

گفت‌وگو با ژان پیر سر



از راست به چپ: سر، اسکثو، راوسن

این مصاحبه در خلال سلسله برنامه‌هایی به مناسبت اعطای اولین جایزه آبل به ژان پیر سر در شهر آسلو پایتخت نروژ (که خبر آن را در شماره گذشته خواندید) در دوم ژوئن ۲۰۰۳ انجام شده است. مصاحبه‌کنندگان، مارتین راوسن (Martin Raussen) از دانشگاه اوسلو و کریستین اسکثو (Christian Skau) از دانشگاه علوم و فناوری نروژ هستند.

متن این گفت‌وگو نخست در

European Mathematical Society Newsletter,
(Sept. 2003) 18-20

به چاپ رسیده و ترجمه حاضر از روی باز چاپ مصاحبه در

Notices of the AMS, (2) 51 (2004) 210-214

انجام شده است.

یک جنبه جالب توجه روشی که من معرفی کردم، خصیصه جبری آن بود. به خصوص محاسبات «موضعی» را امکان پذیر می‌کرد. کلمه «موضعی» در اینجا به همان معنایی است که در نظریه اعداد به کار می‌رود، یعنی نسبت به یک عدد اول مفروض.

• آیا راست است که یکی از نکات اصلی این ماجرا تعیین چیزی شبیه یک فضای تار بود بدون اینکه دقیقاً همان باشد؟

سر: در واقع برای کاربرد نظریه لری احتیاج داشتم فضاهایی تار بسازم که با تعریف استاندارد وجود نداشتند. یعنی به ازای هر فضای X ، نیاز به فضایی تار چون E با پایه X و هوموتوبی بدیهی (مثلاً انقباض پذیر) داشتم. اما چگونه می‌شود چنین فضایی به دست آورد؟

در سال ۱۹۵۰، شبی که با قطار از تعطیلات تابستانی برمی‌گشتم، راه حل مسأله ناگهان به ذهنم خطور کرد: کافی است E را فضای مسیرهای روی X (با مبدأ ثابت a)، و افکانش $X \rightarrow E$ را نگاشت ارزی^۱ از مسیر به نقطه انتهایی آن بگیریم. در این صورت، تار عبارت است از فضای طوقی^۲ (X, a) . شکی در این باره نداشتم: این همان چیزی بود که می‌خواستم! آنقدر مطمئن بودم که همسرم را از خواب بیدار کردم تا موضوع را به او بگویم. ...

1. evaluation map 2. loop space

• ابتدا به شما تبریک می‌گویم که برنده اولین جایزه آبل شده‌اید. شما کار خود را با رساله‌ای آغاز کردید که درباره توپولوژی جبری بود. این مبحث در آن زمان (دست‌کم در فرانسه) رشته خیلی جدیدی بود و حوزه مهمی به شمار نمی‌رفت. چه چیزی باعث شد این مبحث را انتخاب کنید؟

سر: من از شرکت‌کنندگان در سمینار کارتان درباره توپولوژی جبری بودم. وای کارتان خودش موضوع تحقیق را به شاگردانش پیشنهاد نمی‌کرد. آنها باید خودشان موضوعی می‌یافتند و بعداً کارتان به آنها کمک می‌کرد. همین جریان برای من پیش آمد. من می‌بردم که نظریه لری^۱ (در باره فضاهای تار و دنباله طیفی آنها) را می‌توان در موارد بسیار بیشتری از آنچه تصور می‌رفت به کار برد، و اینکه با چنین تعمیم و گسترشی محاسبه گروه‌های هوموتوبی میسر می‌شود.

• روشها و نتایجی که شما در رساله‌تان به دست دادید، نظریه هوموتوبی را دگرگون کرد و آن را به شکل نوین‌اش درآورد ...

سر: به مسأله امکانات بسیار زیادی ایجاد کرد. پیش از آن رساله، گروه‌های هوموتوبی کرات تقریباً به طور کامل قلمرو ناشناخته‌ای بودند؛ حتی معلوم نبود که این گروه‌ها متناهی می‌توانند!

