی	تاب عددي
9	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
10	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
11	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
12	<input type="checkbox"/>		

		سرد ساده
		سرد مركب
		سرد معين
9		<input checked="" type="checkbox"/>
10		<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
11		<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
12		

6- الگوهای هندسی و عددی	رند خطی رند چند جمله‌ای	رند نسبی رند لگاریتمی	سری هندسی منتهی هندسی	انگرال هندسی محاسب رسمی	نمودار توابع همگرایی هندسی	همگرایی عددی
9	■ ■				■	
10	□	■ ■ ■ ■ ■	□	■ ■ ■ ■ ■	■ ■ ■ ■ ■	■
11	□	□ □	□	□ □ □ □	□ □ □ □	□
12	□	□ □	□	□ □	□ □	□

7- هنر و ملحوظه و فناوري

مدالزاري هنرسي
زيبات با ايزارها
روابط منزلي
مكان هنرسي
مقام مذري

9	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
10	<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
11	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
12	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>

۸- مددب تبدیلات		
	اعتل	
	تغارنها	
	دورانها	
	تصویر قائم	
	تجانس	
	مترس بدل	
	تبدیل خطي با مترس	
9	<input checked="" type="checkbox"/>	
10	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
11	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
12	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	

۶- بردارهای هندسه ناحلی

	مدل‌سازی هندسه با کامپیوتر	مادل‌دی منحنی	تفصیر مختصات	مکان هندسی	مناطق مذکور
9	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>		
10	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>		
11	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
12	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

١٠- نوع و مقدار مشتر

نوع خط
نوع غير خط
نوع اگر
نوع برس
ج نوع
شئون نوع
انگرال نوع

9	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
10	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
11	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
12	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>