1. Leray 2. terra incognita

بیشتر دوست دارد؟ تنها چیزی که می‌توانم بگویم این است که نوشتن بعضی مقاله‌ها برایم آسان بوده و بعضی دیگر واقعاً مشکل. نمونه‌ای از دسته اول، مقاله «بافتهای جبری منسجم»^۱ (FAC) بود که وقتی آن را می‌نوشتیم، احساس می‌کردم متنی را که از قبل وجود داشته رونویسی می‌کنم. تقریباً هیچ زحمتی برایم نداشت. نمونه‌ای از مقاله‌های «مشکل»، مقاله‌ای بود دربارهٔ زیرگروه‌های بازگروه‌های متناهی-افکن^۲ که زحمت خیلی زیادی داشت و تا آخر کار مطمئن نبودم دارم قضیه را ثابت می‌کنم یا برای آن مثال ناقض می‌آورم! مورد مشکل دیگر، مقاله‌ای بود که آن را به منین^۳ تقدیم کردم و در آن حدسهای بسیار مشخص (و بسیار جسورانه‌ای) دربارهٔ نمایشهای گالوایی «پیمانه‌ای» (به پیمانه p) مطرح کردم. این یکی حتی رنج‌آور بود. بعد از اینکه تماشا کردم، آنقدر تاب و توان مرا گرفته بود که تا چند سال چیزی منتشر نکردم.

از موارد خوشایند، می‌توانم از مقاله‌ای دربارهٔ حاصلضربهای تانسوری نمایشهای گروه‌ها روی مشخصه p یاد کنم که آن را به بول اهدا کردم. من از حدود بیست سالگی عاشق نظریهٔ گروه‌ها بودم و از گروه‌ها زیاد استفاده کرده و حتی چند قضیه دربارهٔ آنها ثابت کرده بودم. اما قضیهٔ مربوط به حاصلضربهای تانسوری که آن را در سنین نزدیک به هفتاد سالگی به دست آوردم اولین قضیه‌ای از این نوع بود که واقعاً به من لذت بخشید. احساس می‌کردم نظریهٔ گروه‌ها پس از چهل سال عشق‌ورزی رضایت داده که کام عاشق را شیرین کند.

• شما بیش از پنجاه سال در خط مقدم ریاضیات مشغول فعالیت بوده‌اید. هاردی حرفی زده است که بسیار نقل می‌شود: «ریاضیات کار جوانهاست». آیا این حرف غلط نیست؟ آیا مورد شما این حکم را کاملاً نقض نمی‌کند؟

سر: نه کاملاً. اگر توجه کرده باشید، در بیانیهٔ اعطای جایزهٔ آبل، بیشتر اشارات به کارهایی است که من قبل از سی سالگی کرده‌ام.

ولی این واقعیت دارد که افراد نسل من (مثلاً آتیا، بول، بات، شیمورا ...) مدتی طولانی‌تر از اسلاف خود به کار ادامه داده‌اند (البته در نسل قبلی هم استثناهای قابل توجهی مانند الی کارتان، زیگل، و زاریسکی وجود داشته است). امیدوارم بتوانیم به کار ادامه دهیم.

پیوندهای تاریخی

• چون شما جایزهٔ آبل را برده‌اید، دوست داریم سؤالی مطرح کنیم که زمینهٔ آنها به زمان آبل برمی‌گردد. معادلات جبری که آبل و گالوا به بررسی آنها پرداختند و از نظریهٔ تبدیل توابع بیضوی نشأت می‌گرفتند، بعدها در نظریهٔ حسابی خنهای بیضوی اهمیت بسیار یافتند. نظر شما دربارهٔ این واقعیت شایان توجه، به‌خصوص در ارتباط با کارهایی که خودتان در این نظریه کرده‌اید، چیست؟

سر: بله، خنهای بیضوی امروز خیلی مطرح‌اند (به‌علت نیاز به آنها در زمینه‌های متعدد، از برنامهٔ لنگ اندز گرفته یا رمزنگاری). در دهه‌های ۱۹۶۰ و ۱۹۷۰ من وقت زیادی صرف مطالعهٔ نقاط تقسیم آنها (که به مدولهای تیت^۴ نیز موسوم‌اند) و گروه‌های گالوای آنها می‌کردم. کار مفترجی بود: بایستی اطلاعات حاصل از چند منبع متفاوت را با هم ترکیب می‌کردی: تجزیه‌های هاج-نیت^۵، لختی رام^۶، عناصر فروبنیوس^۷، قضایای متناهی بودن زیگل ... من این نوع کار را دوست دارم.

(البته هنوز باید نشان می‌دادم که $E \rightarrow X$ استحقاق آن را دارد که «تاریندی» نامیده شود و اینکه نظریهٔ لری دربارهٔ آن صادق است. این کار صرفاً جنبهٔ فنی داشت اما چندان هم آسان نبود. عجیب است که چنین ساختار ساده‌ای آن همه پیامد داشت.

موضوعها و سبک کار

• ماجرای که دربارهٔ کشف ناگهانی راه حل نقل کردید یادآور بارقهٔ الهام در ذهن یوانکاره است هنگامی که قدم در تراموا می‌گذاشت و ماجرای آن در نوشتهٔ آدامار با عنوان «روانشناسی ابداع در زمینهٔ ریاضی» آمده است. آیا شما معمولاً به الهام و شهود ناگهانی اتکا دارید یا کارتان را منظم و طبق برنامه انجام می‌دهید، و یا مخلوطی از این دو؟

سر: مباحثی هست که گاه و بیگاه به آنها برمی‌گردم (مانند نمایشهای لم-آدیک)، اما این کار را واقعاً از روی برنامه انجام نمی‌دهم. فقط از شتم خودم پیروی می‌کنم. اما از آن نوع الهاماتی که آدامار شرح داده، برای من فقط دو سه بار، در طی بیش از پنجاه سال کار، پیش آمده است. این جرعه‌های ذهنی خیلی خوب‌اند اما خیلی هم نادرند!

• حدس می‌زنم جرعهٔ ذهنی بعد از تلاتس طولانی رخ می‌دهد.

سر: من کلمهٔ «تلاش» را در این مورد به‌کار نمی‌برم. شاید «فکرکردن زیاد» باشد. قسمت خودآگاه ذهن این کار را انجام نمی‌دهد. این موضوع در کتاب جذاب لیتاود با عنوان کشکول یک ریاضیدان^۱ به‌خوبی تشریح شده است.

• بیشتر تحقیقات شما از «سادهای توپولوژی» به بعد به نظریهٔ اعداد و هندسهٔ جبری اختصاص داشته است.

سر: من در چند مبحث ظاهراً متفاوت کار می‌کنم. ولی در واقع همهٔ آنها به هم مربوط‌اند. احساس نمی‌کنم که زمینهٔ کار خود را تغییر می‌دهم. مثلاً در نظریهٔ اعداد، نظریهٔ گروه‌ها، یا هندسهٔ جبری، از مفاهیم توپولوژی از قبیل کوه‌مولوژی، بافته‌ها، و موانع^۲ استفاده می‌کنم.

از این نظر، به‌خصوص از کار در زمینهٔ نمایشهای لم-آدیک و فرمهای پیمانه‌ای لذت برده‌ام که به‌آميزهٔ بسیار خوبی از مباحث یعنی نظریهٔ اعداد، هندسهٔ جبری، گروه‌های لی (هم حقیقی و هم لم-آدیک)، همبسطها (سبک ترکیبیاتی) نیاز دارد.

• شهود و نگارش شما هندسی است یا جبری یا هر دو؟

سر: گمان می‌کنم جبری، ولی زبان هندسی را بهتر از زبان جبری محض می‌فهمم. اگر مجبور باشم بین یک گروه لی و یک جبر بی^۳ یکی را انتخاب کنم، گروه لی را انتخاب می‌کنم! با این حال، گمان نمی‌کنم یک هندسه‌دان واقعی مانند بات یا گروموف باشم.

همین‌طور آنالیز را دوست دارم ولی نمی‌توانم ادعا کنم که آنالیزدان واقعی هستم. آنالیزدان واقعی در همان نظر اول می‌داند که «بزرگ»، «کوچک»، «احتمالاً کوچک» و «به نحو قابل اثباتی کوچک» (که این دو یکی نیستند) چیست. من چنین احساس شهودی ندارم! باید همهٔ برآوردهای پیش‌پاافتاده را بنویسم.

• شما دوره‌ای طولانی از فعالیت علمی را پشت سر گذاشته‌اید و در مباحث متفاوت زیادی تحقیق کرده‌اید. کدامیک از نظریه‌ها یا قضیه‌هایتان را بیشتر دوست دارید؟ کدامیک، از نظر شما مهم‌ترند؟

سر: سؤال سختی است. آیا از مادر می‌پرسند که کدامیک از بچه‌هایش را

1. Faisceaux algébriques cohérents 2. profinite 3. Manin

4. Tate modules 5. Hodge-Tate decompositions

6. tame inertia 7. Frobenius elements

1. A Mathematician's Miscellany

2. obstructions

3. bi-algebra

دارد (رده‌بندی گروه‌های «شبه‌نازک»). هر وقت در این باره از این متخصصان سؤال می‌کنم، جوابی از این قبیل می‌دهند: «نه، این شکافی در مطلب نیست؛ فقط چیزی است که در آن اثبات نوشته شده است و گرنه دست‌نوشته ۸۰۰ صفحه‌ای ناکاملی درباره آن وجود دارد که هنوز چاپ نشده است.» از نظر من، این هیچ فرقی با شکاف در اثبات ندارد و من توانستم بفهمم که چرا به این امر اذعان نشده است. خوشبختانه، اشیا کر^۱ و اسمیت اکنون دست‌نوشته مفصلی (در ۱۲۰۰ صفحه) عرضه کرده‌اند تا این شکاف را پر کنند. وقتی این دست‌نوشته را متخصصان دیگر بررسی و تأیید کردند، زمان جشن گرفتن برای رده‌بندی این گروه‌ها فرا می‌رسد.

• ولی اثبات ۱۲۰۰ صفحه‌ای چه فایده‌ای دارد؟
سر: واقعیت این است که طول کل اثبات رده‌بندی خیلی بیشتر از ۱۲۰۰ صفحه است — در حدود ۱۰ برابر بیشتر — ولی این موضوع تعجب‌آور نیست؛ خود صورت قضیه بسیار طولانی است زیرا برای اینکه مفید باشد باید توصیف مبسوطی از نه تنها گروه‌های شواله بلکه همچنین ۲۶ گروه پراکنده^۲ را دربرداشته باشد.

این قضیه، قضیه زیبایی است و بسیاری کاربردهای شگفت‌انگیز دارد. گمان نمی‌کنم استفاده از آن مشکل واقعی برای ریاضیدان سایر حوزه‌ها پیش بیاورد زیرا آنها فقط کافی است روشن کنند که چه بخشی از اثبات آنها به آن بستگی دارد.

مسئله‌های مهم ریاضی

• آیا به نظر شما می‌توان مباحثی را جریانهای مرکزی یا اصلی ریاضیات نامید؟
آیا بعضی از مباحث بهتر از بقیه‌اند؟

سر: سؤال ظریفی است. شاخه‌هایی از ریاضیات به‌وضوح کم‌اهمیت‌تر از بقیه‌اند یعنی شاخه‌هایی که در آنها عده‌ای ریاضیدان با معدودی اصل موضوع و ارتباط منطقی آنها «بازی می‌کنند». ولی در این باره نمی‌توان به‌طور قاطع و جزئی اظهار نظر کرد. گاه حوزه‌ای که مورد غفلت بوده جالب توجه می‌شود و روابطی با سایر شاخه‌های ریاضیات برقرار می‌کند. از طرف دیگر، مسائلی هستند که به‌وضوح برای شناخت ما از دنیای ریاضی اهمیت اساسی دارند. فرضیه ریمان و برنامه لانگ‌لندز از نمونه‌های بارز این مسائل‌اند. حدس پوانکاره هم نمونه دیگری است که کاملاً ممکن است به یمن کارهای پرامان از حالت حدسی درآمده باشد.

• آیا درباره درستی اثبات پرلمان اطلاعات بیشتری دارید، و یا فکر می‌کنید به ظن قوی درست است؟

سر: چه کسی به ظن و گمان اهمیت می‌دهد؟ اما در مورد اطلاعات هم واقعاً اطلاعات خاصی ندارم ولی شنیده‌ام که متخصصان در IHÉS (مؤسسه مطالعات عالی علمی) و MIT از این طرح اثبات خیلی به هیجان آمده‌اند. یک جنبه جالب توجه روش پرامان این است که از آنالیز برای یک مسئله تئوریک محض استفاده کرده است که خیلی خشنودکننده است.

• حالا که با بحث درباره حدس پوانکاره کمی به طرف آینده رفته‌ایم، دوست دارید کدام مسائل مهم ریاضی در آینده نزدیک حل شوند؟ شما هم موافق‌اید که مسائل جایزه‌دار هزاره که بنیاد کلی^۳ تعیین کرده اهمیت اساسی دارند؟

• ارمیت زمانی گفت که آبل چیزی به ریاضیدانان داده است تا ۱۵۰ سال روی آن کار کنند. شما با این گفته موافق‌اید؟

سر: من با این نوع حکم‌های پرطسراق موافق نیستم. از اینها چنین برمی‌آید که شخصی که حرف می‌زند، می‌داند در قرن آینده چه اتفاقی می‌افتد؛ و این حاکی از غرور و تکبر است.

• آبل در مقدمه یکی از مقالاتش می‌نویسد که باید تلاش کرد مسئله را به شکلی بیان کرد که هواره قابل حل باشد — کاری که او ادعا می‌کند هواره امکان‌پذیر است. در ادامه می‌گوید با ارائه مسئله به شکلی که خوب انتخاب شده باشد، صورت مسئله حاوی بذریه حل است.

سر: یک دیدگاه خوش‌بینانه! گروتندیک هم مسلماً با او هم‌عقیده است. اما من معتقدم که این حرف فقط در مورد مسائل جبری ممکن است صادق باشد و نه مسائل حسابی. مثلاً آبل درباره فرضیه ریمان چه می‌توانست گفته باشد؟ آیا گفته است شکل ارائه آن خوب نیست؟

نقش اثبات

• وقتی کار ریاضی می‌کنید آیا می‌توانید از درستی چیزی آگاه باشید بدون اینکه اثباتی از آن در دست داشته باشید؟

سر: البته، خیلی پیش می‌آید. ولی باید تمایزی گذاشت بین هدف اصلی (مثلاً پیمانه‌ای‌بودن خم‌های بیضوی در مورد کار وایلز) که آدم احساس می‌کند حتماً درست است، و حکم‌های کمکی (امها و غیره) که کاملاً ممکن است مهارنشده‌ای باشند (همان‌طور که در نخستین اقدام وایلز پیش آمد) یا حتی غلط از آب درآیند (همان‌طور که در کار لافورگ دیدیم).
• آیا اثبات همیشه به خودی خود ارزش دارد؟ درباره، مثلاً، اثبات قضیه چهار رنگ چه نظری دارید؟

سر: داریم وارد قلمرو تاریکی می‌شویم که اثبات به کمک، رایانه است. برهانهای رایانه‌ای، اثبات به مفهوم متعارف کلمه نیستند که بتوان درستی آنها را با بررسی سطر به سطر مشخص کرد. این اثباتها به‌خصوص وقتی ادعا می‌شود فهرست کاملی از این یا آن نوع چیزی می‌دهند قابل اعتماد نیستند. [به یاد دارم در دهه ۱۹۹۰ چنین فهرستی به دستم رسید که شامل زیرگروه‌هایی با یک شاخص مفروض از یک گروه گسسته بود. رایانه مثلاً بیست تا از این زیرگروه‌ها یافته بود. من با این زیرگروه‌ها آشنا بودم و به راحتی در حدود سی تا از آنها را «با دست» یافته‌ام. موضوع را به نویسندگان نوشتم و آنها اشتباه خود را این‌طور توضیح دادند که بخشی از محاسبه را در زاین و بخش دیگر را در آلمان انجام داده‌اند ولی فراموش کرده‌اند مراحل میانی لازم را اجرا کنند... که خلاف انتظار هم نیست!] از طرف دیگر، اثباتهای مبتنی بر رایانه اغلب قانع‌کننده‌تر از بسیاری از اثباتهای متعارف‌اند که مثلاً مبتنی بر نمودارهایی هستند که ادعا می‌شود جابه‌جاشونده‌اند، پیکانهایی که فرض می‌شود یکی هستند، و استدلالهایی که به خواننده واگذار می‌شود.

• درباره اثبات رده‌بندی گروه‌های ساده متناهی چه می‌گویید؟

سر: به نکته درستی انگشت گذاشتید. سالهاست که من با متخصصان نظریه گروه‌ها در این باره بحث می‌کنم. آنها مدعی‌اند «قضیه رده‌بندی» یک «قضیه» است یعنی ثابت شده است. در واقع گورنستاین در سال ۱۹۸۰ چنین چیزی را اعلام کرد، ولی بعداً معلوم شد نقص و شکافی در آن وجود

1. Aschbacher 2. Sporadic groups 3. Clay

مسئله خاصی علاقه‌مند می‌شود، معمولاً مطالبی کمی در نوشتگان موجود پیدا می‌کند که به آن مسئله مربوط باشد. یعنی افسار کار در دست خود اوست.

در مورد اینکه احساس می‌کنیم ریاضیات «رشد انفجارگونه» دارد باید بگوییم که به عقیده من آبل هم وقتی کار خود را پس از انبوه کارهای اولیه لاگرانژ، لژاندر و گاوس آغاز کرد، همین احساس را داشته است. ولی او مسائلی تازه و راه‌حلهایی تازه یافت. همیشه همین‌طور بوده است. دلیلی برای نگرانی نیست.

• مسئله دیگر این است که بسیاری از افراد جوان و مستعد – و همچنین راهبران افکار عمومی – ریاضیات را رشته‌چندان مهیجی نمی‌دانند.

سر: به متأسفانه، شواهد زیادی در این زمینه هست. چند سال قبل حتی وزیر تحقیقات فرانسه گفته بود که ریاضیدانها دیگر به درد نمی‌خورند چون امروز کافی است بدانید که کدام دکمه را روی رایانه فشار بدهید. (احتمالاً فکر می‌کرده کلیدها و برنامه‌های رایانه‌ای خود به خود به‌وجود آمده‌اند ...)

با این حال، من نظر خوش‌بینانه‌ای درباره جذب جوانها به رشته ریاضی و اهتمام آنها به کشفیات ریاضی دارم. یکی از جنبه‌های خوب جشنواره‌های آبل، برگزاری مسابقات آبل در تروژ بین دانش‌آموزان است.

ورزش و ادبیات

• ممکن است به ما بگویید غیر از ریاضیات به چه چیزهایی علاقه دارید؟ سر: ورزش! یا دقیق‌تر بگویم، اسکی، بینگ-پنگ، و صخره‌نوردی. البته هیچ‌وقت این ورزشها را خیلی خوب انجام نمی‌دادم ولی از آنها لذت زیادی می‌بردم. (مثلاً وقتی اسکی می‌کردم، هیچ‌وقت حرکت مارپیچ را یاد نگرفتم و به‌جای پیچیدن ترمز می‌کردم).

خوشبختانه یا بدبختانه، یکی از عواقب پیری این است که زانوهایم دیگر یاری نمی‌کند (حتی به‌جای یکی از زانوهایم یک چیز عجیب و غریب فلزی-پلاستیکی قرار داده‌اند)، بنابراین مجبور شده‌ام از ورزش دست بکشم. تنها نوع صخره‌نوردی که می‌کنم مدل آن است یعنی دوستان را به فوئن بلوا می‌برم و آنها را تشویق می‌کنم از صخره‌هایی که من ده سال پیش بالا رفته‌ام، بالا بروند. این هم لذتی دارد اما خیلی کمتر از ورزش واقعی.

سایر علائق:

– فیلم (بالب فیکش^۲ را دوست دارم. همچنین از طرفداران کارهای آلتن^۱، تروفو^۳، رومر^۴، برادران کوئن^۵ و ... هستم).

– شطرنج

– کتاب (از هر نوعی، از آثار جونو^۶ گرفته تا بل^۷ و کلاوایاتا^۸، ازجمله،

قصه‌های پریان و هری پاتر)

• پروفور سر، از طرف انجمنهای ریاضی دانمارک و نروژ به خاطر این مصاحبه از شما تشکر می‌کنیم.

ترجمه سیامک کاظمی

سر: مسائل یک میلیون دلاری کلی! ایده غریبی است! دادن این قدر پول برای یک مسئله ... اما من چطور می‌توانم از آن انتقاد کنم در حالی که خودم جایزه آبل را گرفته‌ام؟ با این حال، گمان می‌کنم قدری مخاطره در این کار هست به این معنی که اشخاص از بحث درباره نتایج ناقصی که در حل مسئله‌های جایزه‌دار به دست آورده‌اند خودداری خواهند کرد، در حالی که ده سال پیش در مورد قضیه فرما این کار را می‌کردند.

اما در مورد انتخاب مسئله‌ها، به نظر من این انتخاب را مؤسسه کلی خیلی خوب انجام داده است. فرضیه ریمان و حدس برج^۱ و سونیترتون-دایر^۲ به حق جزو این مسائل قرار گرفته‌اند. حدس هاج هم همین‌طور، هر چند به دلیلی متفاوت: اصلاً روشن نیست که جواب آن بله است یا خیر؛ خیلی مهم است که بتوان تعیین کرد کدام یک از این دو است. (البته امیدوارم این مسئله تصمیم‌ناپذیر از آب در نیاید ...). مسئله $P = NP$ به همان رسته‌ای از مسائل تعلق دارد که مسئله هاج، بجز اینکه اگر جواب آن مثبت باشد کاربردهای خیلی بیشتری خواهد داشت.

• آیا مسائل دیگری هستند که به نظر شما در همین مرتبه باشند؟

سر: قبلاً گفتم که برنامه انگ‌اندز یکی از مهمترین مسائل در ریاضیات امروزی است. نیامدن آن در فهرست کلی احتمالاً به این دلیل است که صورت‌بندی آن با دقت موردنظر، بسیار مشکل است.

• شما علاوه بر داشتن شایستگی‌های علمی، در سخنرانی و شرح و بیان هم استادید. این را در سخنرانی امروزتان شاهد بودیم.

سر: متشکرم. من اهل جنوب فرانسه‌ام. مردم آنجا دوست دارند حرف بزنند، نه فقط با دهانشان بلکه با دستهایشان، و من با یک قطعه گچ.

من وقتی چیزی را می‌فهمم احساس می‌کنم هر کس دیگری هم می‌تواند آن را بفهمد، و توضیح دادن آن برای دیگران، خواه دانشجو باشند یا همکار، لذت عظیمی به من می‌دهد.

روی دیگر سکه این است که حرفهای غلط مرا از نظر جسمی تقریباً بیمار می‌کند. نمی‌توانم این حرفها را تحمل کنم. وقتی مطالب غلطی در یک سخنرانی می‌شنوم، معمولاً حرف سخنران را قطع می‌کنم، و وقتی چنین چیزی در پیش چاپ یک مقاله یا یک مقاله یا کتاب چاپ شده می‌بینم، نظرم را برای نویسنده می‌فرستم (و اگر این نویسنده اتفاقاً خودم باشم، اشکال را یادداشت می‌کنم تا در چاپ بعدی تصحیح کنم). مطمئن نیستم که با این عادت، محبوبیت چندانی در میان سخنرانها و نویسندگان کسب کرده باشم.

دسترسی‌پذیری و اهمیت ریاضیات

• رشد ریاضیات از نظر تعداد موضوعها و رشته‌ها انفجارگونه بوده است به طوری که اکنون کسب تبحر حتی در رشته‌های کوچک کار مشکلی است. از طرف دیگر، همان‌طور که در سخنرانی امروزتان روشن کردید، تلاقی و تأثیرگذاری رشته‌ها بر یکدیگر باعث غنای بیشتر هر یک از آنها می‌شود و خیلی مهم است. ریاضیدانان جوان چطور می‌توانند با این رشد انفجارگونه بسازند و چیز جدیدی به دست آورند؟

سر: بله، قبلاً هم این سؤال را در مصاحبه‌ای در سنگاپور، که در اینتلیجنسر بازچاپ شده، از من کرده بودند. جوابم این است که وقتی کسی واقعاً به

1. Fontainebleau 2. Pulp Fiction 3. Altman 4. Truffaut
5. Rohmer 6. Coen 7. Giono 8. Böll 9. Kawabata

1. Birch 2. Swinnerton-Dyer